



قررت وزارة التعليم تدريس
هذا الكتاب وطبعه على نفقتها



وزارة التعليم
Ministry of Education

المملكة العربية السعودية

الرياضيات

الصف السادس الابتدائي

الجزء الثاني من المقرر



قام بالتأليف والمراجعة
فريق من المتخصصين



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

طبعة ١٤٤٧ - ٢٠٢٥

ح) المركز الوطني للمناهج ، ١٤٤٧هـ

المركز الوطني للمناهج

الرياضيات - الصف السادس الابتدائي - الجزء الثاني من المقرر. /
المركز الوطني للمناهج. - الرياض ، ١٤٤٧هـ .
٢٠٢ ص ؛ ٢١ × ٢٧ سم

رقم الإيداع : ١٤٤٧/١١٢٧

ردمك : ٩٧٨-٦٠٣-٥١٤-١٤٧-٥

حول الغلاف

تدرس في هذا الصف الكثير عن الكسور الاعتيادية والعشرية
وتطبيقاتها مثل معدّل السرعة الذي يعبر عنه بالكسر: المسافة .
الزمن



حقوق الطبع والنشر محفوظة لوزارة التعليم

www.moe.gov.sa

مواد إثرائية وداعمة على "منصة عين الإثرائية"



ien.edu.sa

أعضاء المعلمين والمعلمات، والطلاب والطالبات، وأولياء الأمور، وكل مهتم بالتربية والتعليم؛
يسعدنا تواصلكم؛ لتطوير الكتاب المدرسي، ومقترحاتكم محل اهتمامنا.



fb.ien.edu.sa



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ





المقدمة

الحمد لله والصلاة والسلام على نبينا محمد وعلى آله وصحبه أجمعين، وبعد:

تعد مادة الرياضيات من المواد الدراسية الأساسية التي تهيئ للطلاب فرص اكتساب مستويات عليا من الكفايات التعليمية، مما يتيح له تنمية قدرته على التفكير وحل المشكلات، ويساعده على التعامل مع مواقف الحياة وتلبية متطلباتها.

ومن منطلق الاهتمام الذي توليه حكومة خادم الحرمين الشريفين بتنمية الموارد البشرية، وعياً بأهمية دورها في تحقيق التنمية الشاملة، كان توجه وزارة التعليم نحو تطوير المناهج الدراسية وفي مقدمتها مناهج الرياضيات، بدءاً من المرحلة الابتدائية، سعياً للارتقاء بمخرجات التعليم لدى الطلاب، والوصول بهم إلى مصاف أقرانهم في الدول المتقدمة.

وتتميز هذه الكتب بأنها تتناول المادة بأساليب حديثة، تتوافر فيها عناصر الجذب والتشويق، التي تجعل الطالب يقبل على تعلمها ويتفاعل معها، من خلال ما تقدمه من تدريبات وأنشطة متنوعة، كما تؤكد هذه الكتب على جوانب مهمة في تعليم الرياضيات وتعلمها، تتمثل فيما يأتي:

- الترابط الوثيق بين محتوى الرياضيات وبين المواقف والمشكلات الحياتية.
 - تنوع طرائق عرض المحتوى بصورة جذابة مشوقة.
 - إبراز دور المتعلم في عمليات التعليم والتعلم.
 - الاهتمام بالمهارات الرياضية، والتي تعمل على ترابط المحتوى الرياضي وتجعل منه كلاً متكاملًا، ومن بينها: مهارات التواصل الرياضي، ومهارات الحس الرياضي، ومهارات جمع البيانات وتنظيمها وتفسيرها، ومهارات التفكير العليا.
 - الاهتمام بتنفيذ خطوات حل المشكلات، وتوظيف إستراتيجياته المختلفة في كيفية التفكير في المشكلات الرياضية والحياتية وحلها.
 - الاهتمام بتوظيف التقنية في المواقف الرياضية المختلفة.
 - الاهتمام بتوظيف أساليب متنوعة في تقويم الطلاب بما يتناسب مع الفروق الفردية بينهم.
- وهذه الكتب سوف توفر للمعلم مجموعة متكاملة من المواد التعليمية المتنوعة التي تراعي الفروق الفردية بين الطلاب، بالإضافة إلى البرمجيات والمواقع التعليمية، التي توفر للطلاب فرصة توظيف التقنيات الحديثة والتواصل المبني على الممارسة، مما يؤكد دوره في عملية التعليم والتعلم.
- ونحن إذ نقدّم هذه الكتب لأعضائنا الطلاب، لنأمل أن تستحوذ على اهتمامهم، وتلبي متطلباتهم وتجعل تعلمهم لهذه المادة أكثر متعة وفائدة.

والله ولي التوفيق



الفصل ٧ النسبة والتناسب

- ٦٧ التهيئة
- ٦٨ ١-٧ النسبة والمعدل
- ٧٤ ٢-٧ جداول النسب
- ٨٠ ٣-٧ التناسب
- ٨٦ اختبار منتصف الفصل
- ٨٧ ٤-٧ الجبر: حل التناسب
- ٩٣ ٥-٧ خطة حل المسألة البحث عن نمط
- ٩٥ اختبار الفصل
- ٩٧-٩٦ الاختبار التراكمي (٧)

الفصل ٨ النسبة المئوية والاحتمالات

- ٩٩ التهيئة
- ١٠٠ استكشاف معمل الرياضيات: تمثيل النسبة المئوية
- ١٠١ ١-٨ النسب المئوية والكسور الاعتيادية
- ١٠٧ ٢-٨ النسب المئوية والكسور العشرية
- ١١١ ٣-٨ الاحتمال
- ١١٨ توسع معمل الرياضيات: الاحتمال التجريبي والاحتمال النظري
- ١١٩ اختبار منتصف الفصل
- ١٢٠ ٤-٨ فضاء العينة
- ١٢٥ ٥-٨ خطة حل المسألة حل مسألة أبسط
- ١٢٧ اختبار الفصل
- ١٢٩-١٢٨ الاختبار التراكمي (٨)

الفصل ٦

العمليات على الكسور الاعتيادية

- ٩ التهيئة
- ١٠ استكشاف تقريب الكسور
- ١١ ١-٦ تقريب الكسور والأعداد الكسرية
- ١٦ ٢-٦ خطة حل المسألة تمثيل المسألة
- ١٨ ٣-٦ جمع الكسور المتشابهة وطرحها
- ٢٣ استكشاف الكسور غير المتشابهة
- ٢٥ ٤-٦ جمع الكسور غير المتشابهة وطرحها
- ٣١ ٥-٦ جمع الأعداد الكسرية وطرحها
- ٣٦ اختبار منتصف الفصل
- ٣٧ ٦-٦ تقدير نواتج ضرب الكسور
- ٤١ استكشاف ضرب الكسور
- ٤٣ ٧-٦ ضرب الكسور
- ٤٨ ٨-٦ ضرب الأعداد الكسرية
- ٥٢ استكشاف قسمة الكسور
- ٥٤ ٩-٦ قسمة الكسور
- ٥٩ ١٠-٦ قسمة الأعداد الكسرية
- ٦٣ اختبار الفصل
- ٦٥-٦٤ الاختبار التراكمي (٦)



- ١٣١ التهيئة
- ١٣٢ ١-٩ قياس وتقدير الزوايا ورسمها
- ١٣٧ ٢-٩ العلاقات بين الزوايا
- ١٤٣ **استكشاف** معمل الهندسة: زوايا المثلث
- ١٤٤ ٣-٩ المثلثات
- ١٥٠ اختبار منتصف الفصل
- **استكشاف** معمل الهندسة:
- ١٥١ زوايا الشكل الرباعي
- ١٥٢ ٤-٩ الأشكال الرباعية
- ١٥٩ ٥-٩ خطة حل المسألة الرسم
- ١٦١ اختبار الفصل
- ١٦٣-١٦٢ الاختبار التراكمي (٩)

- ١٦٥ التهيئة
- **استكشاف** معمل القياس:
- ١٦٦ محيط الدائرة
- ١٦٧ ١-١٠ محيط الدائرة
- ١٧٣ ٢-١٠ مساحة متوازي الأضلاع
- **استكشاف** معمل القياس:
- ١٧٩ مساحة المثلث
- ١٨٠ ٣-١٠ مساحة المثلث
- ١٨٥ اختبار منتصف الفصل
- ١٨٦ ٤-١٠ خطة حل المسألة إنشاء نموذج
- ١٨٨ ٥-١٠ حجم المنشور الرباعي
- **استكشاف** معمل الهندسة:
- ١٩٤ استعمال مخطط لبناء مكعب
- ١٩٥ ٦-١٠ مساحة سطح المنشور الرباعي
- ٢٠٠ اختبار الفصل
- ٢٠٢-٢٠١ الاختبار التراكمي (١٠)

العمليات على الكسور الاعتيادية

الفكرة العامة

- أفهم العمليات على الكسور الاعتيادية. وأفسرها وأطبقتها.
- أضرب الكسور الاعتيادية وأقسمها لأحل المسائل.

المفردات:

- الكسور المتشابهة ص (١٨)
- الكسور غير المتشابهة ص (٢٥)

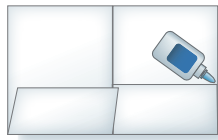
الربط مع الحياة:

حيوانات: يُعدُّ الوبرُ من حيوانات الصحراء العربية، ويبلغ متوسط طوله $٤٢ \frac{1}{3}$ سم.

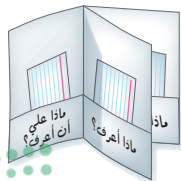
المطويات

مُنظَّم أفكار

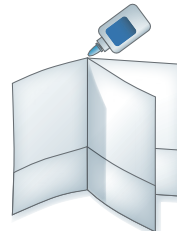
العمليات على الكسور الاعتيادية: اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظتك، مبتدئاً بورقتين A4 وأربع بطاقات ملاحظات، وغراء كما يأتي:



١ **اطوِ** إحدى الورقتين عرضياً من المنتصف.
٢ **افتح** الطية السابقة، واطوِ بمقدار ٥ سم من أسفل الورقة لتكوّن جيّباً، ثم ألصق حوافه بالغراء.



٣ **كّر** الخطوتين ١، ٢ مع الورقة الأخرى، ثم ألصق الجزء الخلفي للورقة الأولى مع الجزء الأمامي للورقة الأخرى لعمل كتيب.
٤ **اكتب** على جيوب الكتيب اليميني: ماذا أعرف؟ وعلى الجيوب اليسرى: ماذا أعرف أن أعرف؟ وضع بطاقة ملاحظات في كل جيّب.





التهيئة

أجب عن الاختبار الآتي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل البدء بالإجابة عن الاختبار

اختبار للريخ

مراجعة للريجة

قدّر ناتج كلٍّ مما يأتي باستعمال التقريب: (مهارة سابقة)

١ $٦,٦ + ١,٢$ ٢ $٢,٣ - ٩,٦$

٣ $٤,٨ - ٨,٢٥$ ٤ $٧,١ + ٥,٨٥$

٥ **نقود:** اشترى سلطان كيس سكر بـ ١٧,٩٥ ريالاً، وعلبة عصير بـ ٥,٤ ريالاً، فكَمْ ريالاً دفع ثمنًا لذلك تقريباً؟

مثال ١:

قدّر ناتج: $٨,٧٤ - ١٥,٢$ باستعمال التقريب:

قرب $٨,٧٤$ إلى ٩ ، وقرب $١٥,٢$ إلى ١٥

$$٧ = ٩ - ٢$$

لذا $٧ = ٩ - ٢$ تقريباً.

اكتب كل كسرٍ مما يأتي في أبسط صورة: (الدرس ٤-٢)

٦ $\frac{٣}{١٨}$ ٧ $\frac{٢١}{٢٨}$

٨ $\frac{١٦}{٤٠}$ ٩ $\frac{٦}{٣٨}$

١٠ **واجب منزلي:** أنهت باسمه حلّ ٢١ مسألة من أصل ٣٩ مسألة، اكتب الكسر الدالّ على المسائل المحلولة في أبسط صورة.

مثال ٢:

اكتب الكسر $\frac{٢٤}{٣٦}$ في أبسط صورة.

اقسم البسط والمقام على (ق.م.أ) لهما والذي يساوي ١٢

$$\frac{٢}{٣} = \frac{٢٤}{٣٦}$$

بما أن القاسم المشترك الأكبر لـ ٢ و ٣ هو ١، فإن $\frac{٢}{٣}$ هو أبسط صورة للكسر.

اكتب كل كسرٍ غير فعليٍّ فيما يأتي في صورة عددٍ كسريٍّ: (الدرس ٤-٣)

١١ $\frac{١١}{١٠}$ ١٢ $\frac{١٤}{٥}$

١٣ $\frac{٧}{٥}$ ١٤ $\frac{١٥}{٩}$

مثال ٣:

اكتب $\frac{١٩}{٧}$ في صورة عددٍ كسريٍّ.

$$\begin{array}{r} ٢ \\ ٧ \overline{) ١٩} \\ \underline{١٤} \\ ٥ \end{array}$$

استعمل الباقي بسطاً للكسر

$$٢ \frac{٥}{٧} = \frac{١٩}{٧}$$





معمل الرياضيات

تقريب الكسور

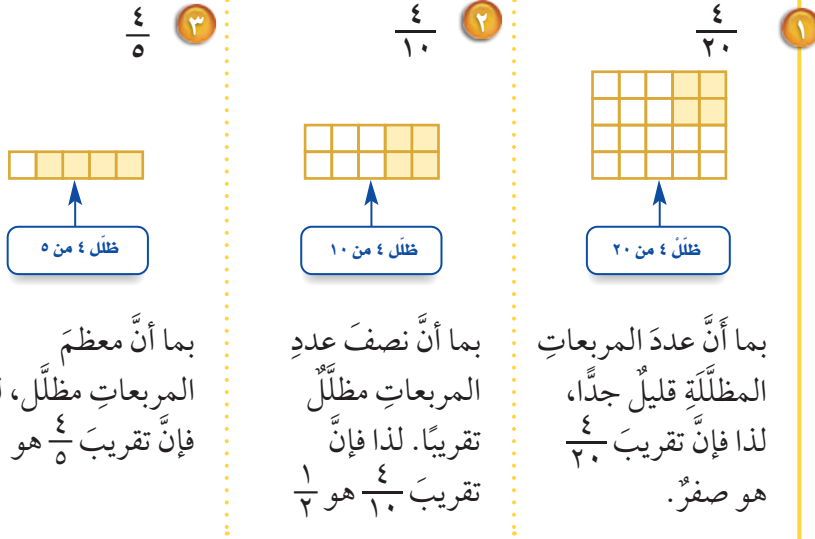
تعلمت في الدرس ٣ - ٣ تقريب الكسور العشرية، والآن يمكنك استعمال طريقة مشابهة لتقريب الكسور الاعتيادية.

فكرة الدرس:

أستعمل النماذج لتقريب الكسور الاعتيادية إلى أقرب نصف.

نشاط

ارسم نموذجًا لكل كسر وظلله، ثم استعمل النموذج لتقريب كل كسر إلى أقرب نصف.



تحقق من فهمك:

ارسم نموذجًا لكل كسر وظلله، ثم استعمل النموذج لتقريب كل كسر إلى أقرب نصف:

(أ) $\frac{13}{20}$ (ب) $\frac{7}{8}$ (ج) $\frac{9}{10}$ (د) $\frac{1}{5}$ (هـ) $\frac{1}{15}$

(و) $\frac{2}{25}$ (ز) $\frac{6}{10}$ (ح) $\frac{17}{20}$ (ط) $\frac{1}{8}$ (ي) $\frac{7}{16}$

حل النتائج

- صنّف الكسور في الفقرات (أ - ي) ثلاث مجموعات وهي: كسور تُقرب إلى صفر، وكسور تُقرب إلى $\frac{1}{2}$ ، وكسور تُقرب إلى ١.
- خمن:** قارن بين بسط كل كسر ومقامه في كل مجموعة، ثم بين كيف تُقرب أي كسر إلى أقرب نصف دون استعمال نموذج.
- اختبر تخمينك بإعادة النشاط السابق وحل السؤال ١ باستعمال الكسور:

$$\frac{9}{11}, \frac{7}{9}, \frac{7}{15}, \frac{5}{24}, \frac{2}{13}, \frac{16}{20}, \frac{3}{17}, \frac{3}{5}$$





تقريب الكسور والأعداد الكسرية

١-٦

نشاط



استعمل مسطرة وقس سُمك كتابك.

- ١ ما مقدار سُمك كتابك؟
- ٢ بالنظر إلى المسطرة، هل مقدار سُمك الكتاب المُجاور أقرب إلى ٣ سم أم إلى $٣\frac{1}{٣}$ سم أم إلى ٤ سم؟

الخطوة ١ اختر عدة أشياء من غرفة الصف، وقس أطوالها إلى أقرب نصف سنتيمتر.

الخطوة ٢ صنّف القياسات المختلفة ثلاث مجموعات على النحو الآتي:
القياسات التي قُرِبَتْ إلى العدد التالي (التقريب إلى أعلى).
القياسات التي قُرِبَتْ إلى أقرب نصف سنتيمتر.
القياسات التي قُرِبَتْ إلى العدد السابق (التقريب إلى أدنى).

- ٣ قارن بين البسط والمقام في كسور كل مجموعة، موضحاً طريقة المقارنة.
- ٤ اكتب قاعدةً لتقريب الكسور إلى أقرب نصف سنتيمتر.

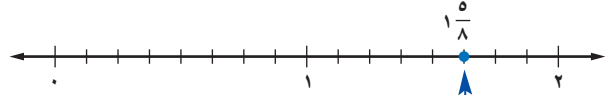
ومن المفيد أن تكون قادرًا في أغلب الأحيان على تقريب الكسور والأعداد الكسرية إلى أقرب نصف في مواقف من واقع الحياة. والإرشادات الآتية تمكّنك من عملية التقريب هذه:

مفهوم أساسي			التقريب إلى أقرب نصف		
التقريب إلى أدنى:	التقريب إلى $\frac{1}{٣}$:	التقريب إلى أعلى:			
إذا كان البسط أصغر كثيرًا من المقام، فقرب الكسر إلى العدد السابق.	إذا كان البسط قريبًا من نصف المقام، فقرب الكسر إلى $\frac{1}{٣}$.	إذا كان البسط قريبًا من المقام بصورة كبيرة، فقرب الكسر إلى العدد التالي.			
مثال:	مثال:	مثال:			
$\frac{1}{٨}$ تُقرب إلى صفر.	$\frac{٣}{٨}$ يُقرب العدد إلى $\frac{1}{٣}$.	$\frac{٧}{٨}$ يُقرب إلى ١.			
١ أصغر كثيرًا من ٨	٣ تساوي نصف ٨ تقريبًا	٧ قريبة من ٨			

التقريب إلى أقرب نصف

مثال

١ قَرِّبِ $\frac{5}{8}$ إلى أقرب نصفِ.



لأنه نصفًا ٨ تقريبًا
قَرِّبِ $\frac{5}{8}$ إلى $\frac{1}{2}$

بما أن بسط الكسر $\frac{5}{8}$ يساوي نصف مقامه تقريبًا، فإن $\frac{5}{8}$ يُقَرَّبُ إلى $\frac{1}{2}$

تحقق من فهمك:

قَرِّبْ كلاً ممَّا يأتي إلى أقرب نصفِ:

- | | | |
|--------------------|--------------------|-------------------|
| (أ) $\frac{1}{12}$ | (ب) $\frac{9}{10}$ | (ج) $\frac{2}{9}$ |
| (د) $\frac{5}{13}$ | (هـ) $\frac{2}{5}$ | (و) $\frac{3}{4}$ |

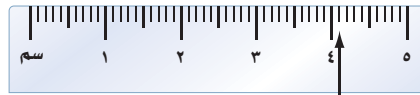
إرشادات للدراسة

الكسور المتشابهة يُقَرَّبُ كلٌّ من الكسرين $\frac{1}{3}$ ، $\frac{2}{3}$ إلى $\frac{1}{2}$ في حين يُقَرَّبُ الكسر $\frac{1}{4}$ إلى أدنى، و $\frac{3}{4}$ إلى أعلى.

القياس إلى أقرب نصف

مثال

٢ أوجد طول ورقة الشجر إلى أقرب نصف سنتيمتر:

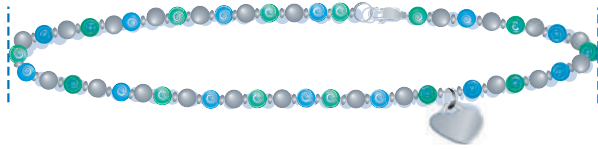


$\frac{1}{2}$ أقرب إلى ٤
منه إلى $\frac{1}{2}$

بما أن البسط أصغر كثيرًا من المقام، فإن $\frac{1}{2}$ يُقَرَّبُ إلى ٤

تحقق من فهمك:

٣ أوجد عرض العقد إلى أقرب نصف سنتيمتر.



قد يكون من الضروري في بعض المسائل الحياتية تقريب بعض الأعداد إلى أدنى إذا كان من الأفضل للقياس أن يكون صغيراً من أن يكون كبيراً. كما أنه من الضروري أحياناً التقريب إلى أعلى، دون التقيد بقواعد التقريب.

مثال من واقع الحياة



٣ ذهب: أرادت امرأة أن تشتري سواراً من ذهب. فإذا كان محيط معصمها $\frac{1}{4}$ ١٥ سم، فأى السوارين عليها أن تشتري: سواراً محيطه ١٥ سم، أم محيطه ١٦ سم؟ على الرغم من أن $\frac{1}{4}$ ١٥ يُقرب إلى أدنى أي إلى ١٥، إلا أن السوار الذي محيطه ١٦ سم هو الأنسب من الناحية العملية لمعصم المرأة. لذا فعليها أن تشتري سواراً محيطه ١٦ سم.

تحقق من فهمك

(ح) أثاث: تريد ربة منزل أن تشتري أريكة لغرفة الجلوس، فإذا كان عرض باب هذه الغرفة $\frac{3}{4}$ ١٠٤ سم، فهل تُقرب $\frac{3}{4}$ ١٠٤ إلى أعلى أم إلى أدنى؛ لضمان أن تدخل الأريكة من باب غرفة الجلوس؟ وضح إجابتك.

الربط بالحياة

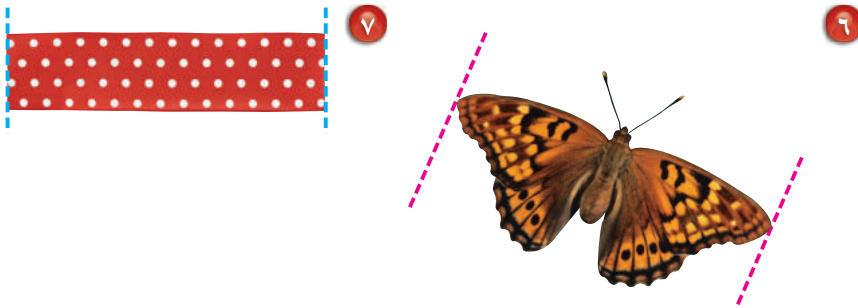
كيف يستعمل صائغ الذهب الرياضيات؟
يستعمل صائغ الذهب الرياضيات في حساب كتلة وسعر الحلية الذهبية التي يبيعها.

تاكد

قرب كلاً مما يأتي إلى أقرب نصف:

١ $\frac{7}{8}$ ٢ $3\frac{1}{10}$ ٣ $\frac{3}{8}$ ٤ $6\frac{2}{3}$ ٥ $\frac{1}{5}$

أوجد طول كل مما يأتي إلى أقرب نصف سم:



٨ رسوم: أرادت خولة أن تحمل رسوماً في حقيبة من البيت إلى المدرسة لتشارك في معرض للمدرسة، فإذا كان طول الحقيبة $\frac{1}{4}$ ٢١ سم، فهل تُقرب $\frac{1}{4}$ ٢١ إلى أعلى أم إلى أدنى لضمان دخول رسوماً في الحقيبة؟ فسّر إجابتك.

٩ زراعة: وجد مزارع أنه يحتاج لتسميد أرضه إلى خلط $\frac{3}{8}$ ١٥ كيلوجراماً من السماد بالماء. فهل يُقرب $\frac{3}{8}$ ١٥ إلى أعلى أم إلى أدنى عند شرائه السماد؟ وضح إجابتك.

تدرّب وحلّ المسائل

إرشادات للتمارين

انظر الأمثلة	للتمارين
١	١٩ - ١٠
٢	٢٣ - ٢٠
٣	٢٥، ٢٤

قرّب كلّاً ممّا يأتي إلى أقرب نصف:

- ١٤ $\frac{2}{9}$ ١٣ $\frac{1}{9}$ ١٢ $\frac{2}{9}$ ١١ $\frac{4}{5}$ ١٠ $\frac{5}{6}$
- ١٩ $\frac{2}{3}$ ١٨ $\frac{7}{12}$ ١٧ $\frac{3}{10}$ ١٦ $\frac{1}{3}$ ١٥ $\frac{1}{12}$

أوجد طول كلّ ممّا يأتي إلى أقرب نصف سم:



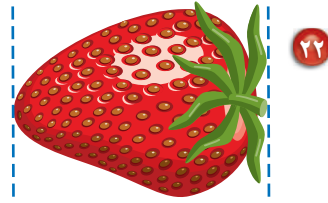
٢١



٢٠



٢٣



٢٢

٢٤ نجارة: يريد نجار عمل باب بين عمودين، المسافة بينهما $\frac{3}{4}$ ٢٦٢ سم. فهل يُقرّب هذا العدد إلى أعلى، أم إلى أدنى؛ ليتلاءم الباب مع المسافة بين العمودين؟ وضح إجابتك.

٢٥ هدية: يريد ماجد أن يرسل هدية إلى صديقه طولها $\frac{3}{8}$ ٣٥ سم بالبريد. فهل يُقرّب $\frac{3}{8}$ ٣٥ سم إلى أعلى أم إلى أدنى عند شرائه صندوقاً ليتسع لهذه الهدية؟ وضح إجابتك.

٢٦ حرف يدوية: تُعدّ خديجة بطاقات أفرّاح، وتريد أن تضعها داخل مغلفات قياساتها: $\frac{3}{4}$ ١٥ سم \times $\frac{5}{8}$ ٩ سم. أوجد أكبر قياس ممكن للبطاقات إلى أقرب نصف سم.

استعمل التقريب لترتيب كلّ مجموعة أعداد فيما يأتي تصاعدياً:

- ٢٩ $\frac{1}{7}$ ، $\frac{9}{10}$ ، $\frac{6}{11}$ ٢٨ $\frac{6}{7}$ ، $\frac{3}{14}$ ، $\frac{5}{9}$ ٢٧ $\frac{4}{7}$ ، $\frac{2}{11}$ ، $\frac{7}{8}$



تحذّر: قرّب كلّاً ممّا يأتي إلى أقرب ربع:

$$\frac{21}{40} \quad \text{٣٢}$$

$$\frac{79}{100} \quad \text{٣١}$$

$$\frac{3}{16} \quad \text{٣٠}$$

٣٣ اكتشاف المختلف: حدّد العدد المختلف عن الأعداد الثلاثة الأخرى. ووضّح إجابتك.

$$\frac{3}{9}$$

$$\frac{4}{7}$$

$$\frac{4}{5}$$

$$\frac{3}{8}$$

٣٤ **الكتب** كيف تحدّد أنّ ناتج تقريب كسر ما بالتقريب إلى أقرب نصف هو: صفر أم $\frac{1}{4}$ أم ١؟

تدريب على اختبار

٣٦ لدى سمية ورقة بعدها $10 \frac{3}{8}$ سم، $9 \frac{3}{4}$ سم، وتريد أن تضع عليها صورة. فما أكبر قياس ممكن لبُعدي الصورة مقربةً إلى أقرب نصف سنتيمتر؟

(أ) 10 سم، 9 سم

(ب) $10 \frac{1}{4}$ سم، $9 \frac{1}{4}$ سم

(ج) $10 \frac{1}{2}$ سم، 9 سم

(د) $10 \frac{1}{2}$ سم، $9 \frac{1}{4}$ سم

٣٥ ما طول الدودة المرسومة أدناه إلى أقرب نصف سنتيمتر؟



(أ) ٦

(ب) $5 \frac{1}{4}$

(ج) $4 \frac{1}{5}$

(د) ٣

الاستعداد للدرس اللاحق

٣٧ مهارة سابقة: قسّم ٦ طلاب فيما بينهم تكاليف عمل فطيرتين كبيرتين بالتساوي، إذا كانت تكلفة الفطيرة الواحدة ٩٩, ١٤ ريالاً، فأيهما أكثر معقولية أن يدفع كلّ منهم ٥ ريالات، أم ٦ ريالات؟ (مهارة سابقة)





خطة حل المسألة

٦-٢

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال خطة «تمثيل المسألة»

أمثل المسألة

سعيد: نريد أنا وماهر وفهد وعلي أن نركب إحدى عربات مدينة الألعاب. وكل عربة فيها صفان، وفي كل صف مقعدان.

مهمتك: استعمل خطة «تمثيل المسألة» لتجد عدد الطرق المختلفة التي يمكن أن يجلس بها الأصدقاء الأربعة في العربة على أن يكون ماهر وعلي بجانب بعضهما.



أنت تعرف أن كل عربة فيها صفان من المقاعد. وفي كل صف مقعدان، وأن ماهرًا وعليًا يريدان الجلوس بجانب بعضهما.

افهم

استعمل خطة (تمثيل المسألة) حيث يمكنك ترتيب مقاعد الأشخاص لتكوّن نموذجًا للركوب في العربة. ضع أربعة مقاعد في صفين، كل منهما فيه مقعدان. ثم اطلب إلى أربعة طلاب تمثيل الترتيبات الممكنة للجلوس، وسجل كل ترتيب منها، وارمزب: س، م، ف، ع إلى سعيد وماهر وفهد وعلي على التوالي.

نظّم

يمكن لماهر وعلي الجلوس في الصف الأمامي أو في الصف الخلفي. توجد ٨ طرق ممكنة لجلوس الأصدقاء في العربة.

حلّ



بما أنه يوجد أربعة طرق لجلوس الأصدقاء في كل صف، لذا فإن العدد ٨ يبدو معقولاً لطرق الجلوس في الصفين.

تحقق

حلّ الخطة

١ اشرح كيف يمكن لهذه الخطة أن تساعد على تحديد معقولة إجابتك بعد الانتهاء من إجراء الحسابات.

٢ **الكتب** مسألة يمكن حلها باستعمال خطة "تمثيل المسألة"، ثم وضح طريقة تمثيلها.



مسائل متنوعة

استعمل خطة «تمثيل المسألة» لحل المسائل ٣ - ٥ :

- ٩ **مدرسة:** يبين الجدول الآتي الشهور التي وُلد فيها بعض طلاب الصف السادس في إحدى المدارس. فبكم يزيد عدد الطلاب الذين وُلدوا في شهر رجب على الذين وُلدوا في شهر شعبان؟

شهور الميلاد		
شعبان	جمادى الأولى	رجب
محرم	رجب	صفر
رمضان	صفر	ربيع الأول
ربيع الآخر	شوال	شعبان
رجب	ذو القعدة	شوال
ذو الحجة	رجب	شوال

- ١٠ **كتل:** كتلة إحدى الأمهات ٦٧,٥ كجم، وكتلة طفلها ١٣,٥ كجم. فكم مرة تساوي كتلة الأم كتلة طفلها؟

- ١١ **أنماط:** ما العدد المفقود في النمط:

٢٣٤، ٣٤٥، ■، ٥٦٧، ...؟

- ١٢ **اختبارات:** فيما يأتي درجات طلاب أحد الصفوف في مادة الرياضيات:

الدرجات						
٦٨	٧٧	٩٩	٨٦	٧٣	٧٥	١٠٠
٨٦	٧٠	٩٧	٩٣	٨٠	٩١	٧٢
٨٥	٩٨	٧٩	٧٧	٦٥	٨٩	٧١

- كم مرة تقريباً يساوي عدد الطلاب الذين تتراوح درجاتهم من ٧١ إلى ٨٠ عدد الطلاب الذين تتراوح درجاتهم من ٨١ إلى ٩٠؟

- ١٣ **لغات:** تستطيع خولة أن تتعلم ١٢ كلمة إنجليزية في ٨ دقائق. فما عدد الكلمات الإنجليزية التي تستطيع تعلمها في ساعة وعشرين دقيقة؟

- ٣ **مطاعم:** يقدم أحد المطاعم وجبة تتكون من الدجاج أو السمك. بالإضافة إلى القهوة أو الشاي أو عصير الليمون أو الماء. فما عدد الطرق الممكنة لوجبة من هذا المطعم؟ اكتب هذه الطرق.

- ٤ **سباق تتابع:** اشترك خالد وعمر وفهد وسهيل في سباق جري تتابع. فما عدد الترتيبات الممكنة لهذا السباق على أن يكون خالد آخر من يجري؟ ثم اذكرها.

- ٥ **فرق:** يُراد توزيع ٢٤ طالبة على أربع فرق بالتساوي على أن تقوم كل طالبة بالعدّ بحسب ترتيب الفرق، وأن يبدأ الفريق الأول بالعدد ١، إذا كان ترتيب طالبة هدى هو الحادية عشرة في عملية العدّ، فما الفريق الذي تنتمي إليه؟

استعمل الخطة المناسبة مما يأتي لحل المسائل ٦-١٣:

من خطط حل المسألة

- إنشاء جدول
- تمثيل المسألة
- إنشاء قائمة منظمة

- ٦ **جلوس:** تجلس ست طالبات على مائدة طعام. فإذا انضم إليهن طالبتان وغادرت ثلاث منهن في الوقت نفسه، فما عدد الطالبات اللواتي يجلسن على المائدة الآن؟

- ٧ **نقود:** اشترت فاطمة منبهاً بخصم مقدار ٩ ريالات عن السعر الأصلي. فإذا دفعت ٣٢ ريالاً، فكم كان سعره الأصلي؟

- ٨ **إنترنت:** تُريد سلمى أن تزور ثلاثة مواقع إنترنت لمؤسسات حكومية. فبكم ترتيب يمكنها زيارة هذه المواقع؟





جمع الكسور المتشابهة وطرحها

٦ - ٣

نشاط

يمكنك استعمال ورق مربعات لتمثيل جمع كسرين، مثل $\frac{3}{18}$ و $\frac{4}{18}$.
 ارسم في ورقة مربعات مستطيلاً كالمبين أدناه، وبما أن عدد المربعات الصغيرة هو ١٨، فإن كل مربع منها يمثل $\frac{1}{18}$.



الخطوة ١
 لوّن أربعة مربعات لتمثل الكسر $\frac{4}{18}$ ، ثم لوّن ثلاثة مربعات أخرى بلون آخر لتمثيل الكسر $\frac{3}{18}$.



الخطوة ٢
 بما أن عدد المربعات الملونة هو ٧ من أصل ١٨، فإن مجموع $\frac{4}{18}$ إلى $\frac{3}{18}$ هو $\frac{7}{18}$.

أوجد ناتج جمع كل مما يأتي باستعمال ورق المربعات:

$$\frac{5}{10} + \frac{3}{10} \quad \frac{1}{6} + \frac{1}{6} \quad \frac{3}{12} + \frac{4}{12}$$

٤ ما الأنماط التي تلاحظها على البسوط؟

٥ ما الأنماط التي تلاحظها على المقامات؟

٦ اشرح كيف تجد مجموع $\frac{3}{8} + \frac{1}{8}$ دون استعمال ورق المربعات.

الكسور التي لها المقامات نفسها تُسمى كسوراً متشابهة. وعندما تجمع كسرين متشابهين أو تطرحهما، فإن المقام يحدّد الوحدات الكسرية التي تُضاف أو تُطرح.

$$\frac{7}{18} = \frac{3}{18} + \frac{4}{18}$$

٧ أجزاء من ١٨ تساوي ٣ أجزاء من ١٨ زائد ٤ أجزاء من ١٨



التعبير اللفظي: لجمع كسرين متشابهين، اجمع بسطيهما، واستعمل المقام نفسه في المجموع. فمثلاً خمسان زائد خمسين يساوي ثلاثة أخماس.

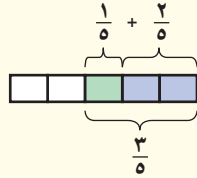
أعداد

نموذج

أمثلة:

$$\frac{1+2}{5} = \frac{1}{5} + \frac{2}{5}$$

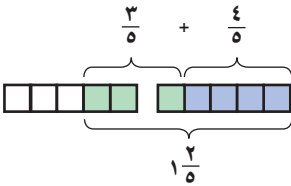
$$\frac{3}{5} =$$



جمع الكسور المتشابهة

مثال

1 أوجد ناتج جمع $\frac{4}{5}$ و $\frac{3}{5}$ ، ثم اكتبه في أبسط صورة.



اجمع البسطين

بسّط

اكتب الناتج في صورة عدد كسري

$$\text{قَدْر: } 1\frac{1}{5} = \frac{1}{5} + 1$$

$$\frac{3+4}{5} = \frac{3}{5} + \frac{4}{5}$$

$$\frac{7}{5} =$$

$$1\frac{2}{5} =$$

تحقق من معقولية الجواب: قارن $1\frac{2}{5}$ بالتقدير $1\frac{1}{5} \approx 1\frac{1}{5}$ ✓

تحقق من فهمك: ✓

أوجد ناتج جمع كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

$$\frac{5}{9} + \frac{1}{9} \text{ (ج)}$$

$$\frac{6}{7} + \frac{4}{7} \text{ (ب)}$$

$$\frac{5}{6} + \frac{1}{6} \text{ (أ)}$$

تشبه قاعدة طرح الكسور قاعدة جمع الكسور.

إرشادات للدراسة

مراجعة

راجع كتابة كسر غير فعلي في صورة عدد كسري في الدرس (٤-٣).

مراجعة المفردات:

يكون الكسر في أبسط صورة له عندما يكون القاسم المشترك الأكبر للبسط والمقام ١

التعبير اللفظي: لطرح كسرين متشابهين، اطرح بسطيهما، واستعمل المقام نفسه في ناتج الطرح. ومثال ذلك: ثلاثة أخماس ناقص خمسين يساوي خمسين.

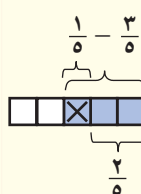
أعداد

نموذج

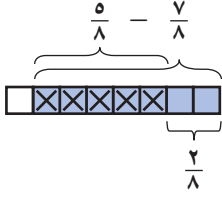
أمثلة:

$$\frac{1-3}{5} = \frac{1}{5} - \frac{3}{5}$$

$$\frac{2}{5} =$$



مثال طرح الكسور المتشابهة



أوجد ناتج: $\frac{5}{8} - \frac{7}{8}$ ، ثم اكتبه في أبسط صورة.

$$\begin{aligned} \text{اطرح البسطين} \quad \frac{5-7}{8} &= \frac{5}{8} - \frac{7}{8} \\ \text{بسّط} \quad \frac{1}{4} &= \frac{2}{8} = \end{aligned}$$

تحقق: 7 أثمان ناقص 5 أثمان يساوي 2 أثمان ✓

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$\text{د) } \frac{2}{9} - \frac{5}{9} \quad \text{هـ) } \frac{5}{12} - \frac{11}{12} \quad \text{و) } \frac{3}{10} - \frac{7}{10}$$

مثال من واقع الحياة

نפט: يبلغ احتياطي النفط في المملكة العربية السعودية $\frac{20}{100}$ من مجموع احتياطي النفط العالمي، في حين يبلغ الاحتياطي في الكويت $\frac{8}{100}$ من ذلك المجموع. فما الكسر الذي يدل على الزيادة في احتياطي النفط في السعودية عنه في الكويت؟

$$\begin{aligned} \text{اطرح البسوط} \quad \frac{8-20}{100} &= \frac{8}{100} - \frac{20}{100} \\ \text{بسّط} \quad \frac{3}{25} &= \frac{12}{100} = \end{aligned}$$

أي أن $\frac{3}{25}$ تقريباً هو الكسر الدال على الفرق بين احتياطي النفط في الدولتين.

تحقق: 20 من مئة ناقص 8 من مئة يساوي 12 من مئة. ✓

تحقق من فهمك:

ز) عصير: أضيف $\frac{2}{5}$ لتر من عصير الأناناس إلى وعاء يحتوي على $\frac{3}{5}$ لتر من عصير التفاح. أوجد كمية مزيج العصير الموجودة في الوعاء.



الربط بالحياة

تمتلك المملكة العربية السعودية أكبر احتياطي نفطي في العالم، ويُقدَّر بـ 289 مليار برميل، وذلك بحسب إحصائيات عام 2015م.

تأكد

أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$\frac{3}{4} + \frac{3}{4} \quad \text{٣}$$

$$\frac{1}{7} + \frac{2}{7} \quad \text{٢}$$

$$\frac{1}{5} + \frac{3}{5} \quad \text{١}$$

$$\frac{2}{7} - \frac{6}{7} \quad \text{٦}$$

$$\frac{1}{5} - \frac{4}{5} \quad \text{٥}$$

$$\frac{1}{8} - \frac{3}{8} \quad \text{٤}$$

٧) هوايات: تفضل $\frac{8}{4}$ من طالبات إحدى المدارس هواية القراءة، بينما يفضل $\frac{7}{4}$ منهن هواية الرسم. فما أبسط صورة للكسر الذي يدل على مجموع عدد الطالبات اللواتي تفضلن القراءة والرسم؟

مثال 3



ارشادات للتمارين

التمرين	انظر الأمثلة
١	١٣ - ٨
٢	١٩ - ١٤
٣	٢١، ٢٠

أوجد ناتج جمع أو طرح كلٍّ مما يأتي في أبسط صورة:

٨ $\frac{3}{5} + \frac{4}{5}$ ٩ $\frac{6}{7} + \frac{5}{7}$ ١٠ $\frac{7}{8} + \frac{3}{8}$ ١١ $\frac{5}{9} + \frac{3}{9}$

١٢ $\frac{5}{6} + \frac{5}{6}$ ١٣ $\frac{7}{16} + \frac{15}{16}$ ١٤ $\frac{3}{10} - \frac{9}{10}$ ١٥ $\frac{3}{8} - \frac{5}{8}$

١٦ $\frac{1}{14} - \frac{5}{14}$ ١٧ $\frac{2}{9} - \frac{5}{9}$ ١٨ $\frac{2}{12} - \frac{7}{12}$ ١٩ $\frac{13}{18} - \frac{15}{18}$

٢٠ **تفوّق:** في اختبارٍ منتصف العام الدراسي تفوّق $\frac{17}{28}$ من طلاب الصف السادس (أ) في مادة الرياضيات، بينما تفوّق $\frac{11}{28}$ من طلاب الصف السادس (ب). فكّم يزيد الكسر الدالّ على المتفوقين في الصف (أ) على الكسر الدالّ عليهم في الصف (ب)؟

٢١ **طبخ:** تحتاج هند إلى $\frac{3}{4}$ فنجان طحين و $\frac{1}{4}$ فنجان حليب و $\frac{1}{4}$ فنجان سكر لعمل كعكة. فما الكسر الدالّ على الفرق بين الكسر الدالّ على الطحين، والكسر الدالّ على الحليب؟

استعمل ترتيب العمليات لتجد الناتج في كلٍّ مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

٢٢ $\frac{3}{5} + \frac{1}{5} + \frac{4}{5}$ ٢٣ $\frac{1}{8} - \frac{5}{8} + \frac{7}{8}$ ٢٤ $\frac{6}{14} + \frac{5}{14} - \frac{13}{14}$

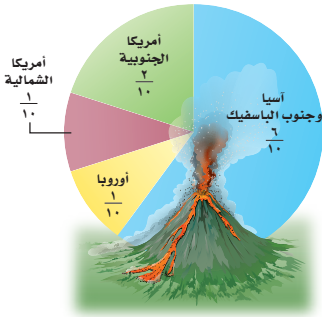
اكتب عبارة جمع أو طرح لكل نموذجٍ مما يأتي، ثم أوجد الناتج:

٢٥  ٢٦ 

٢٧ **تحليل تمثيلات بيانية:** التمثيل المجاور يوضّح

المناطق التي حدثت فيها ثورات بركانية عام ٢٠٠٦ م. فما الكسر الدالّ على الثورات البركانية التي حدثت في أمريكا الشمالية والجنوبية معاً؟ كم يزيد قطاع آسيا وجنوب الباسفيك البركاني على قطاع أوروبا البركاني؟

الثورات البركانية حول العالم لعام ٢٠٠٦ م



ارسم نموذجاً يمثّل كل عبارة، ثم أوجد ناتج الجمع أو الطرح في كلٍّ مما يأتي:

٢٨ $\frac{6}{11} + \frac{3}{11}$ ٢٩ $\frac{1}{4} - \frac{3}{4}$ ٣٠ $\frac{7}{9} + \frac{4}{9}$

٣١ **مسألة مفتوحة:** اختر كسرين متشابهين، الفرق بينهما $\frac{1}{3}$ على ألا يكون العدد ٣ مقام أيٍّ منهما. وبرّر إجابتك.

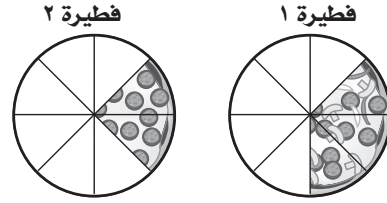
٣٢ **تحدّ:** اكتب العبارة الآتية في أبسط صورة:

$\frac{1}{15} + \frac{2}{15} - \frac{3}{15} + \frac{4}{15} - \dots + \frac{10}{15} - \frac{11}{15} + \frac{12}{15} - \frac{13}{15} + \frac{14}{15}$

٣٣ **الكتب:** قاعدة بسيطة لجمع أو طرح كسرين متشابهين.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٣٤ اشترت مجموعة من الأصدقاء فطيرتين كبيرتين، وأكلوا أجزاءً من كل فطيرة. والصورة أدناه تمثل الأجزاء المتبقية.



ما الكسر الذي يمثل عدد الأجزاء التي تم أكلها؟

(أ) $\frac{3}{8}$ (ب) $1\frac{1}{4}$

(ج) $1\frac{3}{8}$ (د) $\frac{5}{8}$

٣٥ تحوي بعض عبوات الجبن ٨ قطع متطابقة، إذا أكل أحمد ١٣ قطعة، ومحمد ٧ قطع، وسعود ١٠ قطع، فأَيُّ مَمَّا يَأْتِي يُسْتَعْمَلُ لِإِجَادِ عِدَدِ عِبَوَاتِ الْجَبْنِ الَّتِي أَكَلَهَا الثَّلَاثَةُ؟

(أ) $10 + 7 + 13$

(ب) $8(10 + 7 + 13)$

(ج) $\frac{10}{8} \times \frac{7}{8} \times \frac{13}{8}$

(د) $\frac{10}{8} + \frac{7}{8} + \frac{13}{8}$

مراجعة تراكمية

٣٦ مدرسة: يريد ٣ طلاب أن يعرض كل منهم ملخصاً لمادة العلوم، بكم طريقة مختلفة يمكن أن يرتب المعلم هؤلاء الطلاب؟ (الدرس ٦ - ٢)

قرب كلاً ممَّا يَأْتِي إِلَى أَقْرَبِ نِصْفٍ: (الدرس ٦ - ١)

٣٩ $6\frac{4}{7}$

٣٨ $\frac{1}{12}$

٣٧ $3\frac{2}{5}$

٤٠ رياضة: يتدرَّب نايفٌ وبندرٌ على الركض، فيركض نايفٌ ١ كيلومتر كل ٥ دقائق، بينما يركض بندرٌ ٢ كيلومتر كل ٥ دقائق. إذا بدأ بندرٌ الركض بعدما ركض نايفٌ ٣ كيلومتراً، فبعد كم دقيقة سوف يلتقيان؟ (الدرس ٦ - ٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد المضاعف المشترك الأصغر لمقامي الكسرين لكل ممَّا يَأْتِي:

٤٤ $\frac{2}{9}, \frac{4}{5}$

٤٣ $\frac{3}{4}, \frac{3}{10}$

٤٢ $\frac{1}{4}, \frac{2}{3}$

٤١ $\frac{5}{8}, \frac{3}{4}$





معمل الرياضيات الكسور غير المتشابهة

تُستعمل نماذج الكسور في هذا المعمل لجمع أو طرح كسرين غير متشابهين.

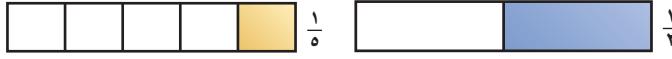
نشاط

فكرة الدرس:

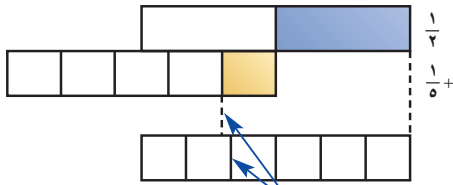
أستعمل النماذج لجمع كسرين غير متشابهين، أو طرحهما.

١ استعمل نماذج كسرية لإيجاد ناتج $\frac{1}{5} + \frac{1}{4}$

الخطوة ١ اعمل نموذجًا لكل كسر منهما.

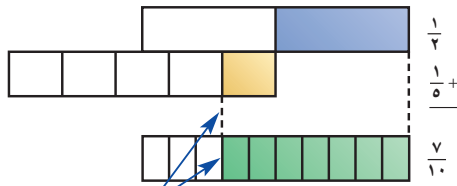


الخطوة ٢ لجمع الكسرين، ضع نهاية الجزء المظلل لنموذج الكسر الأول بمحاذاة بداية نموذج الكسر الثاني.



الخطان ليسا على استقامة واحدة

الخطوة ٣ اختبر نماذج كسرية مختلفة تحت النماذج السابقة، على أن تكون بداية النموذج المختبر مع بداية النموذج الأول، ثم تأكد من أن الخطين المشار إليهما بالسهمين على استقامة واحدة. وإذا لم يتحقق ذلك، فجرّب نموذجًا آخر.



الخطان على استقامة واحدة

الخطوة ٤ عندما تتوصل إلى النموذج الصحيح، ظلّل الأجزاء بين بداية هذا النموذج إلى الموقع الذي يكون عنده الخطان على استقامة واحدة، ثم اقرأ الكسر الممثل.

$$\frac{7}{20} = \frac{1}{5} + \frac{1}{4}$$

تحقق من فهمك:

استعمل نماذج كسرية لإيجاد ناتج جمع كلٍّ مما يأتي:

(أ) $\frac{2}{5} + \frac{1}{10}$

(ب) $\frac{1}{3} + \frac{1}{6}$

(ج) $\frac{3}{4} + \frac{1}{2}$



نشاط

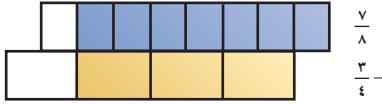
٢ استعمل نماذج كسرية لإيجاد ناتج: $\frac{3}{4} - \frac{7}{8}$

الخطوة ١ اعمل نموذجًا لكل كسر منهما.



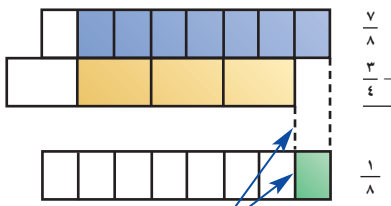
الخطوة ٢

لكي تطرح، ضع النموذجين أحدهما تحت الآخر على أن تكون نهايتا الأجزاء المظللة للنموذجين إحداهما بمحاذاة الأخرى.



الخطوة ٣

اختبر نماذج كسرية مختلفة بوضعها تحت النموذجين السابقين، والتحقق من أن الخططين على استقامة واحدة، ثم ظلل الأجزاء من بداية النموذج الصحيح إلى الموقع الذي يكون عنده الخطان على استقامة واحدة.



الخطان على استقامة واحدة

$$\text{إذن } \frac{1}{8} = \frac{3}{4} - \frac{7}{8}$$

تحقق من فهمك: ✓

استعمل نماذج كسرية لإيجاد ناتج الطرح في كل مما يأتي:

(د) $\frac{1}{4} - \frac{3}{8}$ (هـ) $\frac{1}{3} - \frac{8}{9}$ (و) $\frac{1}{4} - \frac{2}{3}$

حلّ النتائج

استعمل النماذج الواردة في النشاطين ١، ٢ لملء الفراغات:

١ $\frac{1}{10} + \frac{1}{10} = \frac{1}{5} + \frac{1}{10}$ ٢ $\frac{1}{8} - \frac{1}{8} = \frac{3}{4} - \frac{7}{8}$

اكتب عبارة تستعمل فيها الجمع أو الطرح لكل نموذج فيما يأتي، ثم أوجد الناتج:



٥ **خمن:** ما العلاقة بين عدد أجزاء نموذج كسر الإجابة ومقامي الكسرين

المُضَافين أو المطروحين؟





جمع الكسور غير المتشابهة وطرحها

٤ - ٦

استعد

عدد الدقائق	الكسر من الساعة
١	$\frac{1}{60}$
٥	$\frac{5}{60}$
١٠	$\frac{10}{60}$
١٥	$\frac{15}{60}$
٢٠	$\frac{20}{60}$
٣٠	$\frac{30}{60}$
٤٥	$\frac{45}{60}$

القياس: يوضح الجدول المجاور كسور الساعة الواحدة التي تمثل أعدادًا مختلفة من الدقائق.

١ اكتب كل كسر في أبسط صورة.

٢ ما الكسر الذي يساوي مجموع ١٥ دقيقة و ٢٠ دقيقة؟ اكتبه في أبسط صورة.

٣ فسّر لماذا $\frac{1}{4}$ ساعة + $\frac{1}{3}$ ساعة = $\frac{1}{2}$ ساعة.

٤ فسّر لماذا $\frac{1}{3}$ ساعة + $\frac{1}{3}$ ساعة = $\frac{2}{3}$ ساعة.

فكرة الدرس:

أجمع كسرين غير متشابهين، وأطرحهما.

المفردات

الكسور غير المتشابهة

قبل بدء جمع كسرين غير متشابهين، أو كسرين مختلفي المقامين، عليك إعادة كتابة أحد الكسرين أو كليهما؛ للحصول على مقام مشترك.

مفهوم أساسي

جمع كسور غير متشابهة أو طرحها

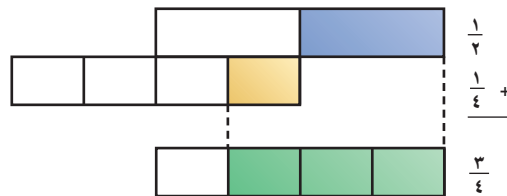
لجمع كسرين مختلفي المقام، أو طرحهما:

- أعد كتابة الكسرين مُستعملًا المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) للمقامين.
- اجمع أو اطرح كما في الكسور المتشابهة.
- اكتب المجموع أو الفرق في أبسط صورة عند الحاجة.

مثال

١ أوجد ناتج: $\frac{1}{4} + \frac{1}{3}$

الطريقة الأولى استعمال نموذج



مراجعة المفردات:

المضاعف المشترك الأصغر للمقامات (أ.م.م) هو أصغر المضاعفات المشتركة بين مقامي كسرين أو أكثر.
مثال: (أ.م.م) لمقامي الكسرين $\frac{1}{3}$ و $\frac{1}{4}$ هو ٤

الطريقة الثانية (أ.م.م) استعمال

المضاعف المشترك الأصغر لمقامي الكسرين $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ هو ٤

اكتب المسألة	أعد كتابة الكسرين مستعملًا (أ.م.م) وهو ٤	اجمع الكسرين
$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3} = \frac{2 \times 1}{2 \times 3}$	$\frac{2}{6}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4} = \frac{1 \times 1}{1 \times 4}$	$\frac{1}{4}$
$\frac{1}{3} + \frac{1}{4}$	$\frac{2}{6} + \frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$

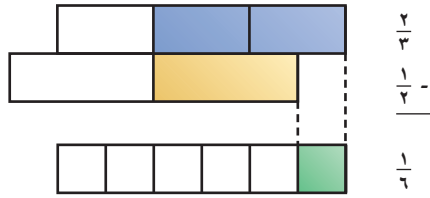
اختر طريقتك: أوجد ناتج جمع كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

(أ) $\frac{2}{3} + \frac{1}{6}$ (ب) $\frac{1}{3} + \frac{9}{10}$ (ج) $\frac{3}{8} + \frac{1}{4}$

مثال طرح كسور غير متشابهة

٢ أوجد ناتج: $\frac{1}{3} - \frac{2}{4}$

الطريقة الأولى استعمال نموذج



الطريقة الثانية (أ.م.م) استعمال

المضاعف المشترك الأصغر لمقامي الكسرين $\frac{2}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ هو ٦

اكتب المسألة	أعد كتابة الكسرين مستعملًا (أ.م.م) وهو ٦	اطرح الكسرين
$\frac{2}{3}$	$\frac{2}{3} = \frac{2 \times 2}{2 \times 3}$	$\frac{4}{6}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4} = \frac{3 \times 1}{3 \times 4}$	$\frac{3}{6}$
$\frac{2}{3} - \frac{1}{4}$	$\frac{4}{6} - \frac{3}{6}$	$\frac{1}{6}$

إرشادات للدراسة

تحقق من معقولية الجواب:

قدر الفرق في المثال ٢:

$$\frac{2}{3} - \frac{1}{4} = \frac{1}{6} - \frac{1}{6} = \frac{1}{6} = \text{صفر، ثم}$$

قارن $\frac{1}{6}$ بالتقدير.

$\frac{1}{6} \approx 0$ ، لذا فالإجابة معقولة.

اختر طريقتك: أوجد ناتج طرح كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

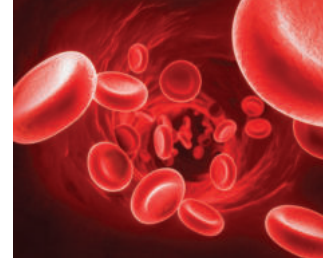
(أ) $\frac{2}{5} - \frac{1}{4}$ (ب) $\frac{1}{3} - \frac{3}{4}$ (ج) $\frac{1}{4} - \frac{5}{8}$



مثال من واقع الحياة

توزيع فصائل الدم في السعودية				
AB	B	A	O	فصيلة الدم
$\frac{1}{25}$	$\frac{9}{50}$	$\frac{13}{50}$	$\frac{13}{25}$	الكسر

صحة: الجدول المجاور يوضح توزيع فصائل الدم لعينة عشوائية من السكان في المملكة العربية السعودية. استعمل المعلومات الواردة في الجدول لتجدد الكسر الدال على عدد حاملي فصيلة الدم O و A.



الربط بالحياة

تحتوي كل قطرة دم على 5 ملايين خلية دم حمراء تقريباً.

أوجد: $\frac{13}{50} + \frac{13}{25}$
المضاعف المشترك الأصغر لمقامي الكسرين $\frac{13}{25}$ ، $\frac{13}{50}$ هو 50.

اكتب المسألة	←	أعد كتابة الكسرين مستعملاً (م.م.أ) وهو 50	←	اجمع الكسرين
$\frac{13}{25}$	←	$\frac{26}{50} = \frac{2 \times 13}{2 \times 25}$	←	$\frac{26}{50}$
$\frac{13}{50} +$	←	$\frac{13}{50} = \frac{1 \times 13}{1 \times 50} +$	←	$\frac{13}{50} +$
				$\frac{39}{50}$

لذا فإن $\frac{39}{50}$ من سكان السعودية يحملون إحدى فصيلتي الدم O و A

تحقق من فهمك

(ز) **مسح:** الجدول المجاور يوضح نتائج مسح إحصائي حول الهوايات المفضلة لدى أكثر من 36000 شخص من خلال الإنترنت. أوجد الكسر الدال على الزيادة في نسبة الذين يفضلون الرسم على الذين يفضلون القراءة.



مثال حساب قيمة عبارة تتضمن كسوراً

جبر: إذا كانت $\frac{3}{4} = \frac{3}{4}$ ، $\frac{3}{4} = \frac{3}{4}$ ، فاحسب قيمة أ - ب.

$$\frac{1}{4} - \frac{3}{4} = \frac{1}{4} - \frac{3}{4} = \frac{1-3}{4} = \frac{-2}{4} = -\frac{1}{2}$$

$$\frac{2 \times 1}{2 \times 6} - \frac{3 \times 3}{3 \times 4} = \frac{2}{12} - \frac{9}{12} = \frac{2-9}{12} = -\frac{7}{12}$$

$$\frac{2}{12} - \frac{9}{12} = -\frac{7}{12}$$

بسط
اطرح البسطين

تحقق من فهمك

(ح) **جبر:** إذا كانت $\frac{2}{5} = \frac{2}{5}$ ، $\frac{3}{10} = \frac{3}{10}$ ، فاحسب قيمة ج + د.

إرشادات للدراسة

مراجعة

راجع إبداع قيم العبارات في الدرس (1-5).



المثالان ٢، ١ أوجد ناتج جمع أو طرح كلٍّ مما يأتي في أبسط صورة:

$$\frac{3}{5} - \frac{1}{2} \quad \text{④}$$

$$\frac{2}{3} - \frac{1}{2} \quad \text{③}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{5}{8} \quad \text{②}$$

$$\frac{2}{3} + \frac{2}{9} \quad \text{①}$$

$$\frac{1}{2} - \frac{5}{7} \quad \text{⑧}$$

$$\frac{1}{8} - \frac{3}{4} \quad \text{⑦}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{2}{3} \quad \text{⑥}$$

$$\frac{1}{5} + \frac{3}{10} \quad \text{⑤}$$

المثال ٣ ⑨ أدوات: تتراوح قياسات مجموعة قطع المثقب من $\frac{13}{80}$ سم إلى $\frac{13}{20}$ سم. أوجد مدى هذه القطع.

المثال ٤ ⑩ جبر: احسب قيمة كل عبارة مما يأتي:

⑩ س + ص إذا كانت س = $\frac{5}{6}$ ، ص = $\frac{7}{12}$ ⑪ هـ - و إذا كانت هـ = $\frac{7}{10}$ ، و = $\frac{1}{4}$

تدرّب وحل المسائل

أوجد ناتج جمع أو طرح كلٍّ مما يأتي في أبسط صورة:

$$\frac{5}{8} - \frac{1}{4} \quad \text{⑩٥}$$

$$\frac{9}{10} - \frac{1}{2} \quad \text{⑩٤}$$

$$\frac{2}{5} + \frac{1}{2} \quad \text{⑩٣}$$

$$\frac{3}{8} + \frac{1}{4} \quad \text{⑩٢}$$

$$\frac{3}{4} - \frac{2}{5} \quad \text{⑩٩}$$

$$\frac{5}{6} - \frac{7}{10} \quad \text{⑩٨}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{2}{3} \quad \text{⑩٧}$$

$$\frac{1}{6} + \frac{3}{4} \quad \text{⑩٦}$$

$$\frac{3}{4} - \frac{7}{8} \quad \text{⑩٣}$$

$$\frac{2}{5} - \frac{9}{10} \quad \text{⑩٢}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{5}{7} \quad \text{⑩١}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{8}{9} \quad \text{⑩٠}$$

$$\frac{1}{2} - \frac{9}{11} \quad \text{⑩٧}$$

$$\frac{2}{7} - \frac{3}{4} \quad \text{⑩٦}$$

$$\frac{2}{3} + \frac{7}{12} \quad \text{⑩٥}$$

$$\frac{3}{4} + \frac{7}{8} \quad \text{⑩٤}$$

ارشادات للتمارين

انظر الأمثلة	للتمارين
٢، ١	٢٧ - ١٢
٣	٢٩، ٢٨
٤	٣١، ٣٠

تحليل جداول: لحلّ السؤالين ٢٨، ٢٩، استعمل الجدول المجاور الذي يوضّح الكسر الدالّ على بعض أنواع الكتب في مكتبة المدرسة.

٢٨ ما الفرق بين الكسر الذي يمثّل كتب الأدب والشعر، والكسر الذي يمثّل كتب التاريخ؟

٢٩ ما الكسر الذي يمثّل القصص والكتب الدينية معاً؟

النوع	الكسر الممثل
تاريخية	$\frac{1}{12}$
قصص	$\frac{3}{40}$
دينية	$\frac{1}{3}$
أدب وشعر	$\frac{2}{15}$



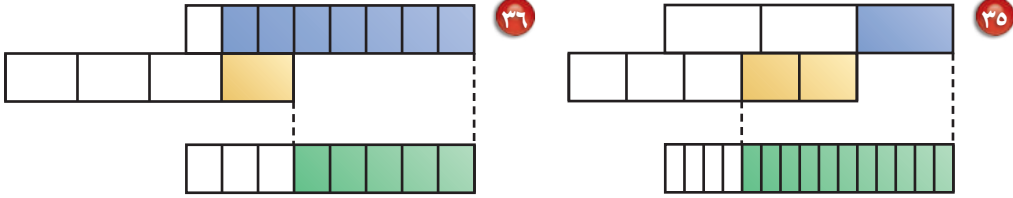
جبر: أوجد قيمة كل عبارة مما يأتي:

٣٠ أ+ب إذا كانت $\frac{7}{10}$ ، ب = $\frac{5}{6}$ ٣١ س-ص إذا كانت س = $\frac{4}{5}$ ، ص = $\frac{1}{3}$

استعمل ترتيب العمليات في إيجاد الناتج في كل مما يأتي في أبسط صورة:

٣٢ $\frac{11}{15} - \frac{2}{3} + \frac{9}{10}$ ٣٣ $\frac{5}{6} + \frac{5}{8} + \frac{7}{12}$ ٣٤ $\frac{1}{12} - \frac{1}{3} - \frac{15}{16}$

اكتب جملة جمع أو طرح لكل نموذج مما يأتي:



استعمل نماذج كسرية لإيجاد ناتج جمع أو طرح كل عبارة مما يأتي:

٣٧ $\frac{1}{6} + \frac{1}{3}$ ٣٨ $\frac{1}{4} - \frac{5}{8}$ ٣٩ $\frac{2}{3} + \frac{5}{6}$

٤٠ **دراسة:** تعلم نورة أن الدراسة يوميًا أفضل من حفظ المعلومات مرة واحدة. لذا اعتادت تخصيص $\frac{3}{4}$ ساعة لدراسة الرياضيات، و $\frac{3}{5}$ ساعة لدراسة اللغة العربية. فأَيُّ هاتين المادتين خصّصت لها زمنًا أكبر؟ وكم كانت الزيادة؟

٤١ **مسألة مفتوحة:** كوّن نموذجًا، ثم استعمله لتمثيل مجموع كسرين غير

متشابهين.

٤٢ **اكتشف الخطأ:** أوجد كل من سلطان و مازن ناتج $\frac{1}{4} + \frac{5}{8}$ كما هو مبين أدناه. فأَيُّهما كانت إجابتها صحيحة؟ وضح إجابتك.



مازن

$$\frac{1+5}{4+8} = \frac{1}{4} + \frac{5}{8}$$

$$\frac{1}{6} = \frac{7}{12} =$$

$$\frac{2}{8} + \frac{5}{8} = \frac{1}{4} + \frac{5}{8}$$

$$\frac{2+5}{8} =$$

$$\frac{7}{8} =$$



سلطان

تحذّر: حدّد إن كانت كل جملة مما يأتي صحيحة أحيانًا، أم صحيحة دائمًا، أم غير صحيحة مطلقًا:

٤٣ ناتج جمع كسرين كل منهما أصغر من ١، يكون أصغر من ١

٤٤ ناتج طرح كسرين يكون أصغر من أيّ منهما.

٤٥ **اكتب** مسألة من واقع الحياة تتطلب طرح $\frac{3}{4}$ من $\frac{4}{5}$

مسائل
مهارات التفكير العليا



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

الدرس ٤-٦ : جمع الكسور غير المتشابهة وطرحها

٤٦ رسم فهد منظرًا على ورقة من الورق المقوى طولها $\frac{3}{4}$ متر، وعرضها يقل عن طولها $\frac{1}{3}$ متر، فما عرض هذه الورقة؟

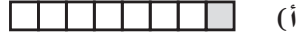
(أ) $\frac{1}{4}$ متر

(ب) $\frac{5}{12}$ متر

(ج) $\frac{7}{12}$ متر

(د) $1\frac{1}{12}$ متر

٤٧ قطع سلطان مسافة $\frac{5}{8}$ كيلومتر من بيته إلى المسجد، ثم بعد ذلك قطع مسافة $\frac{1}{4}$ كيلومتر لزيارة صديقه. إذا كان كل شريط أدناه يمثل ١ كيلومتر، فأَيُّ شريطٍ مظلّلٍ يمثل المسافة التي قطعها سلطان من بيته إلى صديقه؟



مراجعة تراكمية

أوجد ناتج جمع أو طرح كلٍّ مما يأتي في أبسط صورة: (الدرس ٦ - ٣)

٥١ $\frac{3}{20} - \frac{11}{20}$

٥٠ $\frac{7}{18} + \frac{5}{18}$

٤٩ $\frac{1}{8} - \frac{3}{8}$

٤٨ $\frac{1}{10} + \frac{7}{10}$

٥٢ مطويات: اطوِ ورقة من منتصفها، ثم أعد طيها مرةً أخرى من منتصفها، وكرّر ذلك مرتين أخريين، ثم افتح الورقة كاملةً. ما عدد الأجزاء الظاهرة في الورقة؟ استعمل خطة تمثيل المسألة. (الدرس ٦ - ٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب عددًا مناسبًا في ■؛ ليصبح الكسران متكافئين: (الدرس ٤ - ٢)

٥٦ $\frac{\blacksquare}{18} = \frac{5}{6}$

٥٥ $\frac{\blacksquare}{12} = \frac{1}{3}$

٥٤ $\frac{\blacksquare}{24} = \frac{1}{8}$

٥٣ $\frac{\blacksquare}{12} = \frac{3}{4}$





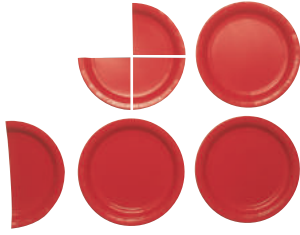
جمع الأعداد الكسرية وطرحها

٥-٦

نشاط

يمكنك في هذا النشاط استعمال أطباق دائرية من الورق؛ لجمع الأعداد الكسرية وطرحها.

الخطوة ١ قص طبقاً ورقياً أربعاً، وآخر إلى أنصاف.



الخطوة ٢ استعمل طبقاً كاملاً وثلاثة أرباع الطبق لتمثيل $1\frac{3}{4}$

الخطوة ٣ استعمل طبقين كاملين ونصف طبق لتمثيل $2\frac{1}{2}$

الخطوة ٤ كوّن ما تستطيع من أطباق الورق الكاملة باستعمال القطع في الخطوات ٢، ٣

١ ما عدد الأطباق الكاملة التي يمكنك عملها؟

٢ ما الكسر الدال على قطع الورق الباقية؟

استعمل نماذج أطباق ورقية لتجد المجموع أو الفرق في كل مما يأتي:

٣ $1\frac{3}{4} + 3\frac{1}{2}$ ٤ $2\frac{3}{4} - 1\frac{1}{4}$ ٥ $1\frac{2}{3} + 2\frac{1}{6}$

مفهوم أساسي

جمع الأعداد الكسرية وطرحها

- اجمع الأجزاء الكسرية أو اطرحها.
- ثم اجمع الأعداد الكلية أو اطرحها.
- أعد كتابة الناتج في أبسط صورة إذا تطلب الأمر ذلك.

مثالان

١ أوجد ناتج: $2\frac{1}{3} - 4\frac{5}{6}$ قدر: $3 = 2 - 0$

اطرح العديدين الكليين	←	اطرح الجزأين الكسريين
$2\frac{1}{3}$	←	$4\frac{5}{6}$
$2\frac{2}{6}$	←	$4\frac{5}{6}$
$2\frac{2}{6} - 4\frac{5}{6}$	←	$2\frac{1}{3} - 4\frac{5}{6}$
$2\frac{2}{6} = 2\frac{4}{6}$		$\frac{4}{6}$

تحقق من معقولية الجواب: $3 \approx 2\frac{4}{6}$ ✓



قراءة الرياضيات:

الرموز:

الرمز \approx يعني يساوي تقريباً.

٢ أوجد ناتج: $5\frac{1}{4} + 10\frac{2}{3}$. **قَدِّر:** $16 = 11 + 5$

اكتب المسألة
أعد كتابة الكسرين باستعمال (أ.م.م) وهو ١٢
اجمع الجزأين الكسريين، ثم اجمع العددين

$$5\frac{1}{4} \leftarrow \frac{3 \times 1}{3 \times 4} \leftarrow 5\frac{3}{12} \leftarrow 5\frac{3}{12} + 10\frac{2}{3} \leftarrow 10\frac{8}{12} + 5\frac{3}{12} \leftarrow 15\frac{11}{12}$$

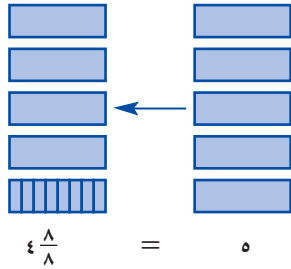
تحقق من معقولية الجواب: $16 \approx 15\frac{11}{12}$ ✓

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

(أ) $3\frac{1}{8} + 5\frac{2}{8}$ (ب) $2\frac{1}{3} - 5\frac{1}{3}$ (ج) $3\frac{1}{3} + 6\frac{2}{5}$

مثالان إعادة كتابة الأعداد لطرحتها



٣ أوجد ناتج: $5 - 2\frac{7}{8}$. **قَدِّر:** $2 = 3 - 1$

أعد كتابة 5 في صورة $4\frac{8}{8}$

$$5 - 2\frac{7}{8} \leftarrow \frac{2 \times 7}{8} \leftarrow 2\frac{7}{8} \leftarrow 4\frac{8}{8} - 2\frac{7}{8} \leftarrow 2\frac{1}{8}$$

اطرح

تحقق من معقولية الجواب: $2 \approx 2\frac{1}{8}$ ✓

٤ أوجد ناتج: $12\frac{1}{8} - 9\frac{1}{4}$. **قَدِّر:** $3 = 9 - 12$

الخطوة الأولى

$$12\frac{1}{8} - 9\frac{1}{4} \leftarrow 9\frac{2}{4} \leftarrow 12\frac{1}{8} - 9\frac{2}{4} \leftarrow 11\frac{9}{8} - 9\frac{2}{4} \leftarrow 11\frac{9}{8} - 9\frac{2}{4} \leftarrow 2\frac{7}{8}$$

الخطوة الثانية

أعد كتابة $12\frac{1}{8}$ في صورة $11\frac{9}{8} = \frac{1}{8} + 11\frac{8}{8}$

تحقق من معقولية الجواب: $3 \approx 2\frac{7}{8}$ ✓

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

(أ) $1\frac{6}{7} - 2$ (ب) $3\frac{1}{4} - 5$ (ج) $7\frac{1}{8} - 11\frac{1}{4}$
 (د) $2\frac{1}{4} - 7$ (هـ) $3\frac{3}{5} - 6\frac{2}{5}$ (و) $1\frac{6}{7} - 2$
 (ز) $6\frac{3}{4} - 8\frac{7}{10}$ (ح) $3\frac{3}{5} - 6\frac{2}{5}$ (ط) $6\frac{3}{4} - 8\frac{7}{10}$

إرشادات للدراسة

تحويل

يسهّل إيجاد ناتج

$5 - 2\frac{7}{8}$ ذهنياً.

فكّر:

$3 = \frac{1}{8} + 2\frac{7}{8}$

بها أنت، $3 - 5\frac{1}{8} = 2\frac{7}{8}$ ، فإن

$2\frac{7}{8} = 5 - 2\frac{7}{8}$



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

مثال من اختبار

٥ **كتل:** تبلغ كتلة أحمد ٧٥ كجم، وكتلة سهيل $٦٨ \frac{١}{٤}$ كجم. احسب الفرق بين كتليهما.

- (أ) ٥
(ب) $٥ \frac{١}{٤}$
(ج) $٦ \frac{٣}{٤}$
(د) $٧ \frac{٣}{٤}$

إرشادات للاختبارات

حذف البدائل:

تعلم أن الفرق عند تقدير الجواب، يجب أن يكون أكبر من ٦؛ لذا يمكنك حذف البديلين أ، ب.

اقرأ:

أنت في حاجة إلى معرفة ناتج $٧٥ - ٦٨ \frac{١}{٤}$.

حل:

$$\begin{array}{r} ٧٥ \\ - ٦٨ \frac{١}{٤} \\ \hline ٦ \frac{٣}{٤} \end{array}$$

اكتب ٧٥ في صورة $٧٤ \frac{٤}{٤}$

الفرق بين الكتلتين هو $٦ \frac{٣}{٤}$ كجم، لذا يكون البديل ج هو الإجابة الصحيحة.

تحقق من فهمك:

ي) هناك طريقتان لصنع الفطائر تتطلب الأولى $٣ \frac{١}{٤}$ أكواب من الدقيق، في حين تتطلب الثانية $١ \frac{١}{٣}$ كوب من الدقيق. فكم يزيد عدد أكواب الدقيق في الطريقة الأولى على الطريقة الثانية؟

- (أ) $٢ \frac{١١}{١٢}$ كوب (ب) $٢ \frac{٧}{١٢}$ كوب (ج) $٢ \frac{١}{١٢}$ كوب (د) $١ \frac{١١}{١٢}$ كوب

تاكد

أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

الأمثلة ١-٤

١) $٥ \frac{٣}{٤}$ ٢) $٢ \frac{٣}{٨}$ ٣) $١٤ \frac{٣}{٥}$

٤) $١ \frac{١}{٤} -$ ٥) $٤ \frac{١}{٨} +$ ٦) $٦ \frac{٣}{١٠} -$

٤) $٨ \frac{١}{٤} + ٦ \frac{٩}{١٠}$ ٥) $٢ \frac{٤}{٥} - ٣ \frac{٢}{٣}$ ٦) $١ \frac{٣}{٤} - ٤ \frac{١}{٣}$

٧) **اختيار من متعدد:** يقود أحمد سيارته بسرعة $٨٥ \frac{٣}{٥}$ كلم/ساعة، بينما يقود خالد سيارته بسرعة $٨٤ \frac{١}{٣}$ كلم/ساعة. فكم تزيد سرعة سيارة أحمد على سرعة سيارة خالد؟

المثال ٥

- (أ) $\frac{٩}{١٠}$ (ب) $١ \frac{١}{١٠}$ (ج) $\frac{١}{٥}$ (د) $\frac{١}{٥}$



ارشادات للتمارين

التمرين	انظر الأمثلة
٨ - ١٥	٢، ١
١٦ - ١٩	٤، ٣
٢٠ - ٢٢	٥

أوجد ناتج جمع أو طرح كل ممّا يأتي في أبسط صورة:

- ٨ $\frac{3}{6} + \frac{5}{6}$ ٩ $\frac{5}{12} + \frac{7}{12}$ ١٠ $\frac{5}{8} - \frac{3}{8}$ ١١ $\frac{4}{5} - \frac{2}{5}$
- ١٢ $\frac{4}{5} + \frac{3}{5}$ ١٣ $\frac{5}{8} + \frac{3}{8}$ ١٤ $\frac{1}{3} - \frac{7}{9}$ ١٥ $\frac{5}{14} - \frac{6}{7}$
- ١٦ $5 - \frac{1}{4}$ ١٧ $9 - \frac{3}{5}$ ١٨ $12\frac{1}{5} - \frac{3}{10}$ ١٩ $\frac{1}{6} - 8\frac{1}{3}$

٢٠ **أدوات ترشيد المياه:** وفرت رغد بعد استخدامها مرشد استخدام الصنابير $\frac{1}{4}$ لتراً في اليوم الأول و $\frac{2}{3}$ لتراً في اليوم الثاني. فكمّ تزيد كمية ما وفرته في اليوم الأول على ما وفرته في اليوم الثاني؟



الربط بالحياة

٢١ **دهان:** يرغب أحمد في دهان سقف ثلاث غرفٍ مختلفة، حيث يحتاج سقف الغرفة الأولى إلى $\frac{2}{3}$ لتر دهان، وسقف الغرفة الثانية $\frac{4}{3}$ لترات، وسقف الغرفة الثالثة $\frac{3}{4}$ لترات. فكمّ لتراً من الدهان يحتاج أحمد؟

٢٢ **مسافات:** يبعد بيت محمد $\frac{3}{4}$ كلم عن بيت عمر. ويبعد بيت عمر $\frac{1}{4}$ كلم عن الحديقة. والتي تبعد $\frac{1}{8}$ كلم عن المسجد. إذا أراد محمد أن يذهب من بيته إلى بيت صديقه عمر ليذهباً معاً إلى الحديقة ثم إلى المسجد، فأوجد المسافة التي يقطعها محمد.

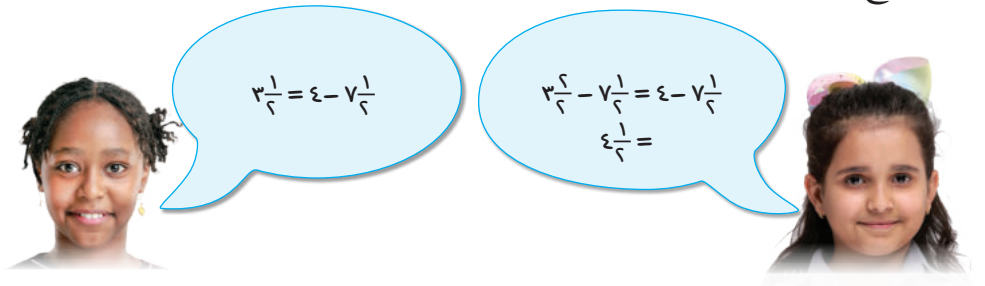
يهدف برنامج قطرة إلى تغيير سلوك الأفراد وخفض معدل الاستهلاك اليومي للفرد من ٢٦٣ لتراً إلى ٢٠٠ لتراً في عام ٢٠٢٠م وإلى ١٥٠ لتراً في عام ٢٠٣٠م.

اكتب عبارة جمع أو طرح لكل نموذج ممّا يأتي، ثمّ أوجد الناتج:



٢٥ **اكتشف الخطأ:** أوجدت مرامّ وغادة ناتج $7\frac{1}{4} - 4$ فأيهما كانت إجابتها صحيحة؟ وضح إجابتك.

مسائل مهارات التفكير العليا



غادة

مرام

٢٦ **تحذّر:** استعمل الأرقام ١، ١، ٢، ٢، ٣، ٤؛ للحصول على عددين كسريين مجموعتهما $\frac{1}{4}$

٢٧ **الكتب:** كيف يمكن كتابة $5\frac{3}{7}$ في الصورة $\frac{1}{7}$ باستخدام الحساب الذهني؟

٢٩ كتلة حقيبة عبدالرحمن المدرسية $\frac{1}{8}$ كيلو جرامات، وكتلة حقيبة ناصر المدرسية $\frac{2}{3}$ كيلو جرام. كم تزيد كتلة حقيبة عبدالرحمن على كتلة حقيبة ناصر؟

(أ) $2\frac{11}{24}$ كيلو جرام

(ب) $1\frac{1}{4}$ كيلو جرام

(ج) $1\frac{11}{24}$ كيلو جرام

(د) $1\frac{1}{4}$ كيلو جرام

٢٨ مع مريم شريط، قصت منه ٣ قطع، إذا كان طول القطعة الأولى $\frac{1}{4}$ سم، وطول الثانية $\frac{2}{3}$ سم، وطول الثالثة $\frac{1}{4}$ سم. فما مجموع أطوال هذه القطع معاً؟

(أ) $10\frac{5}{12}$ سم

(ب) $10\frac{1}{3}$ سم

(ج) ١٠ سم

(د) $9\frac{3}{4}$ سم

مراجعة تراكمية

أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة: (الدرسان ٦-٣، ٦-٤)

٣٣ $\frac{5}{12} + \frac{7}{9}$

٣٢ $\frac{3}{4} - \frac{4}{5}$

٣١ $\frac{3}{10} - \frac{9}{10}$

٣٠ $\frac{1}{3} + \frac{1}{3}$

٣٤ **جلوس:** بكم طريقة مختلفة يمكن أن يجلس ٤ طلاب على ٤ مقاعد في صف واحد؟ استعمل خطة تمثيل المسألة. (الدرس ٦-٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: قرب كلاً مما يأتي إلى أقرب نصف: (الدرس ٦-١)

٣٨ $2\frac{1}{12}$

٣٧ $5\frac{3}{8}$

٣٦ $7\frac{4}{9}$

٣٥ $1\frac{2}{5}$



اختبار منتصف الفصل

الدروس من ٦-١ إلى ٦-٥

أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة:

(الدرس ٦ - ٤)

١١ $\frac{1}{6} - \frac{5}{6}$

١٠ $\frac{3}{4} + \frac{5}{8}$

١٢ **اختيار من متعدد:** استغرق عبد العزيز $\frac{11}{20}$ ساعة في حل واجب الرياضيات، بينما استغرق $\frac{8}{15}$ ساعة في حل واجب العلوم. كم استغرق في حل واجب الرياضيات زيادةً على حل واجب العلوم؟ (الدرس ٦ - ٤)

أ) $\frac{1}{60}$ ساعة ج) $\frac{1}{15}$ ساعة

ب) $\frac{1}{30}$ ساعة د) $\frac{1}{12}$ ساعة

أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط صورة: (الدرس ٦ - ٥)

١٤ $3 - \frac{1}{3} - 5\frac{1}{8}$

١٣ $1\frac{5}{12} + 1\frac{4}{12}$

المنطقة	كمية المطر (سم)
أ	$1\frac{1}{4}$
ب	$1\frac{2}{16}$
ج	$1\frac{1}{2}$

١٥ **اختيار من متعدد:** بيّن

الجدول المجاور كميات الأمطار التي هطلت على ٣ مواقع في أحد الأيام. كم تزيد كمية الأمطار التي هطلت على المنطقة

ج على الأمطار التي هطلت على المنطقة ب؟

(الدرس ٦ - ٥)

ج) $\frac{1}{2}$ سم

أ) $\frac{1}{4}$ سم

د) $\frac{1}{16}$ سم

ب) $\frac{5}{16}$ سم

قرب كلاً مما يأتي إلى أقرب نصف: (الدرس ٦ - ١)

١ $\frac{7}{8}$

٢ $2\frac{2}{7}$

٣ $6\frac{3}{4}$

٤ **طوابع:** أوجد طول الطابع البريدي أدناه إلى أقرب

نصف سنتيمتر. (الدرس ٦ - ١)

٥ **القياس:** يستغرق فهد $1\frac{3}{4}$ ساعة للوصول إلىعمله في الوقت المناسب، فهل يجب عليه مغادرة بيته قبل $1\frac{1}{4}$ ساعة أم ٢ ساعة للوصول إلى عمله؟

(الدرس ٦ - ١)

٦ **ألعاب:** في لعبة المتاهة سار يوسف نحو الشمال،

ثم انحرف يميناً وبعد ذلك يساراً. ففي أي اتجاه يسير يوسف الآن؟ (الدرس ٦ - ٢)

أوجد ناتج جمع أو طرح كل مما يأتي في أبسط

صورة: (الدرس ٦ - ٣)

٨ $\frac{5}{11} - \frac{9}{11}$

٧ $\frac{7}{9} + \frac{5}{9}$

٩ شريط ملون طوله $\frac{11}{16}$ متر، وشريط آخر طوله $\frac{7}{16}$ متر. ما الفرق بين طوليَّهما؟ اكتب الإجابة في

أبسط صورة. (الدرس ٦ - ٣)





تقدير نواتج ضرب الكسور

٦-٦



استعد

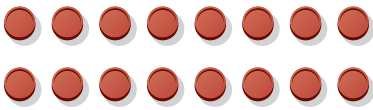
محميات: يوجد ١٦ نمراً في محمية للحيوانات البرية، $\frac{1}{3}$ هذه النمر من الذكور. استعمل ١٦ قطعة عد لتمثيل ١٦ نمراً.

١ هل يمكنك أن توزع قطع العد إلى ثلاث

مجموعات، بحيث تحتوي كل منها على العدد نفسه من القطع؟ فسّر إجابتك.

٢ ما مضاعف العدد ٣ القريب من ١٦؟

٣ ما العدد التقريبي لذكور النمر في المحمية؟ وضح إجابتك.



فكرة الدرس:

أقدر نواتج ضرب الكسور باستخدام الأعداد المتناغمة والتقريب.

المفردات

الأعداد المتناغمة

يُعد استعمال الأعداد المتناغمة، أو الأعداد التي يمكن قسّمها ذهنياً، إحدى طرق تقدير نواتج ضرب الكسور.

التقدير باستخدام الأعداد المتناغمة

مثالان

١ قدر ناتج $13 \times \frac{1}{4}$ $13 \times \frac{1}{4}$ يعني $13 \times \frac{1}{4}$

أوجد مضاعفاً للعدد ٤ قريباً للعدد ١٣

$12 \times \frac{1}{4} \approx 13 \times \frac{1}{4}$ و ١٢ و ٤ عدنان متناغمان؛ لأن $12 \div 4 = 3$

$3 \approx 13 \div 4$

٢ قدر $11 \times \frac{2}{5}$

$10 \times \frac{2}{5} \approx 11 \times \frac{2}{5}$ استعمل ١٠؛ لأن ١٠ و ٥ عدنان متناغمان

$2 \approx 11 \times \frac{2}{5}$

إذا كان $\frac{1}{5}$ الـ ١٠ هو ٢، فإن $\frac{2}{5}$ الـ ١٠ هو $2 \times 2 = 4$

لذلك فإن $11 \times \frac{2}{5}$ تساوي ٤ تقريباً.

تحقق من فهمك:

قدر ناتج الضرب في كل ممّا يأتي:

(ج) $23 \times \frac{3}{4}$

(ب) $13 \times \frac{5}{6}$

(أ) $16 \times \frac{1}{5}$



التقدير بالتقريب لـ: صفر أو $\frac{1}{4}$ أو ١

مثال

٣ قَدِّرْ ناتج $\frac{7}{8} \times \frac{1}{3}$

$$1 \times \frac{1}{3} \leftarrow \frac{7}{8} \times \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{3} = 1 \times \frac{1}{3}$$

$$\text{لذلك } \frac{1}{3} \approx \frac{7}{8} \times \frac{1}{3}$$

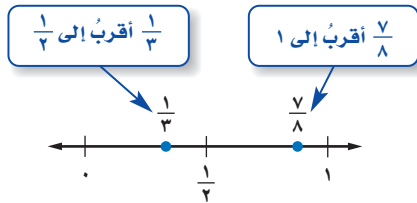
تحقق من فهمك:

قَدِّرْ ناتج الضرب في كلِّ ممَّا يأتي:

و) $\frac{1}{9} \text{ الـ } \frac{5}{6}$

هـ) $\frac{9}{10} \times \frac{5}{6}$

د) $\frac{9}{10} \times \frac{5}{8}$



تقدير الأعداد الكسرية

مثال

٤ القياس: قَدِّرْ مساحة حوض الأزهار

الموضَّح في الشكل المجاور.

قَرِّبْ كلَّ عددٍ كسريٍّ إلى أقرب عددٍ كليٍّ.

$$10 = 2 \times 5 \leftarrow 2\frac{1}{3} \times 4\frac{7}{8}$$

قَرِّبْ $2\frac{1}{3}$ إلى ٢

قَرِّبْ $4\frac{7}{8}$ إلى ٥

لذلك فإنَّ المساحة ≈ 10 أمتارٍ مربعةٍ.

تحقق من فهمك:

ز) تبليط: تمَّ تغطية حافة إحدى الساحات بـ $32\frac{2}{3}$ قطعة من الرخام. طول كلِّ قطعة منها $1\frac{1}{4}$ م، أوجد الطول التقريبي للحافة بالأمتار.

إرشادات للدراسة

مراجعة

يهنئك مراجعةً تقريبي

الكسور في الدرس ٦-١

تأكد

قَدِّرْ ناتج الضرب في كلِّ ممَّا يأتي:

الأمثلة ١-٣

٤) $68 \text{ الـ } \frac{1}{10}$

٣) $26 \text{ الـ } \frac{2}{5}$

٢) $21 \times \frac{3}{4}$

١) $15 \times \frac{1}{8}$

٨) $10\frac{3}{4} \times \frac{9}{10}$

٧) $4\frac{1}{5} \times 6\frac{2}{3}$

٦) $\frac{1}{9} \times \frac{5}{8}$

٥) $\frac{8}{9} \times \frac{1}{4}$

٩) القياس: قَدِّرْ مساحة ممرٍ مستطيل الشكل طوله $9\frac{3}{4}$ م وعرضه ٤ م

المثال ٤

١٠) القياس: قَدِّرْ مساحة حديقة مستطيلة الشكل طولها $24\frac{1}{4}$ م وعرضها $9\frac{2}{3}$ م



تدرّب وحلّ المسائل

ارشادات للتمارين

التمرين	انظر الأمثلة
١١ - ٢٠	٢، ١
٢١ - ٢٤	٣
٢٥، ٢٦	٤

قدّر ناتج الضرب في كلِّ ممّا يأتي:

١١ $21 \times \frac{1}{4}$ ١٢ $26 \times \frac{1}{5}$ ١٣ $\frac{1}{3}$ الـ ٤١ ١٤ $\frac{1}{4}$ الـ ١٧

١٥ $\frac{5}{7}$ الـ ٢٢ ١٦ $\frac{2}{9}$ الـ ٨٨ ١٧ $\frac{2}{3}$ الـ ١٠ ١٨ $4 \times \frac{3}{8}$

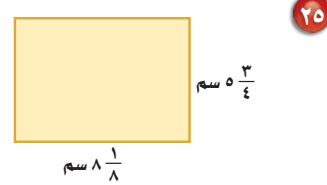
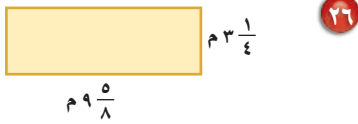
١٩ **شطائر:** تُعدُّ فاطمة شطائر دائرية لـ ١١ صديقة لها، بحيثُ تخصصُّ $\frac{1}{4}$ شطيرة لكلِّ واحدة. أوجد بصورة تقريبية عدد قطع الشطائر التي ستعدها فاطمة لصديقاتها.

٢٠ **كتب:** يودُّ طلال أن ينهي قراءة $\frac{2}{5}$ أحد الكتب قبل يوم الجمعة القادم. فإذا كان عدد صفحات الكتاب ٢٠٣، فأوجد عدد الصفحات التقريبي الذي يتعيّن عليه قراءتها قبل يوم الجمعة.

قدّر ناتج الضرب في كلِّ ممّا يأتي:

٢١ $\frac{1}{9} \times \frac{5}{7}$ ٢٢ $\frac{3}{8} \times \frac{11}{12}$ ٢٣ $2\frac{3}{4} \times 4\frac{1}{3}$ ٢٤ $9\frac{1}{12} \times 5\frac{1}{8}$

قدّر مساحة كلِّ مستطيلٍ ممّا يأتي:



مقادير عمل الكعكة الدائرية

٣ $\frac{1}{4}$ كوب حليب
٣ $\frac{1}{4}$ كوب طحين
٢ كوب من شوتولاتة
١ كوب كراميل
٣ $\frac{1}{4}$ كوب جوز

٢٧ **طبّخ:** استعمل معلومات الشكل المُجاور للمقادير التي استعملها سُفيان في عمل الكعكة لحلّ السؤالين ٢٧، ٢٨:

٢٧ إذا كانت كتلة كوبِ الجوزِ ٢٤٢ جم، فكمّ جراماً من الجوز في المقادير تقريباً؟

٢٨ إذا أراد سُفيان تجهيز ٣ كعكات، فكم كوباً من الحليب يحتاج تقريباً؟

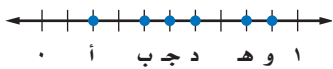


٢٩ اختر طريقة: أي الطرق الآتية يمكنك استعمالها لتحديد بسهولة معقولية الجواب لناتج ضرب $\frac{1}{11} \times 4 \times \frac{1}{13} \times 7$ ؟ فسّر إجابتك.

التقدير

استعمال النماذج

الحساب الذهني



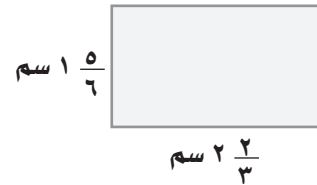
٣٠ تحدّد: حدّد على خطّ الأعداد النقطة التي يمكن أن تمثّل ناتج ضرب العددين اللذين تمثّلهما النقطتان د، هـ. وضح إجابتك.

٣١ **الكتب** مسألة من واقع الحياة يمكن حلّها بتقدير ناتج $\frac{3}{5} \times 21$ ، ثم حلّها باستعمال الأعداد المتناغمة.

تدريب على اختبار

٣٣ ذهب ٣٣ طالبًا في رحلة مدرسية. إذا حضر نصف إلى ثلاثة أرباع الطلاب معهم حلويات، فأَيُّ ممّا يأتي يُقدّر عدد الطلاب الذين أحضروا حلويات؟
(أ) أقل من ١٦
(ب) بين ١٦ و ٢٥
(ج) بين ٢٥ و ٣٠
(د) أكثر من ٣٠

٣٢ ما أفضل تقريب لمساحة المستطيل أدناه؟



(أ) ٢ سم^٢ (ب) ٣ سم^٢
(ج) ٤ سم^٢ (د) ٦ سم^٢

مراجعة تراكمية

٣٤ **الجبر:** استعملت سميّة $1\frac{1}{4}$ كيلوجرام من اللحم، و $\frac{1}{3}$ كيلوجرام من الجبن في إعداد وجبة طعام. كم تزيد كمية اللحم على كمية الجبن؟ (الدرس ٦ - ٥)

أوجد ناتج جمع أو طرح كلٍّ ممّا يأتي في أبسط صورة: (الدرس ٦ - ٤)

٣٨ $\frac{1}{2} - \frac{9}{10}$

٣٧ $\frac{5}{12} + \frac{5}{6}$

٣٦ $\frac{1}{3} - \frac{8}{9}$

٣٥ $\frac{4}{5} + \frac{2}{3}$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد القاسم المشترك الأكبر لكلٍّ ممّا يأتي: (الدرس ٤ - ١)

٤٢ ٢٤، ١٦

٤١ ١٥، ٩

٤٠ ١٠، ٤

٣٩ ٩، ٦





معمل الرياضيات ضرب الكسور

استكشاف
٧ - ٦

كما استعملت في درس «استكشاف ٧-٣» نماذج عشرية لضرب الكسور العشرية، فإنه يمكنك استعمال نماذج مشابهة لضرب الكسور الاعتيادية في هذا الدرس.

فكرة الدرس

أضرب الكسور باستعمال
النماذج.

نشاط

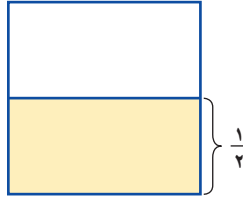
١ أوجد ناتج $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4}$ باستعمال نموذج.

لإيجاد $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4}$ ، أوجد $\frac{1}{3}$ الـ $\frac{1}{4}$

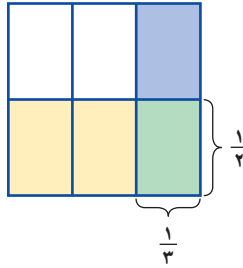
ابدأ بمربع لتمثيل العدد ١



لون $\frac{1}{4}$ المربع باللون الصفير



لون $\frac{1}{3}$ المربع باللون الأزرق،
وسيظهر الجزء المظلل باللونين الأصفر
والأزرق معاً باللون الأخضر.



وبذلك يكون $\frac{1}{3}$ المربع مظلاً باللون الأخضر؛ لذا $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{12}$

تحقق من فهمك:

استعمل نموذجاً لإيجاد ناتج ضرب كل مما يأتي:

(أ) $\frac{1}{4} \times \frac{1}{4}$ (ب) $\frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$ (ج) $\frac{1}{5} \times \frac{1}{4}$

حل النتائج

١ صف كيف يمكنك تغيير النموذج لتجد $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4}$ ، هل الناتج هو نفسه
ناتج $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4}$ ؟ فسّر إجابتك.



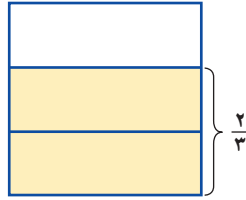
نشاط

٢ استعمل نموذجًا لإيجاد ناتج $\frac{2}{3} \times \frac{3}{5}$ ، واكتبه في أبسط صورة.
لإيجاد ناتج $\frac{2}{3} \times \frac{3}{5}$ ، أوجد $\frac{2}{3}$ الـ $\frac{3}{5}$

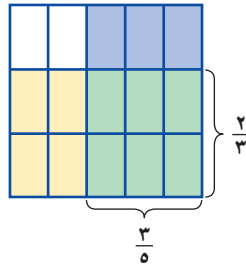
ابدأ بمربع لتمثيل العدد ١



لوّن $\frac{2}{3}$ المربع باللون الأصفر



لوّن $\frac{3}{5}$ المربع باللون الأزرق



إرشادات للدراسة

ضرب الكسور:

طريقة إيجاد $\frac{2}{3} \times \frac{3}{5}$ هي

طريقة إيجاد $\frac{2}{3} \times \frac{3}{5}$ نفسها.

لذلك بإمكانك أن تظلل $\frac{3}{5}$

المربع باللون الأصفر، ثم $\frac{2}{3}$

المربع باللون الأزرق.

فيكون ٦ أجزاء من ١٥ جزءًا ملوّنًا باللون الأخضر؛ لذا فإن: $\frac{2}{3} \times \frac{3}{5} = \frac{6}{15} = \frac{2}{5}$

تحقق من فهمك

استعمل نموذجًا لإيجاد ناتج ضرب كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

(د) $\frac{2}{3} \times \frac{3}{4}$ (هـ) $\frac{0}{6} \times \frac{2}{5}$ (و) $\frac{3}{8} \times \frac{4}{5}$

حلّ النتائج

٢ ارسم نموذجًا لتوضّح أن $\frac{0}{6} = \frac{2}{3} \times \frac{0}{5}$ ، ثم اشرح كيف يوضّح النموذج أن أبسط صورة للكسر $\frac{0}{6}$ هي $\frac{0}{6}$

٣ فسّر العلاقة بين بسطي الكسرين في المسألة، وبسط الناتج. ماذا تلاحظ حول مقامات الكسرين في المسألة ومقام الناتج؟

٤ **خمن:** اكتب قاعدة تستعملها لضرب الكسور.





ضرب الكسور

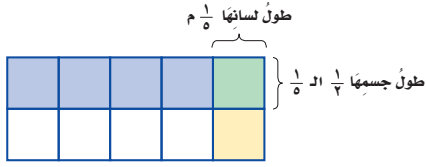
٧-٦

استعد

زواحف: يبلغ طول جسم الحرباء $\frac{1}{3}$ طول لسانها تقريباً. وهناك نوعٌ منها يصل طول لسانه إلى $\frac{1}{5}$ م.

فكرة الدرس:

أضرب الكسور.



المنطقة المشتركة في النموذج المجاور

تمثل طول الحرباء، والذي يساوي

$$\frac{1}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{15}$$

١ بناءً على النموذج، ما الكسر الذي يمثل $\frac{1}{5} \times \frac{1}{3}$ ؟

٢ ما العلاقة بين بسطي العاملين (الكسرين) ومقامهما مع بسط الناتج ومقامه؟

مفهوم أساسي

ضرب الكسور

التعبير اللفظي: اضرب البسطين واضرب المقامين.

أمثلة:

أعداد

جبر

$$\frac{1 \times 2}{2 \times 5} = \frac{1}{2} \times \frac{2}{5}$$

كلاً من ب، د لا يساوي صفراً.

$$\frac{أ \times ج}{د \times ب} = \frac{ج}{د} \times \frac{أ}{ب}، \text{ حيث إن}$$

ضرب الكسور

مثال

١ أوجد ناتج: $\frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$

اضرب البسطين
اضرب المقامين

$$\frac{1 \times 1}{4 \times 3} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$$

اكتب الناتج في أبسط صورة

$$\frac{1}{12} =$$

تحقق من فهمك

أوجد ناتج الضرب في كل ممّا يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

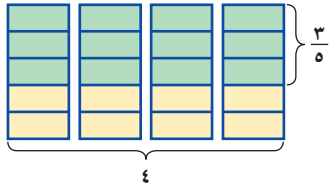
(ج) $\frac{2}{3} \times \frac{5}{6}$

(ب) $\frac{1}{3} \times \frac{3}{4}$

(أ) $\frac{1}{4} \times \frac{3}{5}$

لضرب كسرٍ في عددٍ كليٍّ، اكتب العدد الكليَّ في صورة كسرٍ أولاً.

مثال ضرب الكسور والأعداد الكلية



أوجد ناتج: $4 \times \frac{3}{5}$ **٢**

قَدِّر: $2 = 4 \times \frac{1}{2}$

اكتب 4 في صورة $\frac{4}{1}$

اضرب $\frac{4 \times 3}{1 \times 5} =$

اكتب الناتج في أبسط صورة، ثم قارن الناتج بالتقدير $2 \frac{2}{5} = \frac{12}{5} =$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج ما يلي:

(د) $6 \times \frac{2}{3}$ (هـ) $5 \times \frac{3}{4}$ (و) $\frac{1}{2} \times 3$

يمكنك الاختصار قبل إجراء عملية الضرب عند وجود قاسم (عامل) مشترك بين البسط والمقام.

مثال الاختصار قبل الضرب

أوجد ناتج: $\frac{5}{4} \times \frac{3}{4}$ **٣**

قَدِّر: $\frac{1}{4} = 1 \times \frac{1}{4}$

اقسم كلا من البسط والمقام على ٣

$\frac{5 \times 3}{4 \times 4} = \frac{5}{4} \times \frac{3}{4}$

$\frac{5}{8} =$

اكتب الناتج في أبسط صورة، ثم قارن الناتج بالتقدير

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

(ز) $\frac{4}{9} \times \frac{3}{4}$ (ح) $\frac{9}{10} \times \frac{5}{6}$ (ط) $10 \times \frac{3}{5}$

مراجعة المفردات

عامل (قاسم): عند كتابة عددٍ في صورة حاصل ضرب عددين أو أكثر، فإن كلا منهما يُعدُّ عاملاً لذلك العدد.

مثال: ١، ٢، ٣، ٦، عوامل للعدد ٦

مثال حساب قيم العبارات

٤ جبر: إذا كانت: $\frac{2}{3} = أ$ ، $\frac{3}{8} = ب$ ، فاحسب قيمة أ ب.

عوض عن أ بـ $\frac{2}{3}$ و ب بـ $\frac{3}{8}$

$أ ب = \frac{2}{3} \times \frac{3}{8}$

(ق.م.أ) للعددين ٢، ٨ هو ٨، (ق.م.أ) للعددين ٣، ٨ هو ٢٤، اقسّم كلا من البسط والمقام على ٢ ثم على ٣

$\frac{2 \times 3}{3 \times 8} = \frac{2}{8}$

اكتب الناتج في أبسط صورة

$\frac{1}{4} =$

تحقق من فهمك:

(ي) إذا كانت $ب = \frac{2}{5}$ ، فاحسب قيمة $\frac{3}{4} ب$

(ك) إذا كانت $أ = \frac{3}{7}$ ، فاحسب قيمة $٥ أ$

إرشادات للدراسة

الحساب الذهني:

يمكنك ضرب بعض الكسور ذهنياً. فمثلاً،

$\frac{1}{8} = \frac{3}{8} \times \frac{1}{3}$

لذا $\frac{1}{4} = \frac{3}{8} = \frac{3}{8} \times \frac{1}{3}$



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447



الأمثلة ١-٣ أوجد ناتج الضرب في كلِّ ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

$$١٠ \times \frac{٤}{٥} \quad ٣$$

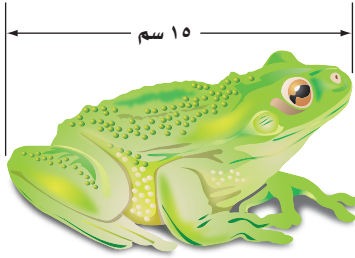
$$\frac{٤}{٥} \times \frac{٢}{٣} \quad ٢$$

$$\frac{١}{٣} \times \frac{١}{٨} \quad ١$$

$$\frac{٥}{٦} \times \frac{٣}{٥} \quad ٦$$

$$\frac{٥}{٦} \times \frac{٣}{١٠} \quad ٥$$

$$١٢ \times \frac{٣}{٤} \quad ٤$$



٧ **ضفادع:** يبلغ طول ذكر أحد أنواع الضفادع $\frac{٢}{٥}$ طول أنثاه. فإذا كان متوسط طول الأنثى ١٥ سم، فأوجد طول ذكر هذا النوع من الضفادع.

المثال ٢

٨ **جبر:** إذا كانت س = $\frac{١}{٤}$ ، ص = $\frac{٥}{٦}$ ، فاحسب قيمة س ص

المثال ٤

تدرّب وحلّ المسائل

أوجد ناتج الضرب في كلِّ ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

$$\frac{٥}{٨} \times \frac{٣}{٤} \quad ١١$$

$$\frac{٣}{٤} \times \frac{١}{٨} \quad ١٠$$

$$\frac{٢}{٥} \times \frac{١}{٣} \quad ٩$$

$$٤ \times \frac{٢}{٣} \quad ١٤$$

$$٢ \times \frac{٣}{٤} \quad ١٣$$

$$\frac{٣}{٧} \times \frac{٢}{٥} \quad ١٢$$

$$\frac{١}{٤} \times \frac{٢}{٣} \quad ١٧$$

$$١١ \times \frac{٣}{٨} \quad ١٦$$

$$١٥ \times \frac{٥}{٦} \quad ١٥$$

$$\frac{٥}{٦} \times \frac{٢}{٥} \quad ٢٠$$

$$\frac{٣}{٨} \times \frac{٤}{٩} \quad ١٩$$

$$\frac{٥}{٧} \times \frac{٣}{٥} \quad ١٨$$

جبر: إذا كانت أ = $\frac{٣}{٥}$ ، ب = $\frac{١}{٤}$ ، ج = $\frac{١}{٣}$ ، فاحسب قيمة كلِّ عبارة ممّا يأتي:

$$ج \cdot \frac{٦}{٧} \quad ٢٤$$

$$\frac{١}{٣} \quad ٢٣$$

$$ب \cdot ج \quad ٢٢$$

$$أ \cdot ب \quad ٢١$$

٢٥ **حيوانات:** يمضي حيوان (الكسلان) $\frac{٤}{٥}$ عمره تقريباً نائماً، فإذا كان يعيش حتى ٢٨ سنة، فأوجد عدد السنوات التي يمضيها نائماً.



٢٦ **نظف:** إذا كان الإنتاج اليوميّ لسلطنة عُمان من النفط $\frac{٢}{٣٥}$ من إنتاج المملكة العربية السعودية. فما إنتاج السلطنة، إذا كان إنتاج المملكة ٩ ملايين برميل يومياً؟

٢٧ **القياس:** تشكّل المسافة بين مكة المكرمة والمدينة المنورة $\frac{٢}{٥}$ المسافة بين مكة المكرمة ونجران تقريباً. فإذا كانت المسافة بين مكة المكرمة ونجران ٩٠٠ كلم، فأوجد المسافة بين مكة المكرمة والمدينة المنورة.

ارشادات للتمارين

التمرين	انظر الأمثلة
١	١٢ - ٩
٢	١٦ - ١٣
٣	٢٧ - ٢٥
٤	٢٠ - ١٧
٤	٢٤ - ٢١

أوجد ناتج الضرب في كل ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

$$\frac{1}{4} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \quad \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{2}{3} \quad \frac{1}{16} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{4}$$

الجبر: إذا كانت $s = \frac{4}{5}$ ، $v = \frac{3}{7}$ ، $e = \frac{7}{10}$ ، فاستعمل ترتيب العمليات لتجد قيمة كل عبارة ممّا يأتي:

$$\frac{2}{3} s e \quad s v e \quad s + \frac{3}{4} e \quad \frac{7}{8} v + e$$

٣٥ مساحة: تبلغ مساحة جامعة الملك عبد الله للعلوم والتقنية ٣٦ كلم^٢، إذا كانت المباني السكنية والجامعية والمرافق المركزية تُغطّي $\frac{1}{5}$ هذه المساحة، فأوجد مساحة هذا الجزء.

٣٦ صحة: إذا كان متوسط عدد ضربات القلب لدى الإنسان ٧٢ مرة في الدقيقة، فأوجد $\frac{1}{15}$ هذا العدد وكتبه في صورة عدد كسري.

٣٧ أداء العمرة: ذهب $\frac{1}{4}$ موظفي شركة لأداء مناسك العمرة، فاشتري ٤ منهم هدايا عند عودتهم. فأبي ممّا يأتي يمكن أن يكون تقديرًا معقولاً لعدد موظفي تلك الشركة: ١٨، أم ٢٦، أم ٣٠ موظفًا؟ وضح إجابتك.

٣٨ أشجار: تمثل أشجار الحمضيات $\frac{13}{100}$ من أشجار بستان. إذا علمت أن $\frac{1}{4}$ أشجار الحمضيات ليمون، وأن العدد الكلي لأشجار البستان هو ٧٢٠ شجرة، فما عدد أشجار الليمون؟

مسائل مهارات التفكير العليا

٣٩ مسألة مفتوحة: اعمل نموذجًا توضّح من خلاله أن ناتج $\frac{2}{3} \times \frac{1}{4}$ يساوي $\frac{1}{3}$

تبرير: أيّ الجملتين الآتيتين صحيحة وأيهما خاطئة؟ أعط مثالًا مضادًا للجملتين الخاطئة:

٤٠ ناتج ضرب عدد كسري بين ٤ و ٥ وكسرين ٠ و ١، يكون أصغر من ٤

٤١ ناتج ضرب عددين كسريين، كل منهما بين ٤ و ٥ يقع بين ١٦ و ٢٥

٤٢ الحس العددي: إذا كان أ، ب كسرين ناتج ضربيهما $\frac{15}{56}$ ، فأوجد ثلاث قيم ممكنة لكل من أ، ب.

٤٣ تحد: هل ناتج ضرب كسرين، كل منهما أصغر من ١ يكون أيضًا أصغر من ١؟ فسّر إجابتك.

٤٤ اكتب: تفسيرًا، لماذا يكون $\frac{1}{2}$ هو ناتج $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$ ؟



٤٥ إذا كان $\frac{5}{8}$ الدواجن الموجودة في مزرعة هو دجاجًا، وكان $\frac{1}{3}$ هذا الدجاج ديوكًا، فأَيُّ ممَّا يأتي يمثل الكسر الدالَّ على عدد الديوك بالنسبة للمزرعة؟

(أ) $\frac{1}{3} + \frac{5}{8}$

(ب) $\frac{1}{3} - \frac{5}{8}$

(ج) $\frac{1}{3} \times \frac{5}{8}$

(د) $\frac{1}{3} \div \frac{5}{8}$

٤٦ جمعية تطوعية عدد أعضائها ١٥٠ شخصًا، ونصف هذا العدد رجال، وجمعية أخرى عددها ٩٠ شخصًا و $\frac{4}{5}$ عدد هذه الجمعية رجال. كم يزيد عدد الرجال في الجمعية الأولى على عدد الرجال في الجمعية الثانية؟

(أ) ٣

(ب) ١٨

(ج) ٢٧

(د) ٧٢

مراجعة تراكمية

قدَّر ناتج كلِّ ممَّا يأتي: (الدرس ٦ - ٦)

٤٩ $\frac{1}{9} \times \frac{4}{9}$

٤٨ $5 \frac{1}{6} \times 1 \frac{1}{9}$

٤٧ $\frac{1}{4} - 29$

٥٠ **القياس:** كم يزيد $\frac{7}{8}$ المتر على $\frac{5}{6}$ المتر؟ (الدرس ٦ - ٤)

٥١ **كعك:** تحتاج منال إلى $2 \frac{1}{3}$ كوب من دقيق القمح و $1 \frac{1}{5}$ كوب من عجوة التمر لعمل طبق من الكعك. كم كوبًا من دقيق القمح يزيد على ما تحتاج إليه من عجوة التمر؟ (الدرس ٦ - ٥)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب الأعداد الكسرية الآتية في صورة كسور غير فعلية: (الدرس ٤ - ٣)

٥٣ $5 \frac{2}{3}$

٥٢ $3 \frac{1}{4}$

٥٥ $6 \frac{5}{8}$

٥٤ $2 \frac{5}{7}$





ضرب الأعداد الكسرية

٦-٨

فكرة الدرس:

أضرب أعداداً كسرية.

استعد



تشریح: مُقْلَةُ عَيْنِ الحَبَارِ العَمَلِاقِ الذي يعيشُ في المحيطِ الأطلسيِّ أوسعُ ١٢ مرةً تقريباً من متوسطِ اتساعِ مُقْلَةِ عَيْنِ الإنسانِ. إذا كانَ متوسطُ اتساعِ مُقْلَةِ عَيْنِ الإنسانِ $\frac{1}{5}$ سم، فأوجدِ اتساعَ مقلةِ عَيْنِ الحَبَارِ العَمَلِاقِ.

١ اكتبْ عبارة ضربٍ عدديةٍ توضِّحْ اتساعَ مُقْلَةِ عَيْنِ الحَبَارِ.

٢ استعملِ الجمعَ المتكررَ لتجدَ ناتجَ $12 \times \frac{1}{5}$ (مساعدةً: $12 \times \frac{1}{5}$)
تعني: ١٢ مجموعةً في كلِّ منها $\frac{1}{5}$.

٣ اكتبْ عبارة الضربِ في السؤالِ ١ باستعمالِ كسرينِ غيرِ فعليينِ.

٤ أوجدْ ناتجَ ضربِ الكسرينِ غيرِ الفعليينِ في السؤالِ ٣. وما اتساعُ مُقْلَةِ عَيْنِ الحَبَارِ؟

ضربُ الأعدادِ الكسريةِ يشبهُ ضربَ الكسورِ الاعتياديةِ.

مفهوم أساسي

ضرب أعداد كسرية

لضربِ عددينِ كسريينِ، اكتبْ كلاً منهما في صورةٍ كسريةٍ غيرِ فعليِّ، ثم اضربْ كما في الكسورِ الاعتياديةِ.

مثال ضرب كسري في عدد كسري

١ أوجدْ ناتجَ: $\frac{1}{4} \times \frac{4}{5}$ **قدر:** استعملْ عددينِ متناغمينِ $\leftarrow \frac{1}{4} \times 4 = 1$

اكتبْ $\frac{4}{5}$ في صورة $\frac{24}{5}$

$$\frac{24}{5} \times \frac{1}{4} = 4 \frac{4}{5} \times \frac{1}{4}$$

$$\frac{24 \times 1}{5 \times 4} =$$

اقسمْ كلاً من ٢٤ و ٤ على الـ (ق.م.أ) لهما، وهو ٤

$$1 \frac{1}{5} = \frac{6}{5} =$$

اكتبْ في أبسط صورة، ثم قارنِ الناتجَ بالتقدير

تحقق من فهمك:

أوجدْ ناتجَ الضربِ في كلِّ مما يأتي، ثم اكتبْه في أبسط صورة:

(أ) $\frac{2}{3} \times \frac{1}{3}$ (ب) $\frac{3}{8} \times \frac{1}{3}$ (ج) $\frac{1}{3} \times 3 \frac{1}{3}$



مثال ضرب الأعداد الكسرية

٢٠٠٠ **سدود:** تبلغ سعة سدّ العقيق في الباحة $\frac{1}{3}$ ٢٢ مليون متر مكعب من الماء. أما سدّ جازان فتبلغ سعته $\frac{1}{4}$ ٢ سعة سدّ العقيق تقريباً. احسب سعة سدّ جازان.

قَدْر: $46 = 2 \times 23$

اكتب العددين الكسريين في صورة كسرين غير فعليين $\frac{9}{4} \times \frac{45}{2} = 2 \frac{1}{4} \times 22 \frac{1}{2}$

اضرب البسطين والمقامين $\frac{405}{8} =$

اكتب الناتج في أبسط صورة $50 \frac{5}{8} =$

فتكون سعة سدّ جازان ٥١ مليون متر مكعب تقريباً.

تحقق من فهمك:

(د) **القياس:** حديقة منزلية مستطيلة الشكل، طولها $\frac{1}{4}$ ١٥ م، وعرضها $\frac{3}{4}$ ٩ م أوجد مساحتها.



الربط بالحياة

يُعدُّ سدُّ الملك فهد في وادي بيشة أكبر السدود المنفذة في المملكة العربية السعودية، حيث يصل ارتفاعه إلى ١٠٣ أمتار، وتبلغ سعته التخزينية القصوى ٣٢٥ مليون متر مكعب.

مثال حساب قيم العبارات

٣ **جبر:** إذا كانت $د = \frac{7}{8}$ ، $هـ = \frac{1}{3}$ ، فما قيمة ده؟

ده = $\frac{7}{8} \times \frac{1}{3}$ عوض عن د ب $\frac{7}{8}$ و هـ ب $\frac{1}{3}$

اكتب العددين الكسريين في صورة كسرين غير فعليين واقسم

$$\frac{7}{8} \times \frac{1}{3} =$$

كلًا من البسط والمقام على ٣ و ٢

$$6 \frac{1}{4} = \frac{25}{4} =$$

اكتب الناتج في أبسط صورة

تحقق من فهمك:

(هـ) **جبر:** إذا كانت $أ = \frac{1}{5}$ ، $ب = \frac{3}{4}$ ، فما قيمة أب؟

تأكد

أوجد ناتج الضرب في كل ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

١ $\frac{2}{8} \times \frac{1}{3}$ ٢ $\frac{2}{3} \times 1 \frac{1}{2}$ ٣ $2 \frac{4}{5} \times 1 \frac{3}{4}$

٤ **مشتريات:** اشترى محمد $\frac{4}{5}$ ٣ كيلوجرامات من اللحم. فإذا كان ثمن الكيلوجرام من اللحم $\frac{1}{3}$ ٢٥ ريالاً، فما ثمن شراء اللحم؟

٥ **الجبر:** إذا كانت $س = \frac{9}{1}$ ، $ص = \frac{1}{3}$ ، فما قيمة س ص؟



انظر الأمثلة	للتمارين
١	٢٣، ١١-٦
٢	٢٢، ١٧-١٢
٣	٢١-١٨

أوجد ناتج الضرب في كلٍّ ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

$$\begin{array}{lll} \frac{4}{5} \times 1\frac{7}{8} & \textcircled{8} & 2\frac{5}{6} \times \frac{3}{4} & \textcircled{7} & 2\frac{1}{3} \times \frac{1}{4} & \textcircled{6} \\ 2\frac{5}{6} \times \frac{3}{10} & \textcircled{11} & 3\frac{1}{4} \times \frac{7}{8} & \textcircled{10} & \frac{5}{6} \times 1\frac{4}{5} & \textcircled{9} \\ 2\frac{2}{5} \times 3\frac{3}{4} & \textcircled{14} & 3\frac{1}{6} \times 3\frac{1}{5} & \textcircled{13} & 1\frac{1}{4} \times 1\frac{1}{3} & \textcircled{12} \\ 5\frac{5}{12} \times 3\frac{3}{5} & \textcircled{17} & 3\frac{3}{10} \times 6\frac{2}{3} & \textcircled{16} & 2\frac{5}{6} \times 4\frac{1}{2} & \textcircled{15} \end{array}$$

الجبر: إذا كانت أ = $\frac{2}{3}$ ، ب = $3\frac{1}{4}$ ، ج = $1\frac{3}{4}$ ، فاحسب قيمة كلِّ عبارة ممّا يأتي:

$$\textcircled{18} \text{ أ ب} \quad \textcircled{19} \text{ ج} \quad \textcircled{20} \text{ ب ج} \quad \textcircled{21} \text{ أ}$$

٢٢ كرة قدم: إذا كان طول مرمى كرة القدم $7\frac{1}{2}$ م، وعرضه $2\frac{1}{5}$ م، فما مساحته؟

٢٣ حيوانات: يستطيع حيوان الكسلان، ذو الأصابع الثلاث في قدمه، أن يسير بسرعة $\frac{6}{35}$ كلم/الساعة. فما المسافة التي يقطعها في $2\frac{1}{4}$ ساعة إذا حافظ على سرعته المذكورة؟

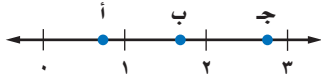
أوجد ناتج الضرب في كلٍّ ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

$$\frac{2}{3} \times 4\frac{1}{4} \times 3\frac{2}{5} & \textcircled{26} & \frac{3}{5} \times \frac{2}{3} \times 1\frac{1}{2} & \textcircled{25} & \frac{4}{5} \times 2\frac{1}{2} \times \frac{3}{4} & \textcircled{24}$$

٢٧ رياضة: استعمل الصيغة ف = ع ن حيث (ف: تمثل المسافة، ع: السرعة، ن: الزمن)، لتجد المسافة التي يقطعها متسابق في $1\frac{3}{4}$ ساعة. إذا كانت سرعته $15\frac{1}{4}$ كلم/الساعة.

جبر: إذا كانت د = $5\frac{3}{4}$ ، هـ = $2\frac{1}{3}$ ، و = $1\frac{7}{8}$ ، فاحسب قيمة كلِّ عبارة ممّا يأتي:

$$\textcircled{28} \text{ د هـ + و} \quad \textcircled{29} \text{ د هـ و} \quad \textcircled{30} \text{ د و - هـ}$$



٣١ الحسّ العددي: حدّد- من دون إجراء عملية

الضرب- النقطة على خطّ الأعداد من بين النقاط

(أ، ب، ج) التي تمثل ناتج ضرب $2\frac{1}{3} \times \frac{2}{3}$ ، وفسّر إجابتك.

٣٢ تحدّ: هل الجملة: «ناتج ضرب عددين كسريين أكبر من ناتج جمعهم» صحيحة أحياناً، أم دائماً، أم غير صحيحة مطلقاً؟ فسّر إجابتك.

٣٣ اكتب: خطوات ضرب عددين كسريين باختصار.

مسائل
مهارات التفكير العليا



٣٤ بين الجدول أدناه بعض مكونات عجينة فطيرة عائلية.

طحين	ماء	زبدة
$3\frac{1}{4}$ كواب	$2\frac{2}{3}$ كوب	$\frac{1}{4}$ كوب

إذا أردت سارة عمل عجينة لأربع فطائر، فكم كوباً من الماء تحتاج؟

(أ) $9\frac{3}{4}$ (ج) $10\frac{2}{3}$

(ب) $10\frac{1}{4}$ (د) $5\frac{1}{3}$

٣٥ لدى هنوف $5\frac{3}{4}$ كيلو جرامات طحين. إذا استعملت نصفها في عمل فطيرة، فكم كيلو جراماً من الطحين استعملت؟

(أ) $5\frac{3}{8}$ كيلو جرامات

(ب) $3\frac{7}{8}$ كيلو جرامات

(ج) $3\frac{3}{8}$ كيلو جرامات

(د) $2\frac{7}{8}$ كيلو جرام

مراجعة تراكمية

أوجد ناتج الضرب في كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة: (الدرس ٦ - ٧)

$\frac{1}{6} \times \frac{2}{3}$ (٣٧)

$\frac{3}{4} \times \frac{5}{7}$ (٣٦)

$\frac{4}{7} \times \frac{1}{2}$ (٣٩)

$\frac{2}{5} \times \frac{3}{8}$ (٣٨)

٤٠ **كتب:** في مكتبة مدرسية ٣٠٠ كتاب، إذا كان $\frac{2}{5}$ هذه الكتب تقريباً كتباً دينية، فما عدد الكتب

الدينية تقريباً؟ (الدرس ٦ - ٦)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الضرب في كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة: (الدرس ٦ - ٧)

$\frac{3}{4} \times \frac{2}{7}$ (٤٢)

$\frac{3}{8} \times \frac{1}{4}$ (٤١)

$\frac{5}{6} \times \frac{2}{5}$ (٤٤)

$\frac{1}{6} \times \frac{1}{2}$ (٤٣)





معمل الرياضيات قسمة الكسور

استكشاف

٩ - ٦



وُزعت ٨ جوائز على أطفال، فحصل كل واحد منهم على جائزتين. فما عدد الأطفال الحائزين على هذه الجوائز؟
١ كم ٢ يوجد في الـ ٨؟ اكتب ذلك في صورة عبارة قسمة.

فكرة الدرس:

أقسم كسراً على كسر آخر باستعمال نماذج.

- ٢ افترض أنه يُراد تقسيم لوحين من الشوكولاتة بين ٨ أطفال بالتساوي. فما نصيب كل طفل؟
٣ كم طالباً يشترك في اللوح الواحد؟ اكتب ذلك في صورة عبارة قسمة.

نشاط

١ أوجد ناتج: $١ \div \frac{١}{٥}$ باستعمال نموذج.

الخطوة ١ اعمل نموذجاً للمقسوم الذي يمثل العدد ١

فكر: كم خمساً في ١؟



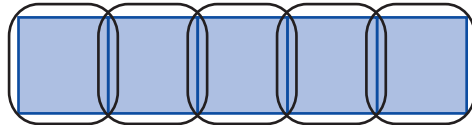
الخطوة ٢ أعد كتابة العدد ١ في صورة $\frac{٥}{٥}$ ؛ ليكون للعددين مقام مشترك. فتصبح المسألة $\frac{٥}{٥} \div \frac{١}{٥}$ أعد رسم النموذج لتوضيح $\frac{٥}{٥}$

كم خمساً في $\frac{٥}{٥}$ ؟



الخطوة ٣ حوِّط كل $\frac{١}{٥}$ ؛ لتحصل على خمس مجموعات جزئية.

يوجد خمسة كسور في $\frac{٥}{٥}$ ، كل منها $\frac{١}{٥}$.



لذلك يكون ناتج $١ \div \frac{١}{٥} = ٥$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج قسمة كل مما يأتي باستعمال نموذج:

(أ) $\frac{١}{٥} \div ٢$ (ب) $\frac{١}{٣} \div ٣$ (ج) $\frac{٢}{٣} \div ٢$ (د) $\frac{٣}{٤} \div ٣$



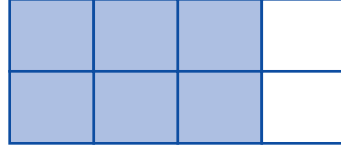
يمكنك أيضًا استعمال نموذج لإيجاد ناتج قسمة كسرين.

نشاط

٢ أوجد ناتج: $\frac{3}{4} \div \frac{3}{8}$ باستعمال نموذج.

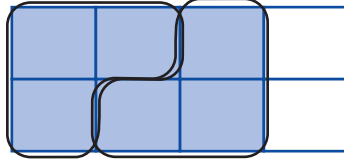
الخطوة ١ أعد كتابة الكسر $\frac{3}{4}$ في صورة $\frac{6}{8}$ ؛ ليكون للكسرين مقام مشترك. فتصبح المسألة في صورة $\frac{6}{8} \div \frac{3}{8}$ ، ثم ارسن نموذجًا للمقسوم $\frac{6}{8}$

فكر: كم $\frac{3}{8}$ يوجد في $\frac{6}{8}$ ؟



الخطوة ٢ حوِّط كل مجموعة تمثل المقسوم عليه $\frac{3}{8}$

يوجد كسران من $\frac{3}{8}$ في $\frac{6}{8}$



لذا يكون $2 = \frac{3}{8} \div \frac{3}{8}$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي باستعمال نموذج:

(هـ) $\frac{4}{10} \div \frac{1}{5}$ (و) $\frac{3}{4} \div \frac{1}{4}$ (ز) $\frac{4}{5} \div \frac{1}{5}$ (ح) $\frac{1}{6} \div \frac{1}{3}$

حلّ النتائج:

املأ الفراغات الآتية مستعملًا (<, >, =)؛ لتحصل على عبارات صحيحة، ثم أعط مثالًا يعزز إجابتك:

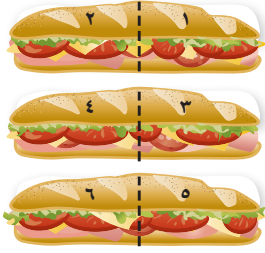
- ١ عندما يتساوى المقسوم والمقسوم عليه، فإن ناتج القسمة ١
- ٢ عندما يكون المقسوم أكبر من المقسوم عليه، فإن ناتج القسمة ١
- ٣ عندما يكون المقسوم أصغر من المقسوم عليه، فإن ناتج القسمة ١
- ٤ **خمن:** تعلم أن عملية الضرب إبدالية؛ لأن ناتج 3×4 يساوي ناتج 4×3 ، فهل عملية القسمة إبدالية أيضًا؟ أعط أمثلة توضح إجابتك.





قسمة الكسور

٩-٦



نشاط

أعدت ندى ثلاث شطائر كبيرة. وكان تقديرها أن $\frac{1}{3}$ شطيرة من هذا النوع تكفي شخصًا واحدًا.

١ كم $\frac{1}{3}$ شطيرة يوجد؟

٢ النموذج المجاور يوضح $3 \div \frac{1}{3}$ ، فما ناتج $3 \div \frac{1}{3}$ ؟

ارسم نموذجًا لإيجاد ناتج كل مما يأتي:

٣ $\frac{1}{4} \div 3$ ٤ $\frac{1}{6} \div 2$ ٥ $\frac{1}{6} \div 4$

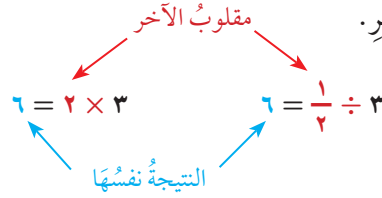
فكرة الدرس:

أقسم كسرًا على كسر آخر.

المفردات

المقلوب

القسمة على $\frac{1}{3}$ تعطي نتيجة الضرب في ٣ نفسها. فالعددان $\frac{1}{3}$ و ٣ بينهما علاقة خاصة؛ إذ إن ناتج ضربهما يساوي ١، وأي عددين ناتج ضربهما ١، يكون كل منهما مقلوبًا للآخر.



مثال

إيجاد المقلوب

١ أوجد مقلوب العدد ٥

بما أن $5 \times \frac{1}{5} = 1$ ،

إذن مقلوب الـ ٥ هو $\frac{1}{5}$

٢ أوجد مقلوب $\frac{2}{3}$.

بما أن $\frac{3}{2} \times \frac{2}{3} = 1$ ،

فيكون مقلوب الـ $\frac{2}{3}$ هو $\frac{3}{2}$

تحقق من فهمك:

أوجد مقلوب كل عدد مما يأتي:

١ (أ) ١١ (ب) $\frac{3}{5}$ (ج) $\frac{1}{3}$

يمكنك استعمال مقلوب العدد في قسمة الكسور.

مفهوم أساسي

قسمة الكسور

التعبير اللفظي: عند القسمة على كسر، اضرب في مقلوبه.

الجبر

$$\frac{أ}{ب} \div \frac{ج}{د} = \frac{أ}{ب} \times \frac{د}{ج}$$

حيث ب، ج، د \neq صفرًا.

أمثلة

$$\frac{3}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{2}{3} \div \frac{1}{2}$$

مثالان القسمة على كسر اعتيادي

٣ أوجد ناتج: $\frac{3}{4} \div \frac{1}{8}$

اضرب في المقلوب، وهو $\frac{4}{3}$ $\frac{4}{3} \times \frac{1}{8} = \frac{3}{4} \div \frac{1}{8}$

اقسم كلاً من ٤ و ٨ على (ق.م.أ.) لهُمَا وهو ٤

$$\frac{4 \times 1}{3 \times 8} =$$

اضرب البسطين
اضرب المقامين

$$\frac{1}{6} =$$

٤ أوجد ناتج: $\frac{1}{4} \div 3$

اضرب في مقلوب $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4} \times \frac{3}{1} = \frac{1}{4} \div 3$

اكتب الناتج في أبسط صورة $6 = \frac{6}{1} =$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج القسمة في كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

(د) $\frac{3}{8} \div \frac{1}{4}$ (هـ) $\frac{3}{8} \div \frac{2}{3}$ (و) $\frac{3}{4} \div 4$

إرشادات للدراسة

الحساب الذهني:
لإيجاد مقلوب كسر، أبدل
موضعي بسط الكسر ومقامه.
أما العدد الكلي فمقامه ١

القسمة على عدد كلي

مثال من واقع الحياة

٥. **كشافة:** يوزع ٦ من أعضاء المعسكر الكشفي لخدمة الحجاج في مكة المكرمة $\frac{3}{4}$ اليوم بينهم بالتساوي لخدمة الحجاج. أوجد الكسر الدال على جزء اليوم الذي يقضيه كل عضو منهم.

قسّم $\frac{3}{4}$ إلى ٦ أجزاء متساوية.

اضرب في المقلوب $\frac{1}{6} \times \frac{3}{4} = 6 \div \frac{3}{4}$

اقسم كلاً من ٣ و ٦ على (ق.م.أ.) لهُمَا وهو ٣

$$\frac{1}{6} \times \frac{3}{4} =$$

اكتب الناتج في أبسط صورة. $\frac{1}{8} =$

إذن يقضي كل عضو $\frac{1}{8}$ اليوم في خدمة الحجاج

تحقق من فهمك:

(ز) **القياس:** قُسمت $\frac{2}{3}$ قطعة أرض زراعية ٤ قطع متساوية المساحة، أوجد الكسر الذي يدل على كل قطعة منها.



الربط بالحياة

تأسست جمعية الكشافة في المملكة العربية السعودية عام ١٣٨١هـ، وتقوم بأدوار كبيرة في خدمة ضيوف الرحمن في أثناء موسم الحج.



المثالان ١، ٢ أوجد مقلوب كلِّ ممّا يأتي:

١ $\frac{2}{3}$ ٢ $\frac{1}{7}$ ٣ $\frac{2}{5}$ ٤ $\frac{4}{4}$

المثالان ٣، ٤ أوجد ناتج القسمة في كلِّ ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

٥ $\frac{1}{2} \div \frac{1}{4}$ ٦ $\frac{1}{3} \div \frac{5}{6}$ ٧ $\frac{1}{3} \div 2$
٨ $\frac{2}{7} \div 5$ ٩ $2 \div \frac{4}{5}$ ١٠ $3 \div \frac{5}{6}$

المثال ٥ **١١ خيول:** يحتاج الحصان البالغ إلى $\frac{2}{5}$ حزمة قش في المتوسط طعامًا يوميًا. فإذا كان في الإسطبل ٤٤ حزمة قش. فما عدد الأحصنة التي يمكن إطعامها في يومٍ واحدٍ باستعمال تلك الحزم؟

تدرّب وحل المسائل

أوجد مقلوب كلِّ ممّا يأتي:

١٢ $\frac{1}{4}$ ١٣ $\frac{1}{10}$ ١٤ $\frac{5}{6}$
١٥ $\frac{7}{9}$ ١٦ ٨ ١٧ ١

أوجد ناتج القسمة في كلِّ ممّا يأتي، ثمّ اكتبه في أبسط صورة:

١٨ $\frac{1}{2} \div \frac{1}{8}$ ١٩ $\frac{2}{3} \div \frac{1}{2}$ ٢٠ $\frac{2}{3} \div \frac{3}{4}$ ٢١ $\frac{9}{10} \div \frac{3}{4}$
٢٢ $\frac{3}{4} \div 3$ ٢٣ $\frac{3}{5} \div 2$ ٢٤ $\frac{3}{4} \div 5$ ٢٥ $\frac{4}{7} \div 8$
٢٦ $6 \div \frac{3}{5}$ ٢٧ $5 \div \frac{5}{6}$ ٢٨ $2 \div \frac{5}{8}$ ٢٩ $4 \div \frac{1}{9}$

٣٠ طعام: قسّمت هدى $\frac{3}{4}$ حبة أناناس إلى ٦ شرائح متساوية. فما الكسر الدال على الشريحة الواحدة؟

٣١ القياس: قسّم نجارٌ لوحًا من الخشب طوله $\frac{1}{9}$ م إلى ثلاثة أقسام متساوية لعمل رفوف خزانة. فما الكسر الدال على طول كل رف؟

٣٢ تنظيم: يوزّع حامد $\frac{3}{8}$ يومه بالتساوي على أنواع الأنشطة الآتية: دينية، رياضية، زيارات، تسوق. فما الكسر من اليوم الذي يخصّصه حامد لكل نوع من هذه الأنشطة؟

٣٣ القياس: يراد قصّ خيط طوله $\frac{4}{5}$ م إلى قطع متساوية طول كل منها $\frac{1}{10}$ م، فما عدد هذه القطع؟

إرشادات للواجب المنزلي

انظر الأمثلة	للتمارين
٢، ١	١٧-١٢
٣	٢١-١٨، ٣٣
٤	٢٥-٢٢، ٢٩-٢٦
٥	٣٢-٣٠



التربية الفنية: استعمل المعطيات الآتية لحلّ السؤالين ٣٤، ٣٥:

لكتابة الاسم والرقم على قميص رياضية نحتاج إلى $\frac{3}{8}$ علبة صغيرة من الصبغ. والجدول أدناه يوضح عدد علب الصبغ المتوفرة في غرفة التربية الفنية من كل لون:



اللون	عدد العلب
الأحمر	١٢
البرتقالي	$\frac{3}{4}$
الأصفر	٢
الأخضر	$2\frac{5}{6}$
الأزرق	٨
البنفسجي	$5\frac{1}{3}$
الأسود	٦

٣٤ ما عدد القمصان التي يمكن استعمال اللون البرتقالي فقط في الكتابة عليها؟

٣٥ إذا كان لدى معلم التربية الفنية أربعة صفوف، ويريد أن يستعمل في كل صف الكمية نفسها من الصبغة الحمراء، فما عدد القمصان التي يمكن الكتابة عليها في كل صف باستعمال الصبغة الحمراء فقط؟

٣٦ **بيانات:** استعمل بيانات من البيئة المحلية لكتابة مسألة من واقع الحياة يحتاج حلها إلى قسمة الكسور.

٣٧ **مسألة مفتوحة:** أوجد كسرين ناتج قسمتهما $\frac{5}{7}$

٣٨ **اكتشف الخطأ:** أوجد كل من أحمد وريان ناتج $\frac{1}{9} \div 4$ فأيهما كانت إجابته صحيحة؟ وضح إجابتك.



ريان

$$\frac{4}{1} \times \frac{1}{9} = 4 \div \frac{1}{9}$$

$$3\frac{5}{9} = \frac{32}{9} =$$

$$\frac{1}{4} \times \frac{1}{9} = 4 \div \frac{1}{9}$$

$$\frac{4}{9} = \frac{1}{36} =$$



أحمد

تحد: اكتب العبارة في كل من السؤالين ٣٩، ٤٠ في أبسط صورة، ثم اكتب جملة أو جملتين لوصف كل نتيجة:

٤٠ $\frac{أ}{ب} \div \frac{ب}{ج}$

٣٩ $\frac{أ}{ب} \div \frac{أ}{ج}$

٤١ **اكتب:** مسألتين من واقع الحياة، تستعمل فيهما الكسر $\frac{1}{3}$ والعدد ٣، على أن تتضمن الأولى عملية ضرب، والثانية عملية قسمة.



٤٣ أي ممّا يأتي عندما يُقسّم على $\frac{1}{3}$ ، فإنّ الناتج يكون أقلّ من $\frac{1}{3}$ ؟

(أ) $\frac{2}{8}$

(ب) $\frac{7}{12}$

(ج) $\frac{2}{3}$

(د) $\frac{5}{24}$

٤٢ إذا كانت ملعقة زيت واحدة تساوي $\frac{1}{6}$ الكمية اللازمة لإعداد وجبة طعام، فأَيُّ ممّا يأتي يُعبّر عن عدد الملاعق التي تساوي $\frac{2}{3}$ الكمية اللازمة لإعداد وجبة طعام؟

(أ) $\frac{2}{3} + \frac{1}{6}$

(ب) $\frac{1}{6} - \frac{2}{3}$

(ج) $\frac{2}{3} \times \frac{1}{6}$

(د) $\frac{1}{6} \div \frac{2}{3}$

مراجعة تراكمية

أوجد ناتج الضرب في كلّ مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة: (الدرس ٦ - ٨)

٤٥ $2 \frac{3}{4} \times 1 \frac{5}{6}$

٤٤ $3 \frac{1}{3} \times 2 \frac{2}{5}$

٤٧ $5 \frac{1}{4} \times 4 \frac{4}{9}$

٤٦ $2 \frac{3}{8} \times 3 \frac{3}{7}$

٤٨ أعمال تطوعية: يتطوّر ٩ من ١٠ طلاب في مدرسة سنويًا بالقيام بأعمال بيئية. إذا كان $\frac{1}{3}$ المتطوعين يقومون بزراعة شتلات في حديقة الحي، فما الكسر الذي يمثل الطلاب الذين يقومون بزراعة الشتلات بالنسبة لعدد الطلاب؟ (الدرس ٦ - ٧)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب الأعداد الكسرية الآتية في صورة كسور غير فعلية، ثمّ أوجد مقلوبها:

٥٠ $1 \frac{5}{9}$

٤٩ $1 \frac{2}{3}$

٥٢ $3 \frac{3}{4}$

٥١ $4 \frac{1}{2}$



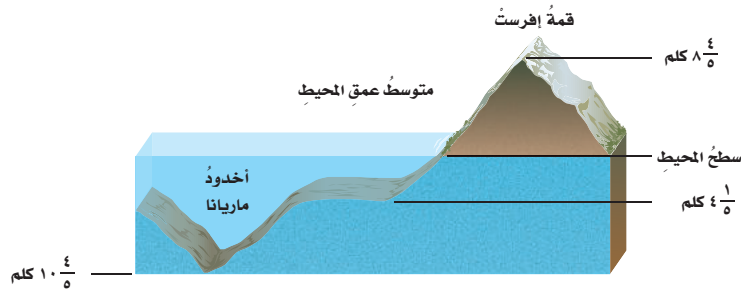


قسمة الأعداد الكسرية

١٠-٦

استعد

أعماق: أكثر نقاط محيطات الأرض انخفاضاً هي أخدود ماريانا في المحيط الهادئ، والذي يبلغ انخفاضه $10\frac{4}{5}$ كلم تحت سطح المحيط، بينما يبلغ متوسط عمق المحيطات $4\frac{1}{5}$ ، وفي المقابل فإن أكثر نقاط الأرض ارتفاعاً هي قمة إفرست التي يبلغ ارتفاعها عن سطح المحيط $8\frac{4}{5}$ كلم تقريباً.



فكرة الدرس:

أقسم أعداداً كسرية.

- ١ اكتب عبارة قسمة لإيجاد كم مرة يساوي ارتفاع قمة إفرست، بالنسبة إلى متوسط عمق المحيطات.
- ٢ اكتب عبارة قسمة لإيجاد كم مرة يساوي عمق أخدود ماريانا، بالنسبة إلى متوسط عمق المحيطات.

عملية قسمة الأعداد الكسرية تشبه قسمة الكسور. ولقسمة الأعداد الكسرية، اكتبها أولاً في صورة كسور غير فعلية، ثم أجر عملية القسمة كما في قسمة الكسور.

القسمة على عدد كسري

مثال

١ أوجد ناتج $3\frac{1}{5} \div 8\frac{4}{5}$ قدر: $3 = 3 \div 9$

اكتب العددين الكسريين في صورة كسرين غير فعليين $\frac{16}{5} \div \frac{44}{5} = 3\frac{1}{5} \div 8\frac{4}{5}$

اضرب في المقلوب $\frac{5}{16} \times \frac{44}{5} =$

اقسم كلاً من 5 و 5 على (ق.م.أ) لهما وهو 5، واقسم كلاً من 16 و 44 على (ق.م.أ) لهما وهو 4 $\frac{5}{16} \times \frac{44}{5} =$

اكتب الناتج في أبسط صورة $2\frac{3}{4} = \frac{11}{4} =$



تحقق من فهمك:

أوجد ناتج القسمة في كل مما يأتي، واكتبه في أبسط صورة:

(أ) $2\frac{1}{3} \div 4\frac{1}{5}$ (ب) $2\frac{1}{3} \div 8$ (ج) $2\frac{1}{3} \div 1\frac{5}{9}$

مثال حساب قيم العبارات

٢ الجبر: إذا كانت: $m = 1\frac{3}{4}$ ، $n = \frac{2}{5}$ ، فأوجد قيمة $m \div n$

عوض عن m بـ $1\frac{3}{4}$ و n بـ $\frac{2}{5}$ $m \div n = 1\frac{3}{4} \div \frac{2}{5}$

اكتب العدد الكسري في صورة كسر غير فعلي

$$\frac{2}{5} \div \frac{7}{4} =$$

اضرب في المقلوب

$$\frac{5}{7} \times \frac{7}{4} =$$

اكتب الناتج في أبسط صورة

$$4\frac{3}{8} = \frac{35}{8} =$$

تحقق من فهمك:

د) الجبر: إذا كانت $h = 2\frac{3}{8}$ ، و $w = 1\frac{1}{4}$ ، فأوجد قيمة $h \div w$

مثال من واقع الحياة

٣ حيوان الباندا: إذا كان متوسط كتلة ذكر الباندا العملاق ١٥٠ كجم، فأوجد متوسط كتلة أنثاه بناءً على المعلومات الواردة عن يمين الصفحة.

قدر: $150 = 1 \div 150$

اكتب العددين الكسريين في صورة كسرين غير فعليين.

$$\frac{6}{5} \div \frac{150}{1} = 1\frac{1}{5} \div 150$$

اضرب في المقلوب.

$$\frac{5}{6} \times \frac{150}{1} =$$

اقسم كلاً من ١٥٠ و ٦ على (ق.م.أ) لهما وهو ٦

$$\frac{5}{1} \times \frac{25}{1} =$$

اكتب الناتج في أبسط صورة.

$$125 = \text{كجم}$$

وبذلك تصل كتلة أنثى الباندا العملاقة إلى ١٢٥ كجم تقريباً.

تحقق من فهمك:

هـ) شوكولاتة: إذا وزع ١٦ $\frac{1}{3}$ لوح شوكولاتة على ١٢ طفلاً بالتساوي،

فما نصيب كل واحد منهم؟



الربط بالحياة

يكون حيوان الباندا العملاق عند مولده في حجم قالب الزبدة. ويصل متوسط كتلة ذكر الباندا البالغ إلى $1\frac{1}{5}$ مرة من متوسط كتلة أنثاه تقريباً.



تأكّد

المثال ١

أوجد ناتج القسمة في كلِّ ممَّا يأتي، واكتبه في أبسط صورة:

$$١ \quad ٢ \div ٣ \frac{١}{٣} \quad ٢ \quad ١ \frac{١}{٣} \div ٨ \quad ٣ \quad ٢ \div ٣ \frac{١}{٥}$$

المثال ٢

٤ **الجبر:** إذا كانت: ج = $\frac{٣}{٨}$ ، د = $\frac{١}{٣}$ ، فأوجد قيمة ج ÷ د.

المثال ٣

٥ **رخام:** إذا رُصفت حافة ساحة طولها $\frac{١}{٣}$ م بقطع رخامية طول كلِّ منها $\frac{٣}{٨}$ م، فما عدد هذه القطع؟

تدرّب وحلّ المسائل

أوجد ناتج القسمة في كلِّ ممَّا يأتي، واكتبه في أبسط صورة:

$$٦ \quad ٢ \div ٥ \frac{١}{٣} \quad ٧ \quad ١٠ \div ٤ \frac{١}{٦} \quad ٨ \quad ٤ \frac{١}{٣} \div ٣$$

$$٩ \quad ٢ \frac{١}{٤} \div ٦ \quad ١٠ \quad ١ \frac{٣}{٤} \div ٦ \frac{١}{٣} \quad ١١ \quad ٢ \frac{١}{٥} \div ٧ \frac{٤}{٥}$$

١٢ **الجبر:** إذا كانت أ = $\frac{٤}{٥}$ ، ب = $\frac{٢}{٣}$ ، ج = ٦، د = $\frac{١}{٣}$ ، فاحسب قيمة كلِّ عبارة ممَّا يأتي:

$$١٣ \quad ١٢ \div أ \quad ١٤ \quad أ \div ب$$

$$١٥ \quad أ \div ج \quad ١٦ \quad ج \div د \quad ١٧ \quad ج \div (أ ب)$$

١٨ **علوم:** يبلغ عدد كروموسومات الإنسان ٤٦، والذي يُساوي $\frac{٣}{٤}$ عدد كروموسومات ذبابة الفاكهة. فما عدد كروموسومات هذه الذبابة؟

١٩ **القياس:** قُسم شريط طوله $\frac{١٣}{٣}$ سم إلى قطع طول كلِّ منها $\frac{٢}{٤}$ سم، فما عدد هذه القطع؟

٢٠ **قهوة:** وُرِّعت $\frac{٦}{٨}$ كجم من القهوة على عبوات بالتساوي فاحتوت كلُّ عبوة على $\frac{٣}{٨}$ كجم، فما عدد هذه العبوات؟

٢١ **زينة:** يُراد تزيين جدار طوله $\frac{١١}{٤}$ م بأشرطة طول كلِّ قطعة منها $\frac{٣}{٤}$ م. أوجد عدد القطع المطلوبة.

٢٢ **رياضة:** مشى كلُّ من محمد وعليّ وخالد حول أحد المتنزهات والذي طوله $\frac{١}{٣}$ كيلومتر كما هو موضح في الجدول المجاور. كم مرة مشى كلُّ منهم حول المتنزه؟

الشخص	المسافة بالكيلومتر
محمد	$\frac{٢}{٤}$
عليّ	$\frac{٤}{٣}$
خالد	$\frac{١٧}{٨}$

ارشادات للتمارين

التمارين	انظر الأمثلة
١١-٦	١
١٧-١٢	٢
٢١-١٨	٣



٢٣ **اكتشف المختلف:** حدّد العبارة التي ناتج القسمة فيها أكبر من ١، ووضّح إجابتك.

$$7\frac{3}{8} \div 5\frac{3}{4}$$

$$2\frac{1}{3} \div 1\frac{7}{7}$$

$$2\frac{2}{5} \div 3\frac{1}{8}$$

$$5\frac{1}{4} \div 4\frac{2}{3}$$

٢٤ **تحدّد:** بيّن ما إذا كان ناتج $5\frac{1}{4} \div 3\frac{5}{8}$ أكبر من أو أصغر من ناتج $5\frac{1}{4} \div 2\frac{2}{5}$ من دون إجراء عملية القسمة؟ وضّح إجابتك.

٢٥ **الكتابة:** بأسلوبك طريقة إيجاد ناتج قسمة ١٢ على $2\frac{2}{3}$

تدريب على اختبار

٢٧ تحتاج الهنوف إلى $1\frac{1}{4}$ ملعقة من الحليب المجفّف لعمل $\frac{5}{4}$ كوب من العصير المشكّل. فكم ملعقة من الحليب المجفّف تحتاج لعمل كوب واحد من العصير؟

(أ) $\frac{3}{10}$ ملعقة

(ب) $1\frac{1}{4}$ ملعقة

(ج) $1\frac{4}{5}$ ملعقة

(د) $2\frac{1}{4}$ ملعقة

٢٦ عندما يرتطم نيزك بسطح الأرض يكوّن حفرة دائرية تقريباً. إذا كانت أعمق حفرة كوّنّها نيزك على سطح الأرض تساوي $\frac{2}{5}$ ميل تقريباً، وبقطر طوله $\frac{4}{5}$ ميل تقريباً، فكم مرة تقريباً طول القطر يساوي عمق هذه الحفرة؟

(أ) ٢٠

(ب) $1\frac{1}{2}$

(ج) $\frac{1}{5}$

(د) ٥

مراجعة تراكمية

٢٨ **القياس:** إذا استعمل دهان $\frac{1}{4}$ علبة لطلاء حائط، فكم $\frac{1}{8}$ علبة استعمل؟ (الدرس ٦ - ٩)

٢٩ **قطار:** يسير قطار بمعدّل سرعة ٣٢٠ كم/س، فكم كيلومتراً يقطع في $2\frac{1}{4}$ ساعة؟ (الدرس ٦ - ٨)

أوجد ناتج كلّ ممّا يأتي في أبسط صورة: (الدرس ٦ - ٨)

٣٢ $5\frac{1}{3} \times 1\frac{1}{8}$

٣١ $\frac{2}{7} \times 2\frac{5}{8}$

٣٠ $1\frac{3}{4} \times \frac{4}{5}$



اختبار الفصل

١٤ **اختيار من متعدد:** لدى عائشة ٣ كجم أرز،

استعملت منها $1\frac{1}{4}$ كجم. فكم بقي لديها؟

(أ) $2\frac{3}{4}$ كجم (ب) $1\frac{3}{4}$ كجم

(ج) $1\frac{1}{4}$ كجم (د) $\frac{3}{4}$ كجم

قدّر ناتج كل مما يأتي:

١٦ $5\frac{1}{9} \times 3\frac{2}{3}$

١٥ $22 \times \frac{1}{3}$

١٨ $8\frac{1}{7} \times 6\frac{4}{5}$

١٧ $39 \times \frac{7}{8}$

أوجد ناتج الضرب، ثم اكتبه في أبسط صورة:

٢٠ $5\frac{1}{3} \times 7\frac{7}{8}$

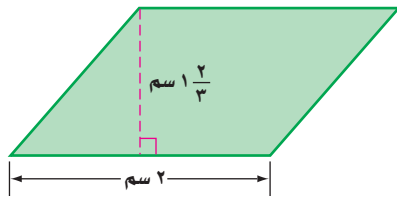
١٩ $\frac{2}{9} \times \frac{3}{5}$

٢١ **مساحة:** تُستعمل الصيغة $م = ق \times ط$ لإيجاد

مساحة متوازي الأضلاع، حيث تمثل ق طول

القاعدة، و ع الارتفاع. أوجد مساحة متوازي

الأضلاع المرسوم أدناه.



أوجد ناتج القسمة في كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

٢٢ $\frac{3}{4} \div \frac{1}{8}$

٢٣ $4 \div \frac{2}{5}$

٢٤ $1\frac{1}{3} \div 5\frac{3}{4}$

٢٥ **الجبر:** إذا كانت $س = 7\frac{2}{3}$ ، $ص = 1\frac{4}{5}$ ، فأوجد

قيمة $س \div ص$ ، ثم اكتب الناتج في أبسط صورة.

قرب الأعداد الكسرية التالية إلى أقرب نصف:

١ $\frac{7}{8}$ ٢ $1\frac{10}{18}$ ٣ $11\frac{1}{17}$

٤ **سباق تتابع:** يريد مدرب سباق تتابع اختيار

٣ من ٤ لاعبين. فما عدد الطرق التي يمكنه

اختيار الفريق بها؟ استعمل خطة تمثيل المسألة.

٥ **اختيار من متعدد:**

الجدول المجاور يوضح

كمية المطر الساقطة على

إحدى المناطق في

ثلاثة أيام متتالية. أوجد

مجموع كميات الأمطار في الأيام الثلاثة.

(ج) $3\frac{3}{16}$ سم

(أ) $2\frac{3}{16}$ سم

(د) $3\frac{5}{16}$ سم

(ب) $2\frac{5}{16}$ سم

أوجد ناتج الجمع أو الطرح في كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

٧ $\frac{3}{8} - \frac{11}{12}$

٦ $\frac{5}{9} + \frac{2}{9}$

٩ $\frac{3}{16} - \frac{17}{24}$

٨ $\frac{2}{4} + \frac{2}{5}$

١٠ **حفل:** بعد انتهاء حفل، تبقى $\frac{1}{4}$ كعكة، و $\frac{1}{3}$ كعكة

أخرى ماثلة. ما الكسر الدال على ما تبقى من

الكعكتين؟

أوجد ناتج الجمع أو الطرح في كل مما يأتي في أبسط صورة:

١١ $4\frac{2}{5} + 2\frac{1}{5}$

١٢ $4\frac{1}{3} - 6\frac{5}{8}$

١٣ $7\frac{3}{5} - 11\frac{1}{3}$



الاختبار التراكمي (٦)

القسم ١ الاختيار من متعدد

اختر الإجابة الصحيحة:

١ يحتاج محمود لإحاطة ثلاث صورٍ مختلفةٍ بأطُرٍ إلى $٣\frac{1}{4}$ م خشبًا للإطارِ الأول، و $١\frac{2}{3}$ م للإطارِ الثاني، و $٢\frac{1}{4}$ م للإطارِ الثالث. فما طولُ الخشبِ المطلوبِ لجميعِ هذه الأطُرِ؟

(أ) $٦\frac{3}{4}$ م (ب) $٧\frac{5}{12}$ م

(ج) $٨\frac{1}{3}$ م (د) $٧\frac{7}{8}$ م

٢ نحتاج لتزيين صندوق هديةٍ إلى شريطين ملوَّنين طولُهما: $\frac{5}{8}$ م، و $\frac{1}{4}$ م. فأَيُّ الأشكالِ الآتيةِ يمثلُ تظليلها الكسرَ الدالَّ على مجموعِ ما نحتاجُ إليه من الأشرطةِ الملونةِ؟



٣ لعمل ٤ عبواتٍ من المثلجات نحتاجُ إلى $٧\frac{2}{5}$ لتراتٍ من الحليب. كم لترًا من الحليب نحتاجُ لعمل عبوةٍ واحدةٍ من المثلجات؟

(أ) $١\frac{17}{20}$ (ب) $٩\frac{3}{5}$

(ج) $\frac{20}{37}$ (د) $٤\frac{2}{5}$

٤ إذا كان نصفُ طلابِ الصفِّ السادسِ يفضِّلونَ الرياضة، وثلاثا هؤلاء مسجِّلين بالنشاط الرياضي، فما الكسرُ الدالُّ على الطلابِ الذين يفضِّلونَ الرياضة وهم مسجِّلون في النشاط الرياضي؟

(أ) $\frac{1}{6}$ (ب) $\frac{1}{3}$
(ج) $\frac{1}{4}$ (د) $\frac{2}{3}$

٥ يمضي أحمدُ $\frac{13}{20}$ ساعة في قراءة القصص يوم الجمعة، ويمضي $\frac{8}{15}$ ساعة في قراءتها يوم السبت. كم يزيد وقتُ قراءته يوم الجمعة عليه في يوم السبت؟

(أ) $\frac{7}{60}$ ساعة

(ب) $\frac{7}{15}$ ساعة

(ج) $\frac{7}{20}$ ساعة

(د) $\frac{7}{12}$ ساعة

٦ أيُّ كسرٍ ممَّا يأتي عندَ قسمته على $\frac{1}{3}$ يكونُ الناتجُ أقلَّ من $\frac{1}{3}$ ؟

(أ) $\frac{1}{6}$ (ب) $\frac{1}{8}$
(ج) $\frac{1}{9}$ (د) $\frac{1}{12}$

(ج) $\frac{1}{9}$ (د) $\frac{1}{12}$

٧ قرِّب الكسرَ $\frac{8}{9}$ إلى أقرب نصفٍ.

(أ) صفر (ب) $\frac{1}{4}$
(ج) ١ (د) $\frac{1}{9}$

(ب) $\frac{1}{4}$ (د) $\frac{1}{9}$

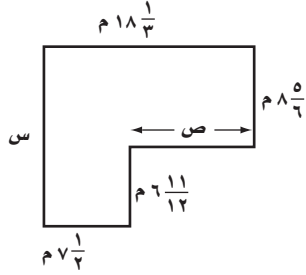


١٢ المسافةُ بينَ بيتِ سعيدٍ والمدرسةِ تساوي $\frac{1}{3}$ مرةً المسافةُ بينَ بيتِ إسماعيلَ والمدرسةِ. فإذا كانت المسافةُ بينَ بيتِ إسماعيلَ والمدرسةِ $\frac{1}{3}$ كلم، فما المسافةُ بينَ بيتِ سعيدٍ والمدرسةِ؟

القسم ٣ الإجابة المطولة

أجب عن السؤال الآتي، موضِّحًا خطوات الحل:

١٣ يوضِّح الشكل الآتي أبعاد حديقة منزل بالأمتار:



(أ) أوجد قيمة س في أبسط صورة.

(ب) أوجد قيمة ص في أبسط صورة.

(ج) إذا أردنا إحاطة الحديقة بسيّاح، فأوجد طول السيّاح في أبسط صورة.



أَتَدْرِبُ

من خلال الإجابة عن الأسئلة؛ حتى أعزز ما تعلمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

التعليم

أنا طالبٌ معدٌّ للحياة، ومنافسٌ عالمياً.

٨ إذا كانت س = $\frac{2}{5}$ ، ص = $\frac{1}{3}$ ، فما قيمة س - ص؟

(أ) $\frac{1}{6}$

(ب) $\frac{1}{5}$

(ج) $\frac{1}{15}$

(د) $\frac{2}{15}$

٩ مقلوب الكسر $\frac{3}{5}$ هو:

(أ) $\frac{1}{5}$

(ب) $\frac{2}{5}$

(ج) $\frac{3}{5}$

(د) $\frac{5}{3}$

١٠ كم متراً يزيد شريط طوله $\frac{17}{4}$ متر على شريطٍ آخر

طوله $\frac{13}{4}$ متر؟

(أ) $\frac{1}{5}$ متر

(ب) $\frac{2}{5}$ متر

(ج) $\frac{1}{4}$ متر

(د) $\frac{1}{3}$ متر

القسم ٢ الإجابة القصيرة

أجب عن كل من السؤالين الآتيين:

١١ أوجد ناتج $\frac{1}{4} \times \frac{1}{3} \times \frac{3}{4}$

للمساعدة

إذا لم تجب عن السؤال

راجع الدرس

١٣	١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٥-٦	٨-٦	٧-٦	٣-٦	٩-٦	٤-٦	١-٦	٩-٦	٤-٦	٧-٦	١٠-٦	٤-٦	٥-٦

وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

الفصل ٦ : الاختبار التراكمي (٦) ٦٥

النسبة والتناسب

الفكرة العامة

- أحل مسائل باستعمال النسب والمعدلات.
- أكتب عبارات ومعادلات رياضية.

المفردات:

النسبة ص (٦٨)

المعدل ص (٦٩)

الكميات المتناسبة ص (٨٠)

التناسب ص (٨١)

الربط بالحياة:

مشروع البحر الأحمر: يعد مشروع البحر الأحمر مشروع السياحة المتعددة الأكثر طموحاً في العالم، حيث يضم أرخبيلاً يحتوي على أكثر من ٩٠ جزيرة بكر، بالإضافة إلى طبيعة خلابة، وجبال وأخاديد، وسيعمل المشروع على تعزيز الحماية البيئية لحوالي ٧٥٪ من الجزر، وتخصيص ٩ منها كمحميات طبيعية. وسيوفر مجموعة من التجارب الحصرية والفريدة للسياح القادمين من مختلف أنحاء العالم.

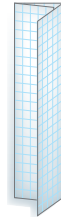
المطويات

مُنظّم أفكار

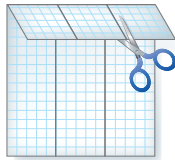
النسبة والتناسب: اعمل هذه المطوية، لتساعدك على تنظيم ملاحظتك.

ابدأ بورقة مربعة كما يأتي:

١ اطو الورقة طولياً ثلاثة أجزاء.



٢ افتح الورقة طولياً، ثم اطو ربعها بشكلٍ عرضيٍّ إلى أسفل. ثم قصّ حتى حافة الطي العرضية لتشكّل ثلاثة أشرطة كما في الشكل.



٣ افتح الأشرطة، وكتب على الأجزاء العناوين التي تظهر في الشكل.



٤ أعد طي الأشرطة وعنونها كما في الشكل.

النسبة	التناسب	حل التناسبات
أمثلة	أمثلة	أمثلة



التهيئة

أجب عن الاختبار الآتي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار

مراجعة للسرعة

اختبار للسرعة

مثال ١:

اكتب $\frac{40}{64}$ في أبسط صورة.

$$\frac{40}{64} = \frac{5}{8}$$

اقسم كلا من البسط والمقام على (ق.م.أ) وهو ٨

بما أن القاسم المشترك الأكبر للعددين ٨، ٥ يساوي ١، فإن الكسر $\frac{5}{8}$ في أبسط صورة.

اكتب كل كسر فيما يأتي في أبسط صورة: (مهارة سابقة)

$$\frac{7}{28} \quad 2 \quad \frac{32}{48} \quad 1$$

$$\frac{30}{35} \quad 4 \quad \frac{15}{25} \quad 3$$

$$\frac{24}{32} \quad 6 \quad \frac{21}{49} \quad 5$$

٧ رحلات: قطعت طائرة ٢٦٠٠ كيلومتر من رحلة يبلغ طولها ٥٠٠٠ كيلومتر، ما الكسر الذي يعبر عن المسافة المقطوعة من الرحلة في أبسط صورة؟

مثال ٢:

حل المعادلة $١٤ع = ٨٤$ ذهنيًا.

$$١٤ع = ٨٤ \quad \text{فكّر: ما العدد الذي إذا ضرب في ١٤ يكون الناتج ٨٤؟}$$

$$١٤ \times ٦ = ٨٤$$

$$٨٤ = ٨٤$$

الحل هو ٦

حلّ كلاً من المعادلات الآتية: (مهارة سابقة)

$$٤٠ = ٥س \quad 9 \quad ٤٨ = ١٦م \quad 8$$

$$١٥ = ٣ن \quad 11 \quad ١٥٠ = ١٥هـ \quad 10$$

$$٧٢ = ١٢ل \quad 13 \quad ٥٦ = ٧ص \quad 12$$

$$٩٠ = ١٠ك \quad 15 \quad ٩٦ = ٨م \quad 14$$

$$٣٩ = ١٣ص \quad 17 \quad ٤٤ = ١١س \quad 16$$

مثال ٣:

اكتب القيم الثلاث الآتية في النمط:

٥، ١٦، ٢٧، ٣٨، ...

$$11+ \quad 11+ \quad 11+$$

لاحظ أن القيم في النمط تزداد بمقدار ١١ في كل مرة؛ لذا فإن القيم الثلاث الآتية هي ٧١، ٦٠، ٤٩

اكتب القيم الثلاث الآتية في كل من النمطين الآتيين: (مهارة سابقة)

١٨ ٤، ٧، ١٠، ١٣، ...

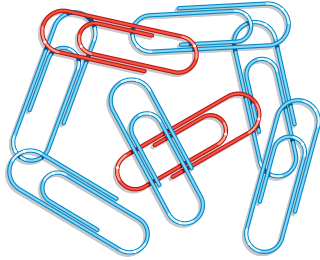
١٩ ٨، ١، ٤، ٢، ٠، ٣، ٦، ٣، ...



النسبة والمعدل

٧ - ١

نشاط



انظر إلى مشابك الورق في الصورة المجاورة:

١ قارن بين عدد المشابك الزرقاء وعدد المشابك الحمراء باستعمال كلمة "أكبر"، ثم باستعمال كلمة "أمثال".

٢ قارن بين عدد المشابك الحمراء وعدد المشابك الزرقاء باستعمال كلمة "أصغر"، ثم باستعمال كسر.

فكرة الدرس:

أعبر عن النسب والمعدلات بصورة كسرية.

المفردات

النسبة

المعدل

معدل الوحدة

هناك عدة طرق مختلفة للمقارنة بين المقادير أو الكميات. وإحدى هذه الطرق هي **النسبة**، وهي عبارة عن المقارنة بين كميتين باستعمال القسمة. ويمكن أن تُكتب نسبة مشبكين أحمرين إلى ٦ مشابك زرقاء بثلاث طرق، على النحو الآتي:

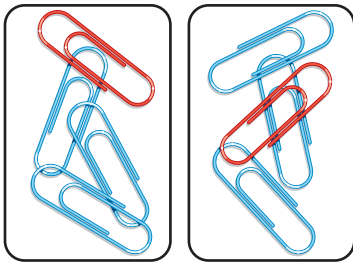
$$٢ \text{ إلى } ٦ \text{ أو } ٢:٦ \text{ أو } \frac{٢}{٦}$$

وتُكتب النسب غالباً في أبسط صورة كما في الكسور.

كتابة النسبة في أبسط صورة

مثال

١ اكتب النسبة التي تقارن بين عدد المشابك الحمراء إلى عدد المشابك الزرقاء في النشاط السابق في أبسط صورة، ثم اشرح معناها.



القاسم المشترك الأكبر للعددين ٢ و ٦ هو ٢.

$$\frac{٢}{٦} = \frac{١}{٣}$$

عدد المشابك الحمراء ← ٢
عدد المشابك الزرقاء ← ٦

نسبة عدد المشابك الحمراء إلى عدد المشابك الزرقاء هي: $\frac{١}{٣}$ ، أو ١ إلى ٣، أو ١:٣، وهذا يعني أن لكل مشبك أحمر ٣ مشابك زرقاء.

تحقق من فهمك:

أ) اكتب النسبة التي تقارن بين عدد ملصقات الشمس إلى عدد ملصقات الأقمار في أبسط صورة، ثم اشرح معناها.

كما يمكن استعمال النسب لمقارنة الجزء بالكل.

مثال استعمال النسب لمقارنة الأجزاء بالكل

الفاكهة المفضلة	
نوع الفاكهة	عدد الطلاب
برتقال	٩
موز	٨
تفاح	٣
عنب	١

دراسات مسحية: الجدول المجاور يمثل

أنواع الفاكهة المفضلة لدى عدد من الطلاب. اكتب النسبة التي تقارن بين عدد الطلاب الذين فضّلوا التفاح إلى إجمالي عدد الطلاب.

فضّل التفاح ٣ طلاب من إجمالي عدد الطلاب الذي يساوي $21 = 1 + 3 + 8 + 9$

عدد الطلاب الذين فضّلوا التفاح ← $\frac{3}{21} = \frac{1}{7}$ ← إجمالي عدد الطلاب

القاسم المشترك الأكبر للعددين ٣ و ٢١ هو ٣

فتكون نسبة عدد الطلاب الذين فضّلوا التفاح إلى إجمالي عدد الطلاب هي: $\frac{1}{7}$ ، أو ١ إلى ٧، أو ٧:١، ويدلّنا تحليل النسبة على أن طالباً واحداً من بين كل سبعة طلاب يفصّل التفاح.

تحقق من فهمك:

نوع الطائر	العدد المبيع
ببيل	١٠
حسون	٩
حمام	٨
صقر	٧
نورس	٢

(ب) **طيور:** الجدول المجاور يوضّح عدد الطيور المبّعة خلال أسبوع في أحد محلات بيع الطيور. ما نسبة عدد الحمام المبّيع إلى العدد الكلي للطيور المبّعة؟ ثم اشرح معناها.

المعدل هو نسبة تقارن بين كميتين بوحدتين مختلفتين.



١٠ ريال سعودي لكل ٢ دينار أردني. ١٨٠ كيلومتراً في ٣ ساعات.

وعند تبسيط المعدل، بحيث يصبح مقامه مساوياً ١، فإنه يُسمّى **معدل الوحدة**.

يبين النموذج المجاور أن عدد الريالات السعودية مقسوماً على عدد الدينار الأردني هو عدد الريالات السعودية لكل دينار أردني.



ويمكن أن يُقرأ معدل الوحدة « ٥ ريال سعودي لكل ١ دينار أردني »، ويمكن أن يُقرأ: ٥ ريال سعودي لكل دينار أردني.

إرشادات للدراسة

معدلات الوحدة من معدلات الوحدة المعروفة: كيلومتر في الساعة، كيلومتر في المتر، ريال في الساعة.



$$\frac{١٠ \text{ ريالاً سعودية}}{٢ \text{ دينار أردني}} = \frac{٥ \text{ ريالاً سعودية}}{١ \text{ دينار أردني}}$$

عندما يُكتب معدّل الوحدة في صورة كسرٍ، فإنّ مقامه يكون ١، ولكتابة المعدل في صورة معدّل الوحدة، اقسّم كلّاً من بسط المعدل ومقامه على مقامه. ويمكن أن يُسمّى معدّل الوحدة أيضاً معدّل التغيّر.

مثال إيجاد معدّل الوحدة

حشرة اليعسوب: استعمل المعلومات المُعطاة في الهامش؛ لتجد كم

$$\frac{٢٣٢ \text{ كيلومتراً}}{٤ \text{ ساعات}} = \frac{٥٨ \text{ كيلومتراً}}{١ \text{ ساعة}}$$

كيلومتراً تطيرُ حشرة اليعسوب الأسترالية في الساعة.

اكتب المعدل الذي يقارن بين عدد الكيلومترات إلى عدد الساعات، ثم اقسّم لإيجاد معدّل الوحدة. إذن تطيرُ هذه الحشرة مسافة ٥٨ كيلومتراً في الساعة.

تحقق من فهمك:

(ج) **نزهة بحرية:** استأجر ٥ أشخاص قارباً بحرياً بمبلغ ٤٠٠ ريال، إذا تقاسموا هذا المبلغ بالتساوي بينهم، فكم يدفع كلُّ منهم؟



الربط بالحياة: أسرع حشرة في العالم هي حشرة اليعسوب الأسترالية التي تطير مسافة ٢٣٢ كيلومتراً في ٤ ساعات.

تأكد

في الأسئلة ١ - ٣، اكتب كلّ نسبة على شكل كسر في أبسط صورة، ثم اشرح معناها:



الريالات: أنصاف الريالات



أقلام الحبر إلى أقلام الرصاص

٣ طيور: لدى أحمد ٨ دجاجات و ١٢ حمامة. فما نسبة عدد الحمام إلى عدد الدجاج؟

٤ فواكه: أكل محمود في الأسبوع الماضي ٩ تفاحات، و ٥ موزات، و ٤ رمانات، و ٧ برتقالات. أوجد نسبة عدد الموزات إلى العدد الكلي للفواكه التي أكلها محمود الأسبوع الماضي، ثم اشرح معناها.

اكتب كلّ معدّل ممّا يأتي في صورة معدّل وحدة:

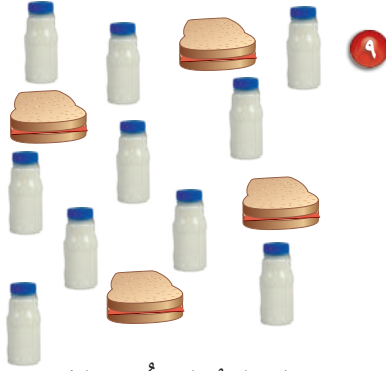
٥ ٩ ريالاً لثلاث كعكات. **٦** ٢٥ متراً في ثانيتين.

٧ صحة: يدق قلب سميرة ٤١٠ مرات في ٥ دقائق. فكم مرة يدق قلبها في الدقيقة الواحدة بهذا المعدل؟

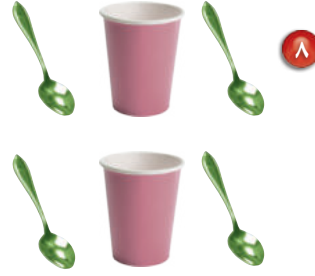


تدرّب وحلّ المسائل

في الأسئلة ٨ - ١٢، اكتب كل نسبة على شكل كسر في أبسط صورة، ثم اشرح معناها:



الشطائر إلى علب الحليب



الملاعق: الأكواب

ارشادات للتمارين

التمرين	انظر الأمثلة
١٢-٨	١
١٥-١٣	٢
٢١-١٦	٣

١٠ مناسبة: في إحدى المناسبات كان في مجلس أبي ماجد ٦ أولاد و ١٥ رجلاً. ما نسبة عدد الأولاد إلى عدد الرجال؟

١١ مجوهرات: عرض ٢٥ خاتمًا، و ١٥ سلسلة ذهبية في محل بيع المجوهرات. ما نسبة عدد السلاسل الذهبية إلى عدد الخواتم؟

١٢ طيور: يوجد في محل بيع الطيور ٣٦ بلبلًا و ١٢ حمامة، فما نسبة عدد الحمام إلى عدد البلابل؟

١٤ تحليل جداول: الجدول أدناه يبيّن

ألوان السيارات في معرض وأعدادها. أوجد نسبة عدد السيارات السوداء إلى العدد الكلي للسيارات، ثم اشرح معناها.

اللون	عدد السيارات
أبيض	٥
فضي	٦
أزرق	٣
أسود	٤

١٣ تحليل جداول: الجدول أدناه

يبيّن أنواع القصص الموجودة في مكتبة مها وأعداد كل منها. أوجد نسبة عدد القصص الدينية إلى العدد الكلي للقصص، ثم اشرح معناها.

النوع	عدد القصص
دينية	١٠
تاريخية	٧
علمية	٥
جغرافية	٢

١٥ ملابس: لدى سعد ٦ أثواب، و ٥ جوارب، و ٣ غتر، و حذاء واحد. أوجد نسبة عدد الغتر إلى العدد الكلي من الملابس لديه، ثم اشرح معناها.

اكتب كل معدل مما يأتي في صورة معدل وحدة:

١٧ ٣٦ ريالاً لأربعة تذاكر.

١٦ ١٨٠ كلمة في ٣ دقائق.

١٩ ٦ ريالاً لـ ١٢ بيضة.

١٨ ٤ ريالاً لثمانية زجاجات ماء.

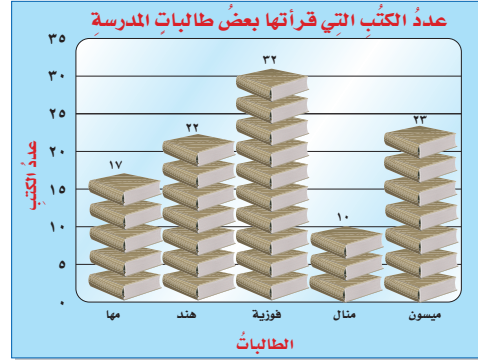
٢٠ إعادة التدوير: إذا كان تدوير ٢٠ طنًا من الورق يسهم في الحفاظ على ٣٤٠ شجرة من القطع، فكم شجرة يمكن الحفاظ عليها عند تدوير طن واحد من الورق؟



الربط بالحياة:

يُصنع الورق من لحاء الأشجار، ولذلك يتم الحث على عدم الإسراف في استعمال الورق؛ حفاظًا على الأشجار؛ لما لها من أثر بيئي.

- ٢١ **أدوات ترشيد المياه:** إذا علمت أن مرشداً دش الاستحمام يوفر حوالي ١٥٠ لتراً من الماء خلال مدة استحمام قدرها ربع ساعة، فكيف لتراً يوفر في الدقيقة الواحدة؟
- تحليل الأشكال:** لحل السؤالين ٢٢، ٢٣، استعمل الشكل أدناه. واكتب كل نسبة في أبسط صورة، ثم اشرح معناها.



- ٢٢ اكتب النسبة التي تقارن بين عدد الكتب التي قرأتها منال إلى عدد الكتب التي قرأتها هند.
- ٢٣ اكتب النسبة التي تقارن عدد الكتب التي قرأتها ميسون إلى عدد الكتب التي قرأتها مها.
- ٢٤ **تبرعات:** تبرع ٢٤ طالباً من الصف الخامس بـ ١٤٤ ريالاً لمساعدة الطلاب المحتاجين، بينما تبرع ٢٨ طالباً من الصف السادس بـ ١٩٦ ريالاً، فأيهما كان معدل تبرعه أكثر؟ طالب الصف الخامس، أم طالب الصف السادس؟ فسر إجابتك.
- ٢٥ **صناديق:** يبلغ ثمن صندوق يحتوي على ٦ عبوات مياه معدنية ١٢ ريالاً، وثمان صندوق يحتوي على ٢٤ عبوة من النوع نفسه ٤٠ ريالاً. أي الصندوقين ثمن العبوة الواحدة فيه أقل؟ فسر إجابتك.

- ٢٦ **مسألة مفتوحة:** ارسم ٣ أشكال مختلفة تضم دوائر ومثلثات، على أن تكون نسبة عدد الدوائر إلى عدد المثلثات في كل شكل منها ٣:٢
- ٢٧ **تحذ:** قطع أحمد بسيارته ٢٥ كيلومتراً في ١٥ دقيقة. فكيف كيلومتراً يقطع في الساعة الواحدة بحسب هذا المعدل؟
- ٢٨ **اكتشف الخطأ:** أوجد طارق وعمر معدل الوحدة لـ ١٠٨ ريالاً في ٦ أسابيع. فأيهما كانت إجابته صحيحة؟ وضح إجابتك.



عبر

$$\frac{١٠٨ \text{ ريالاً}}{٦ \text{ أسابيع}} = \frac{٥٤ \text{ ريالاً}}{٣ \text{ أسابيع}}$$

$$\frac{١٠٨ \text{ ريالاً}}{٦ \text{ أسابيع}} = \frac{١٨ \text{ ريالاً}}{١ \text{ أسبوع}}$$



طارق

- ٢٩ **الكتب:** ما الفرق بين النسبة والمعدل؟ أعط مثالين على كل منهما.

مسائل مهارات التفكير العليا

٣١ يبين الجدول أدناه أعداد الفئات العمرية التي حضرت إلى بيت فيصل في عيد الفطر هذا العام. أي نسبة مما يأتي تقارن عدد الفئة العمرية (١٥-٤٠) سنة إلى مجموع الحضور؟

العدد	الفئة العمرية
١١	أقل من ١٥ سنة
٦	سنة (١٥ - ٤٠)
٣	سنة (٤١ - ٦٥)
٢	أكبر من ٦٥ سنة

- (أ) ٢:١ (ب) ٢٢:٣
(ج) ١١:١ (د) ١١:٣

٣٠ يستغرق مشعل ٢٥ دقيقة في حل واجب الرياضيات، و٣٥ دقيقة في حل واجب العلوم، فما نسبة وقت حل واجب الرياضيات إلى وقت حل واجب العلوم؟

- (أ) ٢ إلى ٣
(ب) ٥ إلى ٧
(ج) ٤ إلى ٥
(د) ١ إلى ٧

مراجعة تراكمية

أوجد ناتج قسمة كل مما يأتي في أبسط صورة: (مهارة سابقة)

$$\frac{1}{6} \div \frac{1}{8} \quad ٣٣ \quad \frac{6}{7} \div \frac{3}{4} \quad ٣٦$$

$$2 \frac{1}{2} \div 5 \frac{5}{8} \quad ٣٥ \quad 1 \frac{2}{3} \div 3 \frac{8}{9} \quad ٣٤$$

٣٣ حلوى: لعمل قالب حلوى تحتاج أريج إلى $\frac{1}{4}$ أكواب من الدقيق و $\frac{1}{2}$ أكواب من الحليب و $\frac{2}{3}$ كوب من عصير البرتقال، فكم عدد الأكواب التي تحتاجها أريج؟ (مهارة سابقة)

٣٧ قطار: يسير أسرع قطار في فرنسا بسرعة ٥١٢ كلم/س، كم سيقطع هذا القطار في $\frac{1}{3}$ ساعة؟ (مهارة سابقة)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب كل كسر فيما يأتي في أبسط صورة: (مهارة سابقة)

$$\frac{25}{35} \quad ٤١ \quad \frac{3}{12} \quad ٤٠ \quad \frac{15}{18} \quad ٣٩ \quad \frac{6}{9} \quad ٣٨$$



الطريقة الثانية

ضرب كل كمية في العدد نفسه

بما أن $5 = 5 \times 1$ ، لذا
اضرب كل كمية في العدد 5

5	1	أكواب الحليب
30	6	نقط سائل الشوكولاتة

إذن أضف 30 نقطة من سائل الشوكولاتة للحصول على 5 أكواب من الحليب بمذاق الشوكولاتة.

اختر طريقتك:

4	1	السوائل (لتر)
8	8	الزمن (ساعات)

(أ) **تمريض:** يأخذ مريض لترًا من السوائل كل 8 ساعات. استعمل جدول النسبة لإيجاد عدد الساعات التي يحتاج إليها المريض لأخذ 4 لترات من السوائل بهذا المعدل.

ويمكنك أيضًا قسمة كل حد من حدود النسبة على العدد نفسه؛ للتوصل إلى نسبة مكافئة لها وبكميات أصغر.

نسب مكافئة بكميات أصغر

مثال

54	12	المسافة (كلم)
2	2	الزمن (دقائق)

(2) **سباق:** قطعت سيارة سباق مسافة

54 كيلومترًا في 12 دقيقة. فإذا

كانت السيارة تسير بمعدل ثابت، فاستعمل

جدول النسبة لتحديد عدد الكيلومترات التي تقطعها كل دقيقتين.

$$\begin{array}{c} \swarrow \searrow \\ 54 \div 3 = 18 \\ 12 \div 3 = 4 \end{array}$$

اقسم كل كمية على القاسم المشترك؛
لتحصل على العدد المقابل لدقيقتين.

9	27	54	المسافة (كلم)
2	6	12	الزمن (دقائق)

$$\begin{array}{c} \swarrow \searrow \\ 18 \div 2 = 9 \\ 4 \div 2 = 2 \end{array}$$

إذن تقطع السيارة 9 كيلومترات كل دقيقتين.

تحقق من فهمك:

12	16	سكر (كوب)
4	4	توت (كوب)

(ب) **مرابي:** يُضاف 12 كوبًا من السكر

لكل 16 كوبًا من التوت لصناعة مرابي

التوت. استعمل جدول النسبة لتجد كمية السكر التي تُضاف إلى 4 أكواب من التوت لصنع المرابي.

وتحتاج أحيانًا إلى استعمال القسمة والضرب معًا؛ لإيجاد نسبة مكافئة، فتقسم حدود النسبة للحصول على كميات أصغر، ثم تضربها للحصول على كميات أكبر.

إرشادات للدراسة

تحقق من دقة الحل:

تحقق من إجابتك للمثال 1 من خلال ملاحظة ما إذا كانت النسبة بين الكهيتين الجديتين مكافئة للنسبة بين الكهيات الأصلية أم لا.
 $\checkmark \frac{1}{6} = \frac{5 \div 5}{5 \div 30} = \frac{5}{30}$

استعمالُ القسمةِ والضربِ معاً

مثال

١٥		١٠	علبُ بسكويتٍ
■		٤٠	الثمنُ (رُك)

٣ **متاجرٌ: تُباعُ كلُّ ١٠ علبِ بسكويتٍ في أحدِ المتاجرِ بـ ٤٠ ريالاً، استعملْ جدولَ النسبةِ لإيجادِ ثمنِ ١٥ علباً.**

ليسَ هناكُ عددٌ صحيحٌ يمكنُ ضربُه في العددِ ١٠ لتحصلَ على ١٥؛ لذا استعملِ القسمةَ ثمَّ الضربَ لتحصلَ على العددِ ١٥

$$\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$$

$$3 \times \quad 2 \div \quad \backslash$$

١٥	٥	١٠	علبُ البسكويتِ
٦٠	٢٠	٤٠	الثمنُ (رُك)

اقسمْ كلَّ كميةٍ على القاسمِ المشتركِ وهو ٢، وبما أنَّ $١٥ = ٣ \times ٥$ ، فاضربْ كلَّ كميةٍ في العددِ ٣

$$\uparrow \quad \uparrow \quad \uparrow$$

$$3 \times \quad 2 \div \quad /$$

إذن ثمنُ ١٥ علباً من البسكويتِ يُساوي ٦٠ ريالاً.

تحقق من فهمك:

١٠٥		٢٥	الطولُ (سم)
■		١٠	الطولُ (بوصة)

٤ **ج) أطوالٌ: يبلغُ طولُ طفلٍ ١٠٥ سنتيمتراتٍ. فإذا علمتَ أن كلَّ ٢٥ سنتيمتراً تساوي ١٠ بوصاتٍ تقريباً، فاستعملْ جدولَ النسبةِ لتقديرِ طولِ الطفلِ بالبوصاتِ.**

استعمالُ جدولِ النسبةِ

مثال من واقع الحياة

٤ **نقودٌ: إذا كان كلُّ ٢٠ ريالاً سعودياً يساوي دينارين بحرينيين، فاستعملْ جدولَ النسبةِ لإيجادِ عددِ الدينارينِ التي ستحصلُ عليها مقابل ٥٠ ريالاً؟**
ارسم جدولَ النسبةِ.

سمِّ الصفوفَ بالشئَيْنِ اللذينِ توذَّ مقارنتَهُما، ثمَّ املاهُ المطلوبَ

■		٢	دينارٌ بحرينيٌّ
٥٠		٢٠	ريالٌ سعوديٌّ

استعملِ القسمةَ والضربَ لإيجادِ الكميةِ المطلوبةِ.

$$\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$$

$$5 \times \quad 2 \div \quad \backslash$$

اقسمْ كلَّ مقدارٍ على العاملِ المشتركِ ٢. وبما أنَّ $٥٠ = ٥ \times ١٠$ ، فاضربْ كلَّ مقدارٍ في العددِ ٥

٥	١	٢	دينارٌ بحرينيٌّ
٥٠	١٠	٢٠	ريالٌ سعوديٌّ

$$\uparrow \quad \uparrow \quad \uparrow$$

$$5 \times \quad 2 \div \quad /$$

إذن ٥٠ ريالاً سعودياً تُساوي ٥ دنانيرَ بحرينيةً.

تحقق من فهمك:

٤ **د) وقودٌ: تقطعُ سيارةُ عبدِ المجيدِ مسافةَ ٧٠٠ كيلومترٍ مستهلكةً ٧٠ لترًا من الوقودِ. استعملْ جدولَ النسبةِ لإيجادِ المسافةِ التي تقطعُها السيارةُ إذا استهلكَتْ ١٠ لتراتٍ وقودٍ.**





استعمل جداول النسب المُعطاة لحلّ المسائل ١ - ٣:

- ١ المثال ١ **نقود:** يحصل حمدٌ على خصمٍ مقداره ٧ ريالاتٍ كلّ أسبوعٍ مقابل شرائه من أحد المتاجر. فما المبلغ الإجمالي للخصم الذي يأخذه حمدٌ بعد ٤ أسابيع؟

■		٧	الخصم (ريال)
٤		١	عدد الأسابيع

- ٢ المثال ٢ **رياضة:** يقطع عمرٌ ١٢ كيلومترًا بدراجته في ٦٠ دقيقة. فكم دقيقة يحتاج عمرٌ ليقطع كيلومترين وفق المعدل نفسه؟

٢		١٢	مسافة المشي (كلم)
■		٦٠	الزمن (دقيقة)

- ٣ المثال ٣ **عصير:** يحتوي ١٢ كوبًا من العصير على ١٠ ملاعق من السكر. إذا عمل سعدٌ ١٨ كوبًا من العصير، فكم ملعقة من السكر يكون قد استهلك؟

١٨		١٢	عدد أكواب العصير
■		١٠	عدد ملاعق السكر

- ٤ المثال ٤ **شوكولاتة:** إذا كانت كلُّ ٤ علبِ شوكولاتةٍ تحوي ١٦ قطعة، فاستعمل جدول النسبة لتحديد كم قطعة تحوي ١٢ علبة من علبِ الشوكولاتة نفسها.

تدرّب وحلّ المسائل

استعمل جداول النسب المُعطاة لحلّ المسائل ٥ - ١٠:

- ٥ **فطائر:** تحتاج هيفاء إلى كيلوجرامين من التفاح لعمل ١٠ فطائر. فكم كيلوجرامًا من التفاح تحتاج لعمل ٤٠ فطيرة.

٤٠		١٠	عدد الفطائر
■		٢	عدد كيلوجرامات التفاح

- ٦ **رحلات:** يُشترط عند زيارة أحد المصانع مرافقة معلم واحد لكل ١٤ طالبًا، فكم معلمًا يجب أن يرافق ٥٦ طالبًا؟

■		١	عدد المعلمين
٥٦		١٤	عدد الطلاب

- ٧ **نقود:** حوّل هشامٌ لدى زيارته للبحرين مبلغ ٣٦٠ ريالًا سعوديًّا إلى ٣٦ دينارًا بحرينيًّا. وعندما عاد إلى السعودية بقي معه ٣ دنانير بحرينية. فإذا أراد إعادة تحويلها إلى ريالاتٍ سعودية، فكم ريالًا تساوي؟

■		٣٦٠	ريال سعودي
٣		٣٦	دينار بحريني

ارشادات للتمارين

التمرين	انظر الأمثلة
١	٦،٥
٢	٨،٧
٣	١٠،٩
٤	١٢،١١



- ٨ **زينة:** اشترت نورة ٢٠٠ خرزة بمبلغ ٤٨ ريالاً لصنع عقد. فإذا احتاجت بعد ذلك إلى ٢٥ خرزة إضافية، فكم ستدفع ثمناً لها وفق المعدل السابق نفسه؟

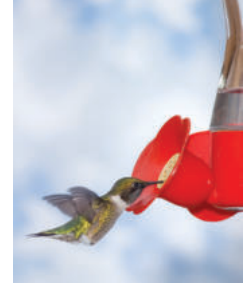
عدد الخرزات	٢٠٠	٢٥
التكلفة (ي.ل.)	٤٨	■

- ٩ **نسيج:** تحتاج سيدة إلى أربع كرات من الصوف لصنع ٨ قبعات، فكم كرة من الصوف تحتاج لصنع ٦ قبعات؟

كرات الصوف	٤	■
عدد القبعات	٨	٦

- ١٠ **طيور:** إذا علمت أن ٤٨ جراماً من شراب السكر تكفي لإطعام ٨ طيور طنانة في اليوم، وكان لديك ٣٦ جراماً من شراب السكر، فكم طائراً تكفي هذه الكمية؟

شراب السكر (جرام)	٤٨	٣٦
عدد طيور الطنان	٨	■



- ١١ **درجات:** قطع خالد ١٩٠ كيلومتراً في ٤ أيام على دراجة هوائية، فإذا أكمل الرحلة بالمعدل نفسه، فكم كيلومتراً يقطع في ٦ أيام؟



- ١٢ **تصوير:** تبقى النسبة بين طول الصورة إلى عرضها ثابتة عند تكبيرها أو تصغيرها. وأراد طارق أن يكبر صورة قياسها ٤ سم في ٦ سم إلى صورة طولها ١٥ سم. استعمل جدول النسبة لتحديد عرض الصورة الجديدة.

- ١٣ **رحلات:** في عام ٢٠١٨م، كان معدل عدد رحلات الطائرات في مطار الملك خالد ٧٢ رحلة كل ٣ ساعات، فما عدد الرحلات في اليوم الواحد وفق المعدل نفسه؟

عدد الطاولات	٣	٥	٨	١٣
عدد الأشخاص	١٢	٢٠	٣٢	■

- ١٤ **تحد:** استعمل جدول النسبة المجاور لتحدد عدد الأشخاص الجالسين على ١٣ طاولة. ثم فسّر إجابتك.

- ١٥ **الحس العددي:** تتكوّن عائلة سامي من ٥ بنات و ٤ أولاد، على حين تزيد عائلة ماجد على عائلة سامي بـ ٥ بنات، و ٥ أولاد. فهل نسبة عدد البنات إلى عدد الأولاد في كلتا العائلتين متساوية؟

الصفحات المقروءة	٦٠	٨٠
عدد الأيام	٩	■

- ١٦ **الكتب:** شرحاً لطريقتين مختلفتين تستطيع استعمالهما لإيجاد القيم المجهولة في جدول النسبة المجاور.

مسائل مهارات التفكير العليا

١٨ تبين القائمة أدناه المواد اللازمة لعمل ٢٠ حبة بسكويت.

كوب من دقيق القمح	٢
ملاعق من مسحوق الخبز	٤
ملعقة ملح	$\frac{1}{4}$
كوب حليب	١
بيضة	١

كم كوباً من دقيق القمح يلزم لعمل ٣٠ حبة بسكويت مماثلة؟

(أ) $\frac{1}{4}$ كوب (ب) ١٠ أكواب

(ج) ٣ أكواب (د) ١٥ كوباً

١٧ إذا كانت كتلة كل ٤ خراف في مزرعة ٦٠ كيلوجراماً. فما كتلة ٣ خراف من هذه المزرعة؟

(أ) ١٥ كيلوجراماً

(ب) ٣٠ كيلوجراماً

(ج) ٤٥ كيلوجراماً

(د) ٤٨ كيلوجراماً

مراجعة تراكمية

١٩ كرة قدم: سجّل لاعب كرة قدم ٣ أهداف في ٩ مباريات. اكتب الكسر الدال على نسبة الأهداف التي سجّلها اللاعب في المباريات التسع في أبسط صورة. (مهارة سابقة)

أوجد ناتج قسمة كل مما يأتي في أبسط صورة: (مهارة سابقة)

$$٢٢ \quad ١ \frac{4}{5} \div ٢ \frac{1}{2}$$

$$٢١ \quad ٢ \frac{1}{3} \div ٥$$

$$٢٠ \quad ٣ \frac{3}{4} \div ٥ \frac{3}{4}$$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب كل معدل مما يأتي في صورة معدل وحدة: (مهارة سابقة)

٢٥ ١٤٥ طالباً لكل ٥ معلمين

٢٤ ٢٣٠ كيلو متراً في ساعتين

٢٣ ٢٤ ريالاً لكل ٣ كتب





عدد الصور المطبوعة (#)	التكلفة (#)
٢	١٠
٦	٣٠

استعد

تصوير: دفع سالم ١٠ ريالاً لطباعة صورتين، ثم دفع ٣٠ ريالاً لطباعة ٦ صور.

١ عبر عن العلاقة بين عدد الصور التي طُبعت والتكلفة الكلية في كلا الموقفين في صورة معدّل في صيغة كسر اعتيادي.

٢ قارن بين بسطي المعدّلين الواردين في السؤال الأول، ولاحظ العلاقة بينهما، ثم قارن بين مقامي المعدّلين، ولاحظ العلاقة بينهما.

٣ هل المعدّلان في السؤال ١ متكافئان؟ فسّر إجابتك.

في الموقفين السابقين، هناك كميتان مرتبطتان معاً، هما: عدد الصور المطبوعة، وتكلفتها. لاحظ أن كلتا الكميتين تغيرت، ولكن بالطريقة نفسها.

 $3 \times$

كلما تضاعف عدد الصور المطبوعة ثلاث مرات، فإن التكلفة تضاعفت ثلاث مرات أيضاً.

عدد الصور المطبوعة	التكلفة (#)
٢	١٠
٦	٣٠

 $3 \times$

وبمقارنة هذه الكميات على أنها معدّلات في أبسط صورة، ستري أن العلاقة بين الكميتين ظلّت هي نفسها.

$$\frac{2 \text{ صورة}}{10 \text{ ريال}} = \frac{6 \text{ صورة}}{30 \text{ ريال}} \quad \text{و} \quad \frac{1 \text{ صورة}}{5 \text{ ريال}} = \frac{2 \text{ صورة}}{10 \text{ ريال}}$$

تكون الكميتان متناسبتين إذا كان لكل منهما النسبة نفسها أو المعدّل نفسه. ففي المثال أعلاه، عدد الصور المطبوعة متناسب مع تكلفة طباعتها على الورق؛ لأن كل كمية لها معدّل ثابت، وهو صورة واحدة لكل ٥ ريال.

يُعبّر عن علاقة التناسب في معظم الأحيان بكتابة كلمة تناسب.

فكرة الدرس:

أحد ما إذا كانت الكميتان متناسبتين أم لا.

المفردات

الكميات المتناسبة

التناسب



التعبير اللفظي: التناسب هو معادلة تبين أن نسبتين أو معدّلين متساويان.

أمثلة: $\frac{٦}{١٥} = \frac{٢}{٥}$ $\frac{٢ \text{ صورة}}{١٠ \text{ ريال}} = \frac{٦ \text{ صور}}{٣٠ \text{ ريال}}$

هناك عدة طرق لتحديد ما إذا كانت العلاقة بين كميتين تشكل تناسباً أم لا. وإحدى هذه الطرق هي المقارنة بين معدّلات الوحدة.

أمثلة استعمال معدّلات الوحدة

هل الكميتان في كل زوج من المعدّلات الآتية متناسبتان أم لا؟ فسّر إجابتك، ثم عبّر عن كل علاقة تناسبية في صورة تناسب.

٢٠ كيلومترًا في ٥ ساعات، ٤٥ كيلومترًا في ٩ ساعات.

اكتب كل معدّل في صورة كسر، ثم أوجد معدّل الوحدة.

$$\frac{٤٥ \text{ كلم}}{٩ \text{ ساعات}} = \frac{٥ \text{ كلم}}{١ \text{ ساعة}} \quad \frac{٢٠ \text{ كلم}}{٥ \text{ ساعات}} = \frac{٤ \text{ كلم}}{١ \text{ ساعة}}$$

بما أن المعدّلين ليس لهما معدّل الوحدة نفسه، فإنهما غير متكافئين. إذن فعدّد الكيلومترات ليس متناسبًا مع عدد الساعات.

٣ قمصانٍ بـ ٦٣ ريالاً؛ ٥ قمصانٍ بـ ١٠٥ ريالاً.

$$\frac{٦٣ \text{ ريال}}{٣ \text{ قمصان}} = \frac{٢١ \text{ ريال}}{١ \text{ قميص}} \quad \frac{١٠٥ \text{ ريال}}{٥ \text{ قمصان}} = \frac{٢١ \text{ ريال}}{١ \text{ قميص}}$$

بما أن للمعدّلين معدّل الوحدة نفسه، فهما متكافئان، والتكلفة متناسبة مع عدد

$$\frac{١٠٥ \text{ ريال}}{٥ \text{ قمصان}} = \frac{٦٣ \text{ ريال}}{٣ \text{ قمصان}}$$

قراءة: قرأت مَنى أول ٦٠ صفحة من كتاب في ٣ أيام، ثم قرأت ٩٠ صفحة في ٦ أيام، فهل يوجد تناسب بين معدّلي القراءتين؟ فسّر إجابتك.

إرشادات للدراسة

معدّلات الوحدة يُستعمل معدّل الوحدة في المثال (٢١ ريالاً، أو ٢١ ريالاً قميص) لكل قميص) سعر الوحدة لأنه يعطي التكلفة للوحدة الواحدة.



$$\frac{60 \text{ صفحة}}{3 \text{ أيام}} = \frac{20 \text{ صفحة}}{1 \text{ يوم}} \quad \frac{90 \text{ صفحة}}{6 \text{ أيام}} = \frac{15 \text{ صفحة}}{1 \text{ يوم}}$$

بما أن معدلي القراءة ليس لهما معدل الوحدة نفسه، فهما ليسا متكافئين؛ إذن فمعدل قراءة مني في الحالتين ليس متناسبًا.

تحقق من فهمك:

- (أ) **جواهر:** صنعت سعاد ١٠ قلائد لخمس صديقات، بينما صنعت خولة ١٢ قلادة لأخواتها الأربع، فهل هذان المعدلان متناسبان؟ فسّر ذلك.
- (ب) **أجرة:** دفعت شركة ١٦٨ ريالاً لغسيل ١٤ سيارة، بينما دفعت شركة أخرى ٩٦ ريالاً لغسيل ٨ سيارات. فهل المعدلان متناسبان؟ فسّر إجابتك.

إذا لم يكن من السهل إيجاد معدل الوحدة، فتحقق من كون المعدلات متكافئة، فإذا كانت كذلك، فالكميات تكون متناسبة.

استعمال الكسور المتكافئة

مثالان

هل الكميات في كل زوج من النسب أو المعدلات الآتية متناسبة أم لا؟ فسّر إجابتك، وعبر عن العلاقة التناسبية في صورة تناسب.

أحرز مهند ٣ أهداف كرة سلة من ٧ محاولات، وأحرز عبدالعزيز ٩ أهداف من ١٤ محاولة.

$$\frac{3 \text{ أهداف}}{7 \text{ محاولات}} \stackrel{3 \times}{=} \frac{9 \text{ أهداف}}{14 \text{ محاولة}}$$

البسط والمقام لم يتم ضربهما في العدد نفسه، إذن فالكسران غير متكافئين.

عدّد الأهداف التي تم إحرازها لا يتناسب مع عدد المحاولات.

تكلف ٦ أقراص مدمجة ٩٠ ريالاً، وتكلف ٣ أقراص مدمجة ٤٥ ريالاً.

$$\frac{6 \text{ أقراص}}{90 \text{ ريال}} \stackrel{2 \div}{=} \frac{3 \text{ أقراص}}{45 \text{ ريال}}$$

تمت قسمة كل من البسط والمقام على العدد نفسه، إذن فالكسران متكافئان.

عدّد الأقراص يتناسب مع التكلفة.



الربط بالحياة:

- الأقراص المدمجة إحدى وسائل التخزين الإلكترونية، وهي كثيرة الاستعمال، ويزداد الطلب عليها باستمرار؛ نظرًا لاستيعابها حجمًا كبيرًا من المعلومات في حيز محدود.



تحقق من فهمك:

- هل الكميات في كل زوج من النسب أو المعدلات الآتية متناسبة أم لا؟
فسّر إجابتك، وعبر عن العلاقة التناسبية في صورة تناسب:
ج) تكلف ٥ بطاقات جوال ١٥٠ ريالاً، وتكلف ١٠ بطاقات أخرى ٣٠٠ ريالاً.
د) تتكوّن عائلة من ١٦ شخصاً منهم ١٢ ولداً، وعائلة أخرى من ٨ أشخاص منهم ٤ أولاد.

تأكد

هل الكميات في كل زوج من النسب أو المعدلات الآتية متناسبة أم لا؟ فسّر إجابتك، وعبر عن كل علاقة تناسبية في صورة تناسب:

- ١ ادّخار ٢٤ ريالاً في ٣ أيام، ادّخار ٥٢ ريالاً في ٧ أيام. **المثالان ٢،١**
- ٢ ٢٧٠ سعراً حرارياً في ٣ وجبات طعام، ٤٥٠ سعراً حرارياً في ٥ وجبات طعام. **المثالان ٥،٤**
- ٣ ٣ ساعات عملٍ مقابل ١٢٠ ريالاً، ٩ ساعات عملٍ مقابل ٣٦٠ ريالاً. **المثال ٣**
- ٤ ١٦ حركة شهيق في ٦٠ ثانية، ١٤ حركة شهيق في ١٥ ثانية.
- ٥ **رياضة:** يستطيع سلطان عمل ٧٥ تمرين ضغط في ٣ دقائق، ويستطيع خليل عمل ١٣٠ تمريناً في ٥ دقائق. فهل هذان المعدلان متناسبان؟ فسّر إجابتك.

تدرّب وحل المسائل

هل الكميات في كل زوج من النسب أو المعدلات الآتية متناسبة أم لا؟ فسّر إجابتك، وعبر عن كل علاقة تناسبية في صورة تناسب:

- ٦ ثمن ٣ عبوات حليب ٢٤ ريالاً، وثمان ٧ عبوات حليب ٥٦ ريالاً.
- ٧ تسجيل ١٦ هدفاً في ٤ مباريات، تسجيل ٤٨ هدفاً في ٨ مباريات.
- ٨ طباعة ٩٦ كلمة في ٣ دقائق، طباعة ١٦٠ كلمة في ٥ دقائق.
- ٩ تستهلك سيارة ٢٨٨ كيلومتراً لكل ٤٨ لتراً من الوقود، ٢٤٠ كيلومتراً لكل ٤٠ لتراً.
- ١٠ جهاز حاسوب لكل ٤٥ طالباً، جهاز حاسوب لكل ١٣٥ طالباً.
- ١١ ١٢ من كل ٣٠ طالباً يفضلون اللون الأخضر، و٤٨ من كل ١٢٠ طالباً يفضلون اللون الأخضر.

ارشادات للتمارين

التمرين	انظر الأمثلة
٨ - ٦	٢، ١
١١ - ٩	٥، ٤
١٣، ١٢	٣

٣ سم



٥ سم

١٢ تصوير: قام ناصرٌ بتكبيرِ الصورة المجاورة؛ لعملِ مُلصقٍ قياساته ٦٠ سم، ١٠٠ سم، فهل تتناسب هذه القياسات مع قياسات الصورة؟ فسّر إجابتك.

١٣ دراسةٌ مسحيةٌ: لوحظَ أنّ ٣ طلابٍ من بين ٥ طلابٍ في مدرسة الصديق يشترون شطائر من المُقَصَف، وأنّ ١٢ طالبًا من بين ١٩ طالبًا في مدرسة الفاروق يفعلون ذلك. فهل هذه النتائج متناسبة؟ فسّر إجابتك.

١٤ اختبارات: حلّ فهدٌ ٦ مسائل في ٣٠ دقيقة، بينما حلّ راشدٌ ١٨ مسألة في ٤٠ دقيقة. فهل يوجد تناسب بين عمل الطالبين؟ فسّر إجابتك.

١٥ ادّخار: ادّخرت سلمى ٣٥ ريالاً في ٥ أيام؛ وادّخرت أختها ٤٩ ريالاً في أسبوع. فهل يوجد تناسب بين مقدارَي الادّخار؟

تحدّ: استعملِ المعلومات الآتية للتحقق من كلّ تناسبٍ في الأسئلة ١٦ - ١٩، ثمّ برّر إجابتك:

يمكنك استعمال ضرب التبادلي للتحقق من التناسب. فإذا كان حاصل ضرب الوسيطين يساوي حاصل ضرب الطرفين، فإن النسبتين تشكّلان تناسبًا. ويسمى العددان في مقام الكسر الأول وبسط الكسر الثاني "الوسطين"، والعددان في بسط الكسر الأول ومقام الكسر الثاني "الطرفين". فالوسطان في السؤال ١٦، هما: ٥ و ٩، والطرفان هما: ٣ و ١٥

$$\frac{5}{21} = \frac{2}{7} \quad 17 \quad \frac{9}{15} = \frac{3}{5} \quad 16$$

$$\frac{12}{27} = \frac{4}{9} \quad 19 \quad \frac{3}{28} = \frac{1}{8} \quad 18$$

٢٠ الكُتب: تدفعُ ليلي ١٨ ريالاً لشراء قلمين، و٢٨ ريالاً مقابل أربعة أقلامٍ من النوع نفسه. صف ثلاث طرقٍ مختلفةٍ لتحديد هل زوج النسب متناسب أم لا.

مسائل
مهارات التفكير العليا



خضراوات البيت

بطاطس ٦ كجم ثمنها ١٥ ج
خيار ٩ كجم ثمنها ٣٢ ج
طماطم ٦ كجم ثمنها ٢٤ ج

٢٢ بحسب الجدول المجاور، أي ممّا يأتي يكافئ ثمن الطماطم نفسه؟

- (أ) ١٥ كجم ثمنها ٦٠ ريال
 (ب) ١٢ كجم ثمنها ٣٦ ريال
 (ج) ٨ كجم ثمنها ٣٠ ريال
 (د) ٤ كجم ثمنها ٢٠ ريال

٢١ في حفلة عائلية، إذا كانت نسبة الأطفال إلى الكبار ٣ إلى ٤، فأَيُّ ممّا يأتي يُمكن أن يبيّن عددَ الأطفال وعددَ الكبار؟

- (أ) ٣٠ طفلاً، ٤٤ كبيراً
 (ب) ٢٧ طفلاً، ٣٦ كبيراً
 (ج) ٢٢ طفلاً، ٢٨ كبيراً
 (د) ٣٦ طفلاً، ٥٠ كبيراً

مراجعة تراكمية

٢٣ **دراسة:** في دراسة مسحية عن الرياضة المفضّلة، يتم اختيارُ طالبين من كلِّ ٢٦ طالباً، استعمل جدول النسبة لإيجاد كمّ طالباً نحتاج لاختيار ٦ طلابٍ منهم؟ (مهارة سابقة)

٢٤ صندوق فيه ٤ كرات حمراء، و ١٠ كرات سوداء، اكتب نسبة عدد الكرات الحمراء إلى عدد الكرات السوداء في صورة كسر اعتياديّ في أبسط صورة. (مهارة سابقة)

أوجد ناتج كلِّ مما يأتي في أبسط صورة: (مهارة سابقة)

$$\frac{2}{15} \times \frac{3}{8} \quad ٢٦$$

$$4 \frac{1}{8} + 2 \frac{3}{8} \quad ٢٥$$

$$\frac{3}{8} \div 6 \quad ٢٨$$

$$2 \frac{2}{7} \times 3 \frac{1}{4} \quad ٢٧$$

الاستعداد للدرس اللاحق

اكتب كلَّ معدلٍ ممّا يأتي في صورة معدلٍ وحدة: (مهارة سابقة)

٣٠ قراءة ٢٧ صفحة كلَّ ٣ ساعات.

٢٩ ٥٦ يوم عملٍ تطوعيّ كلَّ ٨ شهور.



اختبار منتصف الفصل

الدروس من ٧-١ إلى ٧-٣

٧ تستطيعُ أفنانُ أن تنظفَ ١٠ صحونٍ كلَّ ٨ دقائق لمساعدة والدتها في الأعمال المنزلية، فكم دقيقة تحتاج كي تنظفَ ٢٥ صحنًا، إذا استمرت بالمعدل نفسه؟ (الدرس ٧-٢)

عدد الصحون	١٠	٢٥
الزمن (دقيقة)	٨	

هل الكميات في كل زوج من النسب أو المعدلات الآتية متناسبة أم لا؟ فسّر إجابتك، وعبر عن كل علاقة تناسبية في صورة تناسب: (الدرس ٧-٣)

٨ قراءة ٢٤ صفحة في ٨ دقائق، قراءة ٧٢ صفحة في ٢٤ دقيقة.

٩ ٤٨ من كل ٦٤ طالبًا يملك كل منهم هاتفًا محمولًا، ١٩٢ من كل ٢٥٨ طالبًا يملك كل منهم هاتفًا محمولًا.

١٠ ٤ ريالاتٍ ثمن ١٢ كعكة، ٩ ريالاتٍ ثمن ٣٦ كعكة.

١١ اختيار من متعدد: نسبة عدد الوردات الحمراء إلى عدد الوردات الصفراء في زهرية ٢ إلى ٣، أي ممّا يأتي يمكن أن يكون عدد الوردات الحمراء والصفراء في الزهرية؟ (الدرس ٧-٣)

(أ) ١٦ حمراء، ٢٤ صفراء

(ب) ١٤ حمراء، ٢٠ صفراء

(ج) ١٢ حمراء، ١٩ صفراء

(د) ٨ حمراء، ٩ صفراء

١ طلاب: عدد طلاب أحد الفصول ٢٠ طالبًا؛ منهم ١٢ طالبًا حقائبهم سوداء، وبقية الحقائب غير سوداء، اكتب الكسر الذي يمثل نسبة الحقائب السوداء إلى غير السوداء. (الدرس ٧-١)

٢ فواكه: على طاولة ١٥ حبة خوخ و ٤٠ حبة مشمش، ما نسبة عدد الخوخ إلى المشمش؟ (الدرس ٧-١)

اكتب كل معدل ممّا يأتي في صورة معدل وحدة: (الدرس ٧-١)

٣ ١٧١ كلم في ٣ ساعات.

٤ قراءة ٤٥ صفحة في ٣ ساعات.

٥ اختيار من متعدد: سجّل لاعب ٤ أهداف من بين ١٠ أهداف سجّلها فريقه في مباراة لكرة اليد، ما الكسر الذي يمثل نسبة عدد الأهداف التي سجّلها هذا اللاعب إلى عدد الأهداف التي سجّلها فريقه؟ (الدرس ٧-١)

(أ) $\frac{4}{5}$

(ب) $\frac{3}{5}$

(ج) $\frac{2}{5}$

(د) $\frac{5}{9}$

استعمل جداول النسب أدناه لحل السؤالين ٦، ٧: (الدرس ٧-٢)

٦ نقود: توفّر ميسون ١٥ ريالًا كل أسبوع من مصروفها، فكم ريالًا ستوفّر في ٥ أسابيع؟

الأسبوع	١	٥
التوفير (ريال)	١٥	





الجبر: حل التناسب

٧ - ٤

استعد

عدد الأقلام	السعر (ر.س)
١	٥
٢	١٠
٣	١٥

مكتبات: تبيع مكتبة كل قلم
بـ ٥ ريالاً.

١ كم قلمًا يمكنك شراؤه بمبلغ ٢٠ ريالاً،
ثم ٢٥ ريالاً؟

٢ اكتب تناسبًا ليعبر عن العلاقة بين تكلفة
٣ أقلام والتكلفة س لسبعة أقلام.

٣ كم يكلف شراء ٦ أقلام؟

فكرة الدرس:

أحل تناسبات.

حل التناسب هو إيجاد القيمة المجهولة فيه. وكما اكتشفت في الدرس (٧-٣)،
أن هناك طرقًا مختلفة لتحديد إن كانت العلاقة تناسبًا أم لا، فإنه يمكنك استعمال
هذه الطرق نفسها لحل التناسب.

الحل باستعمال الكسور المتكافئة

أمثلة

حل كلاً من التناسبات الآتية:

$$\frac{4}{7} = \frac{m}{35}$$

أوجد قيمة م التي تجعل الكسرين متكافئين.

$$\frac{4}{7} = \frac{m}{35} \quad \text{بما أن } 35 = 5 \times 7 \text{، فاضرب كلاً من البسط والمقام في العدد 5}$$

$$\frac{4}{7} = \frac{20}{35} \text{، بما أن } 35 = 5 \times 7 \text{، فإن } m = 20$$

$$\frac{4}{15} = \frac{12}{s}$$

$$\frac{4}{15} = \frac{12}{s} \quad \text{بما أن } 12 = 4 \times 3 \text{، فاقسم كلاً من البسط والمقام على 3}$$

$$\frac{4}{15} = \frac{4}{5} \text{، بما أن } 15 = 3 \times 5 \text{، فإن } s = 5$$



إرشادات للدراسة

للتحقّق من إجابتك:

اكتب كل نسبة في أبسط صورة. فإذا كانت أبسط صورة لهما متساويتين، فإن النسبتين متكافئتان.

$$\frac{7}{8} = \frac{س}{16}$$

$$\frac{7}{8} = \frac{س}{16}$$

بما أن $16 \div 2 = 8$ ، فاقسم كلا من البسط والمقام على 2

$$\frac{7}{8} = \frac{14}{16}$$

لذا س = 14

تحقق من فهمك:

حلّ كلاً من التناسبات الآتية:

$$(أ) \frac{ن}{9} = \frac{2}{3} \quad (ب) \frac{ع}{9} = \frac{30}{54} \quad (ج) \frac{س}{8} = \frac{5}{40}$$

ويمكن استعمال التناسبات للتنبؤ أيضًا.

مثال التنبؤ في مواقف تناسب

٤ مطاعم: إذا كان 12 طالبًا جامعيًا من بين كل 15 طالبًا يفضلون تناول وجبة الغداء في مطعم الجامعة، فاستعمل هذه النسبة لمعرفة عدد الطلاب الذين يفضلون تناول وجبة الغداء في مطعم الجامعة من بين 500 طالب.

اكتب تناسبًا ثم حلّه، علمًا بأن (م) تمثل العدد المتوقع من الطلاب.

$$\begin{aligned} \text{يفضلون المطعم الجامعي} &\leftarrow \frac{12}{15} = \frac{م}{500} \rightarrow \text{يفضلون المطعم الجامعي} \\ \text{العدد الكلي} &\leftarrow 500 \rightarrow \text{العدد الكلي} \end{aligned}$$

المقامان 15 و 500 لا يرتبطان بسهولة في الضرب؛ لذا بسّط النسبة 12 إلى 15، ثم حلّ باستعمال الكسور المتكافئة.

$$\frac{12}{15} = \frac{4}{5} = \frac{400}{500} \quad \text{بما أن } 500 = 100 \times 5 \text{، فاضرب كلا من البسط والمقام في العدد } 100$$

إذن 400 طالب تقريبًا من بين 500 يفضلون الأكل في مطعم الجامعة.

تحقق من فهمك:

(د) **مثلجات:** إذا كانت 3 علب مثلجات فانيليا تحتوي على 810 سعرات حرارية.

فكم سعة حرارية تقريبًا في 7 علب من النوع نفسه؟

(هـ) **وقت النوم:** هناك 15 طالبًا من بين 25 يذهبون إلى النوم الساعة العاشرة مساءً،

فما عدد الطلاب الذين يذهبون إلى النوم الساعة العاشرة مساءً من بين ألف طالب؟

يمكنك أيضًا أن تستعمل معدلات الوحدة لحلّ التناسب.



الربط مع الحياة:

كيف يستعمل الطاهي الرياضيات؟ يستعمل الطاهي النسب والتناسبات لمضاعفة الكميات من المقادير التي يحتاج إليها في الطعام مرتين أو ثلاث مرات أو أربع مرات... إلخ، تبعًا للوجبات المطلوبة.



مَثَلٌ الحُلُّ باستعمالِ معدلاتِ الوحدةِ

٥ **سياراتٌ:** تقطعُ سيارةُ عبدالعزيز مسافةَ ٢٤ كيلومترًا مستهلكةً ٣ لتراتٍ من الوقودِ. فما المسافةُ التي تقطعُها باستعمالِ ١٠ لتراتٍ من الوقودِ إذا استمرت بالمعدلِ نفسه؟

الخطوة ١: اكتب التناسبَ، وافترض أن (س) تمثل عددَ الكيلومتراتِ التي تقطعُها السيارةُ إذا استهلكَتْ ١٠ لتراتٍ من الوقودِ.

$$\frac{24 \text{ كيلومترًا}}{3 \text{ لترات}} = \frac{\text{س كيلومترًا}}{10 \text{ لترات}}$$

الخطوة ٢: أوجد معدلَ الوحدةِ.

أوجد كسرًا مكافئًا مقامه العددُ ١ .

$$\frac{24 \text{ كيلومترًا}}{3 \text{ لترات}} = \frac{8 \text{ كيلومترات}}{1 \text{ لتر}}$$

الخطوة ٣: أعد كتابةَ التناسبِ باستعمالِ معدلِ الوحدةِ لحلِّ الكسورِ المتكافئةِ.

$$\frac{24 \text{ كيلومترًا}}{3 \text{ لترات}} = \frac{8 \text{ كيلومترات}}{1 \text{ لتر}} = \frac{80 \text{ كيلومترًا}}{10 \text{ لترات}}$$

إذن قيمةُ س هي ٨٠، وبناءً عليه يستطيعُ عبدالعزيز إذا قادَ بالمعدلِ نفسه أن يقطعَ بسيارته مسافةَ ٨٠ كيلومترًا باستعمالِ ١٠ لتراتٍ من الوقودِ.

تحقق من فهمك:

(و) **فواكه:** في المتوسطِ تحتوي ثلاثُ تفاحاتٍ على ١٨٠ سعرًا حراريًا، فكم تفاحةً في المتوسطِ تحتوي على ٣٠٠ سعرٍ حراري؟

تأكّد

حلّ كلاً من التناسباتِ الآتية: الأُمثلة ١ - ٣

$$\frac{3}{20} = \frac{س}{٢٠} \quad \frac{٤}{5} = \frac{٣٦}{م} \quad \frac{٣}{٤} = \frac{س}{٢٠}$$

المثال ٤ **هوايات:** إذا كان ١٧ طالبًا من كلِّ ٣٠ طالبًا في إحدى المدارس يفضلون السباحة على غيرها من الرياضات، فما عددُ الطلاب الذين يفضلون السباحة من بين ٣٠٠ طالب؟

المثال ٥ **واجبات:** إذا كانت طالبةً واحدةً من كلِّ ١٢ طالبةً لا تحلُّ الواجبات المنزلية، فما عددُ الطالبات اللواتي لا يقمن بحلِّ الواجبات من بين ١٨٠ طالبةً؟

المثال ٦ **احتفالات:** إذا كانت ٨٤ كعكةً تكفي لإطعام ٢٨ طفلًا، فكم كعكةً تكفي لإطعام ٣٠ طفلًا؟



حلّ كلّاً من التناسبات الآتية:

$$\frac{16}{28} = \frac{4}{س} \quad 10 \quad \frac{35}{10} = \frac{7}{ل} \quad 9 \quad \frac{ط}{28} = \frac{3}{4} \quad 8 \quad \frac{هـ}{15} = \frac{2}{5} \quad 7$$

$$\frac{3}{ر} = \frac{21}{35} \quad 14 \quad \frac{18}{ج} = \frac{6}{7} \quad 13 \quad \frac{6}{16} = \frac{ك}{8} \quad 12 \quad \frac{25}{15} = \frac{ب}{3} \quad 11$$

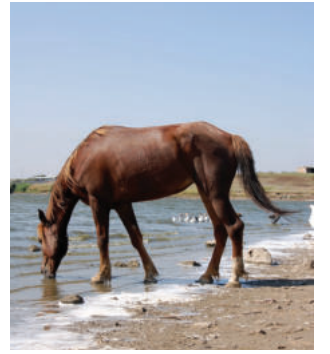
للتمارين	
انظر الأمثلة	للتمارين
٣ - ١	١٤ - ٧
٤	١٧ - ١٥
٥	١٨

١٥ صحف: أُجريت دراسةٌ مسحيةٌ على ٥٠ شخصاً، فأفاد ٩ منهم بأنهم يحصلون على الأخبار من الصحف اليومية. فكم شخصاً من بين ٣٠٠ شخص يحصلون على الأخبار من الصحف اليومية بحسب هذا المعدل؟

١٦ خيل: يشرب حصان ١٢٠ عبوة ماءٍ تقريباً كلّ ٤ أيام. كم عبوة ماءٍ يشرب هذا الحصان في ٢٨ يوماً بحسب هذا المعدل؟

١٧ ترفيه: إذا كانت تكلفة التذاكر لمجموعة مكونة من ١٥ طالباً في زيارة لحديقة الحيوان هي ٧٥ ريالاً، فكم طالباً يمكن أن يدخل الحديقة بمبلغ ١٥ ريالاً؟

١٨ صحة: إذا كان عدد دقات القلب ٧٠٠ ضربة في ١٠ دقائق. فكم دقيقة تبلغ فيها عدد دقات القلب ١٤٠ ضربة بحسب هذا المعدل؟



الربط بالحياة: 

حلّ كلّاً من التناسبات الآتية:

$$\frac{س}{6} = \frac{5}{12} \quad 21 \quad \frac{12}{ج} = \frac{96}{128} \quad 20 \quad \frac{س}{91} = \frac{11}{13} \quad 19$$

٢٢ مدرسة: افترض أن هناك ٨ طلاب من بين ٢٠ طالباً يشاركون في الأنشطة المدرسية كلّ عام. فما عدد المشاركين في أنشطة هذا العام من بين ٤٠٠٠ طالب؟

يقدم الماء للحصان من ٥ - ٦ مرات يومياً، ويحتاج الحصان كلّ يوم من ٤٥ - ٥٥ لتراً تقريباً، وذلك بحسب حجم الحصان وحالته الصحية ونوع غذائه وحرارة الجو.

الموادّ المفضّلة	
عدد الطلاب	الموادّ
٦	الرياضيات
٣	العلوم
٧	الدراسات الإسلامية
٤	الدراسات الاجتماعية

٢٣ تحليل جداول: الجدول المجاور يبيّن الموادّ المفضّلة لدى مجموعة من الطلاب. اكتب تناسباً يمكن أن يُستعمل لمعرفة عدد الطلاب الذين يفضلون العلوم من بين ٤٠٠ طالب.

٢٤ رياضة: يتنفس طلال ٤ مرات شهيقاً في ١٠ ثوانٍ خلال تمرينه الصباحي. فكم عدد مرات الشهيق التي يتنفسها طلال في دقيقتين بحسب هذا المعدل؟



٢٥ **هدايا:** في أحد المتاجر، يحصل ٤ من بين كل ٦٥ زبوناً على قلم هدية، فإذا بلغ عدد الزبائن ٤٥٥ زبوناً، فما عدد الذين يحصلون على قلم منهم؟

٢٦ **التدخين السلبي:** للتدخين السلبي (استنشاق الدخان)

أثر في حدوث مشكلات صحية؛ نتيجة لاستنشاق الآخرين مواد خطيرة، حيث إنه قد يُصاب ما يقارب ٣٠ من كل ١٠٠ شخص بسرطان الرئة.



ما العدد التقريبي للأشخاص الذين تتوقع أن يُصابوا بسرطان الرئة في عائلة، إذا علمت أن عدد أفرادها ٢٢ فرداً، وجميعهم يتعرّضون للتدخين السلبي؟

٢٧ **تحليل جداول:** الجدول المجاور يوضّح الكسر

كثّل الأبقار (كجم)	فئات الكتل	الكسر الممثل للكتلة
أقل من ٣٠٠	$\frac{1}{5}$	
٣٠٠ - ٣٤٩	$\frac{11}{50}$	
٣٥٠ - ٣٩٩	$\frac{2}{5}$	
٤٠٠	$\frac{9}{50}$	

الممثل لفئات كتل الأبقار في إحدى المزارع. إذا كان عدد الأبقار فيها ٣٤٠ بقرة، فاكتب تناسباً يبيّن عدد الأبقار من فئة الكتلة ٣٥٠ - ٣٩٩ كجم، ثم أوجد هذا العدد.

٢٨ **اكتشف الخطأ:** وضع ياسر وراكان تناسباً لحلّ المسألة الآتية. فأيهما وضع

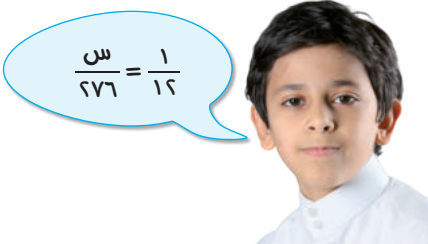
التناسب بصورة صحيحة؟ فسّر إجابتك:

" تعمل والدته بندرية معلمة في روضة أطفال، فإذا علمت أن هناك معلمة واحدة لكل ١٢ طفلاً، وأن في الروضة ٢٧٦ طفلاً. فكم معلمة تعمل في الروضة؟"



راكان

$$\frac{12}{1} = \frac{276}{x}$$



ياسر

$$\frac{x}{276} = \frac{1}{12}$$

٢٩ **استدلال:** وضّح إن كانت الجملة الآتية صحيحة دائماً، أم صحيحة أحياناً، أم غير

صحيحة بالنسبة للأعداد التي هي أكبر من الصفر. ثم فسّر إجابتك:

" إذا كان البسط في النسبة الأولى من التناسب أكبر من المقام،

فإن البسط في النسبة الثانية أكبر من المقام فيها."

٣٠ **تحديد:** إذا كان ٢٥ طالباً من بين ١٧٥ طالباً يفضلون لعبة كرة السلة، وخمسة طلاب

لديهم كرة سلة في بيوتهم من بين ١٢ طالباً يفضلون لعبة كرة السلة، فكم طالباً لديهم كرة سلة في بيوتهم من بين ٢٥٢ طالباً بحسب هذا المعدل؟

مسائل
مهارات التفكير العليا

٣١ **الثنية** يركض سلمان ٣ دورات في ٢٤ دقيقة. فكم دورة تقريباً يستطيع أن يركض في ٥٠ دقيقة، إذا حافظ على المعدل نفسه؟ فسّر إجابتك.

تدريب على اختبار

٣٣ **إجابة قصيرة:** تستغرق منال ٢٠ دقيقة في عمل ٣ كعكات، إذا استمرت بالمعدل نفسه، فكم كعكة سوف تعمل في ٣ ساعات؟

٣٤ نسبة الوردات البيضاء إلى الوردات الحمراء في حديقة محمد ٣ إلى ٥، إذا كان عدد الوردات الحمراء ٢٠ وردة، فكم تقريباً سيكون عدد الوردات البيضاء؟

- (أ) ٣٥
(ب) ١٦
(ج) ١٢
(د) ٦

٣٢ قرصٌ بمؤشّرٍ دوارٍ مقسّمٌ إلى أجزاءٍ متطابقةٍ: ٦ منها خضراء و ٤ حمراء، إذا تمّ تدوير المؤشّر ٣٠ مرة، فأني ممّا يأتي يستعمل لإيجاد (ص) التي تمثل عدد المرات التي سيتوقف عندها المؤشّر على جزءٍ أحمر؟

$$(أ) \frac{٤}{٦} = \frac{ص}{٣٠}$$

$$(ب) \frac{٦}{١٠} = \frac{ص}{٣٠}$$

$$(ج) \frac{٤}{١٠} = \frac{ص}{٣٠}$$

$$(د) \frac{٦}{٤} = \frac{ص}{٣٠}$$

مراجعة تراكمية

هل الكميات في كل زوج من النسب أو المعدلات الآتية متناسبة أم لا؟ فسّر إجابتك، وعبر عن كل علاقة تناسبية في صورة تناسب: (مهارة سابقة)

٣٥ توزيع ١٢ وسيلة تعليمية لكل ٣٦ طالباً، ٢١ وسيلة تعليمية لكل ٦٣ طالباً.

٣٦ حفظ ٣٦ صفحة من القرآن الكريم في ٩ أيام، حفظ ٥٦ صفحة في ١٢ يوماً.

٣٧ **العمل:** يتقاضى عامل ٣٠ ريالاً عن كل ٢ ساعة عمل، استعمل جدول النسبة لإيجاد كم سيتقاضى العامل إذا عمل ٥ ساعات. (مهارة سابقة)

الاستعداد للدرس اللاحق

٣٨ **مهارة سابقة:** يهوى كل من تركي وسعود جمع العملات المعدنية، إذا كان مجموع ما معهما ١٩٠ عملة، وجمع تركي ٣٠ عملة زيادة على سعود، فكم عملة معدنية مع كل منهما؟ استعمل «خطّة التخمين والتحقق». (مهارة سابقة)





خطة حل المسألة

٥ - ٧

فكرة الدرس : أحل المسائل باستعمال خطة «البحث عن نمط»

البحث عن نمط

حمد : أنا أبني نموذجاً لمجموعة درجات باستعمال المكعبات. وقد استعملت ٤ مكعبات لبناء الدرجة الأولى، و ٨ مكعبات للدرجة الثانية، و ١٢ مكعباً للدرجة الثالثة.

مهمتك : استعمل خطة «البحث عن نمط» لإيجاد عدد المكعبات اللازمة لبناء الدرجة الثامنة.



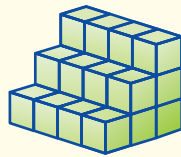
افهم تعرف عدد المكعبات اللازمة لبناء الدرجات الثلاث الأولى، وتريد أن تعرف عدد المكعبات اللازمة لبناء الدرجة الثامنة.

افهم

خط ط ابحث عن نمط لإيجاد العدد الكلي من المكعبات اللازمة.

خط ط

استعمل جدولاً لإيجاد النمط:



عدد المكعبات	عدد الدرجات
٤	١
٨	٢
١٢	٣
⋮	⋮
■	٨

حل

عدد المكعبات يساوي ٤ أمثال عدد الدرجات، إذن فعدد المكعبات اللازمة للدرجة الثامنة يساوي $4 \times 8 = 32$ مكعباً.

تحقق ارسم شكلاً لجميع الدرجات الثماني، ثم احسب العدد الكلي للمكعبات في الدرجة الثامنة. وبما أنه يوجد ما مجموعه ٣٢ مكعباً، فالجواب صحيح. ✓

تحقق

حل الخطة

١ اشرح متى تستعمل خطة "البحث عن نمط" لحل المسألة.

٢ **الكثبة** مسألة يمكن أن تحل باستعمال خطة «البحث عن نمط»، ثم اكتب خطوات الحل.

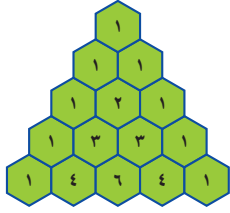


مسائل متنوعة

استعمل خطة " البحث عن نمط " لحل المسألتين ٣-٤ : ٨ **الحس العددي**: صف النمط أدناه، ثم أوجد الأعداد الثلاثة الآتية:

■، ■، ■، ٢١، ١٥، ١٠، ٦، ٣

٩ **نظرية الأعداد**: يُعرف المثلث أدناه باسم مثلث باسكال. إذا استمر هذا النمط، فما الأعداد في الصف الآتي؟



١٠ **كتب علمية**: بلغت مبيعات إحدى المكتبات يوم الاثنين ٨٦ كتاباً علمياً، وهو ما يزيد على مثلي الكمية المباعة يوم الخميس بثمانية. فكم كتاباً علمياً بيع يوم الخميس؟

١١ **أنماط**: أوجد عدد العيدان اللازمة لعمل الشكل الثامن في النمط المبين أدناه:

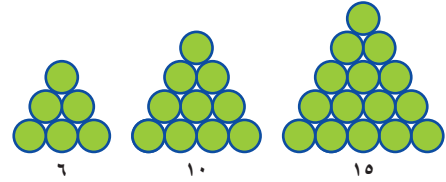


١٢ **سفر**: سافر عمّارٌ بسيارته من الرياض إلى الدمام الساعة ٣:٠٠ مساءً فوصل الدمام الساعة ٨:٠٠ مساءً، وكانت المسافة التي قطعها ٤٠٠ كيلومتر. فإذا استراح عمّارٌ ساعة في الطريق، فكم كان معدل سرعة السيارة بالكيلومتر في الساعة؟

١٣ **رحلات**: اتفق ١٢ شخصاً على القيام برحلة جماعية إلى البر، فجمعوا لذلك ٨٠٠ ريال، إذا بقي معهم بعد دفع التكاليف كافة ٢٠ ريالاً، فكم ريالاً تكلفه الشخص الواحد؟

٣ **نقود**: تأخذ سعاد ٢٠ ريالاً من والدتها كل عيد فطر، مضافاً إليها ريال واحد عن كل سنة من عمرها، بينما تأخذ ماجدة ١٠ ريالاً مضافاً إليها ريالان عن كل سنة من عمرها. فإذا كان عمر سعاد في عام ١٤٣٩ هـ ١٠ سنوات، وعمر ماجدة ٨ سنوات، ففي أي عام تأخذ كل منهما المبلغ نفسه؟

٤ **هندسة**: ارسم الشكلين الآتين في النمط أدناه:



استعمل أي خطة من الخطط الآتية لحل المسائل ٥-١٣:

خطط حل المسألة

- التخمين والتحقق
- البحث عن نمط
- تمثيل المسألة

٥ **طعام**: أيهما أكبر: $\frac{3}{8}$ أم $\frac{1}{3}$ فطيرة؟

٦ **مال**: يدفع الشخص الكبير ١٢ ريالاً للقيام بنزهة بحرية على القارب، على حين يدفع الطفل ٨ ريالاً، ويدفع الرضيع ٦ ريالاً. فإذا ركب القارب ١٢ شخصاً ودفعوا ١٠٠ ريالاً، وكان من بينهم ٨ أطفال، فأوجد عدد كل من الكبار والرضع في القارب.

٧ **طعام**: يبين الجدول أدناه مبيعات متجر من الأرز الهندي وغير الهندي سنوياً. فكم يبيع المتجر سنوياً من الأرز الهندي أكثر من غير الهندي تقريباً؟

مبيعات الأرز (آلاف الريالات)	
٣٦٦,٢	أرز هندي
٢٩١,٥	الأرز غير الهندي



اختبار الفصل

هل الكميات في كل زوج من النسب أو المعدلات الآتية متناسبة أم لا؟

- ٩ ٣٢ قلم رصاص بمبلغ ٨ ريالاً،
١٦ قلم رصاص بمبلغ ٤ ريالاً.
- ١٠ ٧٢ من أصل ٩٠ طالباً لديهم جهاز حاسوب محمول،
٣٦٢ من أصل ٤٥٠ طالباً لديهم جهاز حاسوب محمول.
- ١١ ٥٢٤ سُعرًا حراريًا في ٤ وجبات، ٧٨٦ سُعرًا حراريًا في ٦ وجبات.

حلّ كلًّا من التناسبات الآتية:

$$\frac{٢}{٨} = \frac{١٠}{م} \quad ١٣ \quad \frac{س}{١٢} = \frac{٤}{٦} \quad ١٢$$

$$\frac{١}{٥٢} = \frac{٧}{١٣} \quad ١٥ \quad \frac{٨}{٥٢} = \frac{ن}{١٣} \quad ١٤$$

- ١٦ **فصول السنة:** إذا كان ٧ طلاب من بين ٢٨ طالبًا في إحدى المدارس يفضلون فصل الشتاء، فما عدد الطلاب المتوقع أن يفضلوا فصل الشتاء من بين ٤٠٠ طالب في المدرسة نفسها؟

- ١٧ **ثياب:** يحتاج خياط إلى ١٠ م من القماش لعمل ٤ أثواب، استعمل جدول النسبة أدناه لإيجاد عدد الثياب التي سيعملها إذا كان لديه ٧٥ م من القماش.

عدد الأمتار	١٠	٧٥
عدد الثياب	٤	

اكتب كل نسبة فيما يأتي على شكل كسر اعتيادي في أبسط صورة:

- ١ ١٢ قالبًا أحمر اللون من بين ٢٠ قالبًا.
- ٢ ٢٤ قطعة بطاطس من بين ١٤٤ قطعة بطاطس.
- ٣ ٦٥ تفاحة حمراء من بين ٢٥٠ تفاحة.
- ٤ **طباعة:** أكبر سرعة سُجلت للطباعة عالميًا هي ٢١٢ كلمة في الدقيقة. فكم كلمة تُكتب في الثانية وفق هذا المعدل تقريبًا الإجابة إلى أقرب عُشر؟

اكتب كلًّا مما يأتي في صورة معدّل وحدة:

- ٥ ١٢ ريالًا ثمن ٣٦ ممحاة.
- ٦ قراءة ١٨٠ صفحة في ٩٠ دقيقة.
- ٧ **اختيار من متعدد:** اشترت سميرة ١٢ حبة فاكهة بسعر ٦ ريالاً، إذا اشترت ٤٨ حبة فاكهة مرة أخرى بمعدّل السعر نفسه، فما المبلغ الذي ستدفعه؟
- (أ) ٢٠ ج ٢٢
(ب) ٢٤ د ٣٠

٨ أوجد الحدود الثلاثة الآتية في النمط:

٢٥ ، ٢٤ ، ٢٢ ، ١٩ ، ...



الاختبار التراكمي (٧)

القسم ١ اختيار من متعدد

اختر الإجابة الصحيحة:

١ إذا مشى طلال $\frac{1}{4}$ كلم يوم الجمعة و $\frac{1}{2}$ كلم يوم السبت و $\frac{2}{3}$ كلم يوم الأحد، فكم كيلومترًا مشى طلال في الأيام الثلاثة معًا؟

- (أ) $\frac{1}{4}$ كلم (ب) $\frac{5}{12}$ كلم
(ج) $\frac{7}{12}$ كلم (د) $\frac{1}{4}$ كلم

٢ ما مساحة مستطيل طوله $6\frac{2}{3}$ سم، وعرضه $\frac{4}{5}$ سم؟

- (أ) ٢٨ سم^٢
(ب) $\frac{2}{15}$ سم^٢
(ج) ١٤ سم^٢
(د) $\frac{7}{15}$ سم^٢

٣ جبر: إذا كانت $\frac{6}{7} = \frac{2}{3}$ ، $\frac{2}{3} = \frac{2}{3}$ ، فما قيمة $\frac{2}{3} - \frac{2}{3}$ ؟

- (أ) $\frac{11}{21}$ (ب) ١
(ج) $\frac{4}{21}$ (د) $\frac{2}{21}$

٤ إذا كانت النسبة بين عدد الشاحنات إلى عدد السيارات الصغيرة في أحد المواقع هي ٢ إلى ٥، فما عدد السيارات الصغيرة، إذا كان عدد الشاحنات في الموقع ١٠؟

- (أ) ٥
(ب) ١٠
(ج) ٢٥
(د) ٣٠

٥ ما ناتج $\frac{2}{15} \div \frac{4}{9}$ ؟

- (أ) $\frac{2}{3}$
(ب) $\frac{2}{3}$
(ج) $\frac{3}{10}$
(د) $\frac{1}{3}$

٦ أفاض ٢٧٠ حاجًا من عرفات إلى مزدلفة راكبين ٦ حافلات، ما نسبة الحافلات إلى عدد الحجاج؟

- (أ) ٤٥:١
(ب) ٩٠:١
(ج) ١:٤٥
(د) ٦:٢٧٠

٧ أكمل جدول النسبة أدناه؛ لتجد عدد أجهزة الحاسوب المخصصة لـ ٢٧ طالبًا؟

عدد الطلاب	٣	٢٧
عدد أجهزة الحاسوب	٢	

- (أ) ٥٤
(ب) ٢٧
(ج) ١٨
(د) ٢٦

٨ نسبة الكرات البنية اللون إلى الصفراء في سلّة تساوي ٢ إلى ٥، أي ممّا يأتي يبيّن العدد الممكن للكرات البنية والكرات الصفراء في السلّة؟

- (أ) ١٢ بنية، ٣٠ صفراء
(ب) ١٤ بنية، ٢٠ صفراء
(ج) ١٢ بنية، ١٩ صفراء
(د) ٨ بنية، ٩ صفراء



١٣ بلغت نسبة المواليد الذكور إلى الإناث في إحدى المستشفيات لهذا العام ٧ إلى ٦ تقريباً، أوجد العدد التقريبي للمواليد الإناث في شهر شوال، إذا كان عدد المواليد الذكور في الشهر نفسه هو ١٠٩٢ مولوداً؟

القسم ٣ الإجابة المطولة

أجب عن السؤال الآتي موضحاً خطوات الحل:

١٤ رتب طلاب الصف السادس ٤٥ كتاباً في المكتبة في ٩٠ دقيقة.

(أ) اكتب تناوباً لتجد الوقت الذي يحتاج إليه الصف لترتيب ١٢٠ كتاباً.

(ب) كم ساعة يحتاج إليها الصف لترتيب ١٢٠ كتاباً؟

(ج) إذا انخفض معدل ترتيب الكتب إلى ٣٠ كتاباً في ٩٠ دقيقة، فما الوقت الذي يحتاج إليه طلاب الصف لترتيب ١٢٠ كتاباً؟



أدرب

من خلال الإجابة عن الأسئلة؛ حتى أعزز ما تعلمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

وزارة التعليم

أنا طالبٌ مُعدٌّ للحياة، ومنافسٌ عالمياً.

٩ أي من البدائل الآتية يبين طريقةً مكافئةً لسعر البطاطس؟

أسعار بعض الخضراوات	
٤ كجم خيار	٦ ر.س
٤ كجم بطاطس	١٥ ر.س
٥ كجم طماطم	٢٢ ر.س

(أ) ١٠ كجم بـ ٣٠ ريالاً

(ب) ١٠ كجم بـ ٢٥ ريالاً

(ج) ١٠ كجم بـ ٢٠ ريالاً

(د) ٨ كجم بـ ٣٠ ريالاً

١٠ يوجد مُرشدٌ لكل ١٢ كشافاً في المُخيم الكشفي، إذا كان في المُخيم ١٥٦ كشافاً، فما التناوب الذي يمكنك استعماله لإيجاد عدد المُرشدين (س)؟

(أ) $\frac{س}{١٢} = \frac{١}{١٥٦}$ (ب) $\frac{س}{١٥٦} = \frac{١٢}{١}$

(ج) $\frac{س}{١٥٦} = \frac{١}{١٢}$ (د) $\frac{١٢}{١٥٦} = \frac{س}{١}$

١١ ما ناتج $\frac{١}{١٢} + \frac{٧}{١٢}$ في أبسط صورة؟

(أ) $\frac{١}{٣}$ (ج) $\frac{١}{٤}$

(ب) $\frac{٢}{٣}$ (د) $\frac{١}{٢}$

القسم ٢ الإجابة القصيرة

أجب عن السؤالين الآتيين:

١٢ معدل تسجيل طلاب للركلات الترجيحية التي يُسددها هو ٤ أهداف من ٥ ركلات، فما عدد الأهداف التي يمكن أن يسجلها طلال من ٢٠ ركلةً ترجيحية؟

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

١٤	١٣	١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	إذ لم تجب عن السؤال
٤-٧	٤-٧	٣-٧	مهارة سابقة	٤-٧	٣-٧	٣-٧	٢-٧	١-٧	مهارة سابقة	٤-٧	مهارة سابقة	مهارة سابقة	مهارة سابقة	فراجع الدرس

النسبة المئوية والاحتمالات

الفكرة العامة

- أحل مسائل تتضمن النسبة المئوية والاحتمالات.

المفردات:

- النسبة المئوية ص (١٠١)
- الاحتمال ص (١١١)
- فضاء العينة ص (١٢٠)
- الرسم الشجري ص (١٢١)
- مبدأ العد الأساسي ص (١٢١)

الربط بالحياة:

كرة قدم: إذا فاز فريق مدرستك لكرة القدم في ٩ مباريات من ١٢ مباراة لعبها، فإنه يمكنك أن تستعمل الاحتمال لتوقع عدد المباريات التي سيفوز بها من المباريات الخمسين اللاحقة.

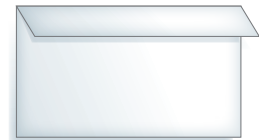
المطويات

مُنظَّم أفكار

النسبة المئوية والاحتمالات: اعمل هذه المطوية لتساعدك على فهم النسبة المئوية والاحتمالات. ابدأ بورقة A4:

- ١ اطوِ الورقة طولياً بعرض ٥ سم تقريباً. ٢ افتح الورقة، ثم قسّمها ثلاثة أقسام من ٣ ارسم خطوطاً على امتداد الشبات، واكتب عنواناً في أعلى كل عمود كما في الشكل، واكتب عنوان الفصل في الوجه الظاهر من المطوية.

النسبة المئوية	النسبة البئوية	الكسر الاعتيادي
٥٠%	١/٢	٠,٥





التهيئة

أجب عن الاختبار الآتي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار

اختبار للريخ

مراجعة للريخ

اكتب كل كسر ممّا يأتي في أبسط صورة، وإذا كان كذلك، فاكتب بجانبه «في أبسط صورة». (مهارة سابقة)

$$\frac{17}{100} \quad ٢$$

$$\frac{25}{100} \quad ١$$

$$\frac{15}{100} \quad ٤$$

$$\frac{30}{100} \quad ٣$$

مثال ١:

اكتب الكسر $\frac{3}{5}$ في أبسط صورة.

$$\begin{array}{r} \swarrow 3 \div \searrow \\ \frac{1}{5} = \frac{3}{15} \\ \nwarrow 3 \div \nearrow \end{array}$$

اقسم كلاً من البسط والمقام على (ق.م.أ) وهو ٣

وبما أن (ق.م.أ) للعددين ١، ٥ هو ١، فإن الكسر $\frac{1}{5}$ في أبسط صورة.

حلّ كل تناسب ممّا يأتي: (مهارة سابقة)

$$\frac{٧}{١٦} = \frac{٧}{٤٨} \quad ٦$$

$$\frac{٣}{٩} = \frac{١}{١} \quad ٥$$

$$\frac{٦}{٧} = \frac{٧}{٣٥} \quad ٨$$

$$\frac{٣٠}{٨} = \frac{٥}{٨} \quad ٧$$

$$\frac{٢}{٣} = \frac{٣٦}{ب} \quad ١٠$$

$$\frac{٢}{٣} = \frac{س}{١٨} \quad ٩$$

مثال ٢:

$$\text{حلّ التناسب: } \frac{٤}{٣٢} = \frac{٩}{١٦}$$

$$\text{اكتب التناسب: } \frac{٤}{٣٢} = \frac{٩}{١٦}$$

$$\begin{array}{r} \swarrow 2 \times \searrow \\ \frac{٤}{٣٢} = \frac{٩}{١٦} \\ \nwarrow 2 \times \nearrow \end{array}$$

بما أن $٣٢ = ٢ \times ١٦$ ؛ لذا اضرب ٩ في ٢

$$\text{إذن } م = ١٨$$

١١ فطائر: إذا كان إعداد ٨ فطائر تفاح يحتاج إلى ٢ كيلو جرام من التفاح، فكم كيلو جراماً من التفاح نحتاج إليه لإعداد ٢٤ فطيرة؟





معمل الرياضيات

تمثيل النسبة المئوية

استكشاف

١ - ٨

تعلمت في الدرس ٣-١ أنه يمكن استعمال نماذج الكسور (أوراق المربعات 10×10) لتمثيل أجزاء المئة. وكلمة بالمئة (%). تعني جزءاً من مئة واحدة؛ لذا يمكنك أيضاً استعمال نماذج الكسور (أوراق المربعات 10×10) لتمثيل النسبة المئوية.

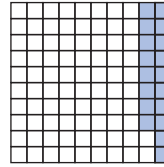
فكرة الدرس

أستعمل النماذج لتوضيح معنى النسبة المئوية.

نشاط

١ مثل النسبة المئوية ١٨ %.

١٨% تعني ١٨ جزءاً من ١٠٠؛ لذا ظلل ١٨ مربعاً من ١٠٠ مربع في نموذج الكسر العشري.



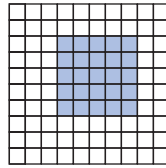
تحقق من فهمك: مثل كلاً من النسب المئوية الآتية:

(أ) ٣٠% (ب) ٨% (ج) ٤٢% (د) ٧٥%

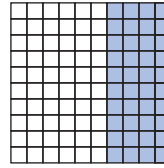
نشاطان

حدّد النسبة المئوية التي يمثلها كلٌّ من النموذجين الآتيين:

٣ لقد تمّ تظليل ٢٥ مربعاً من ١٠٠ مربع.



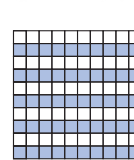
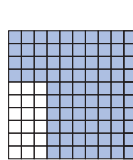
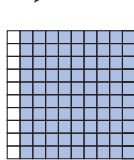
٢ لقد تمّ تظليل ٤٠ مربعاً من ١٠٠ مربع.



إذن هذا النموذج يمثل ٢٥%.

إذن هذا النموذج يمثل ٤٠%.

تحقق من فهمك: حدّد النسبة المئوية التي يمثلها كلٌّ من النماذج الآتية:



حلّ النتائج

١ حدّد الكسر الاعتياديّ الذي يمثله الجزء المظلل في الفقرات أ - ز

٢ **خمن:** كيف يمكنك أن تحوّل النسبة المئوية إلى كسر اعتياديّ؟ وكيف يمكنك

أن تحوّل الكسر الاعتياديّ الذي مقامه ١٠٠ إلى نسبة مئوية؟

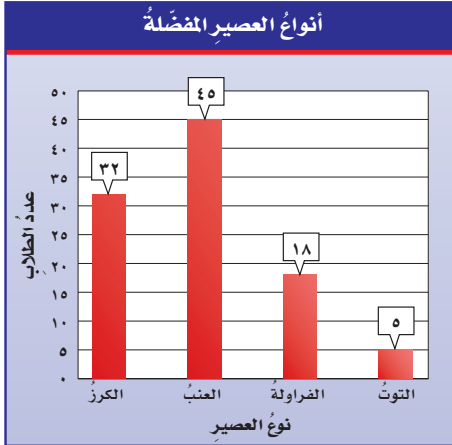




النسب المئوية والكسور الاعتيادية

٨ - ١

استعد



عصائر: سأل معلم ١٠٠ طالب عن نوع العصير المفضل لديهم من بين الأنواع الأربعة الآتية: الكرز، العنب، الفراولة، التوت. والرسم البياني المجاور يوضح نتائج هذا المسح.

١ ما النسبة التي تقارن عدد الطلاب الذين يفضلون عصير العنب بالعدد الكلي للطلاب؟

- ٢ ارسم نموذجاً يمثل هذه النسبة المئوية مستعملاً نموذج تمثيل الكسر العشري.
- ٣ ما الكسر العشري الذي يمثل هذه النسبة؟

فكرة الدرس:

أحوّل النسب المئوية إلى كسور اعتيادية، وأحوّل الكسور الاعتيادية إلى نسب مئوية.

المفردات

النسبة المئوية

يمكن أن تكتب النسب مثل ٣٢ من ١٠٠، ٤٥ من ١٠٠، ١٨ من ١٠٠، ٥ من ١٠٠ في صورة نسب مئوية.

النسبة المئوية

التعبير اللفظي: النسبة المئوية هي نسبة تقارن عدداً ما بـ ١٠٠

مثال: $75\% \leftarrow 75$ من ١٠٠ أو $\frac{75}{100}$

مفهوم أساسي

نموذج

٧٥ %

كتابة النسبة المئوية في صورة كسر اعتيادي

مثالان

١ اكتب النسبة المئوية ٥٠% في صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة.

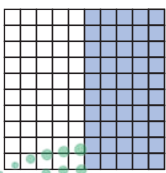
٥٠% تعني ٥٠ من ١٠٠

تعريف النسبة المئوية.

$$\frac{50}{100} = 50\%$$

بسط الكسر بقسمة كل من البسط والمقام على (١٠٠)، وهو ٥٠

$$\frac{1}{2} = \frac{50}{100} =$$



$\frac{1}{2} = 50\%$

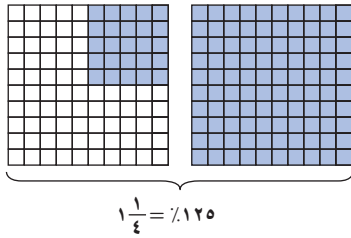
إرشادات للدراسة

النسب المئوية:

يمكن أن تكون النسبة المئوية أكبر من ١٠٠٪؛ لأن كلمة مئوية تعني أجزاء المئة أو لكل ١٠٠. فالنسبة المئوية ١٢٥٪ تعني ١٢٥ جزءاً من أجزاء المئة، أو ١٢٥ لكل ١٠٠.

٢ اكتب النسبة المئوية: ١٢٥٪ في صورة عدد كسري في أبسط صورة.

١٢٥٪ تعني ١٢٥ لكل ١٠٠



تعريف النسبة المئوية.

$$\frac{125}{100} = 125\%$$

اكتب في صورة عدد كسري.

$$\frac{25}{100} =$$

اقسم كلاً من البسط والمقام على (ق.م.أ.)، وهو ٢٥

$$1\frac{1}{4} = 1\frac{25}{100} =$$

تحقق من فهمك:

اكتب كلاً من النسب المئوية الآتية: في صورة كسر اعتيادي أو عدد كسري في أبسط صورة.

(أ) ١٠٪ (ب) ٩٧٪ (ج) ١٣٥٪

مثال من واقع الحياة

٣ **هواتف نقالة:** أظهر استطلاع حديث أن ٣٥٪ ممن يملكون هواتف نقالة يستعملون خدمة إرسال الرسائل في هواتفهم. فما الكسر الذي تدل عليه هذه النسبة من مالكي الهواتف النقالة؟



تعريف النسبة المئوية.

$$\frac{35}{100} = 35\%$$

بسط.

$$\frac{7}{20} =$$

إذن $\frac{7}{20}$ ممن يملكون هواتف نقالة يستعملون خدمة إرسال الرسائل في هواتفهم.

تحقق من فهمك:

(د) **هواتف نقالة:** أجاب ٢٨٪ في الاستطلاع نفسه أنهم يلتقطون الصور بهواتفهم النقالة. فما الكسر الذي تمثله هذه النسبة من مالكي الهواتف؟

إرشادات للدراسة

التحقق من العقولية:

يمكن أن تستنتج أن $\frac{7}{20}$ إجابة معقولة؛ لأن ٣٥٪ أقل قليلاً من ٥٠٪، و $\frac{7}{20}$ أقل قليلاً من $\frac{1}{2} = \frac{10}{20}$.

لكتابة الكسر في صورة نسبة مئوية، اكتب تناسباً ثم حله، على أن تكون إحدى النسب هي الكسر، والأخرى كمية مجهولة منسوبة إلى ١٠٠

كتابة الكسر الاعتيادي في صورة نسبة مئوية

مثال ٤

اكتب $\frac{9}{20}$ في صورة نسبة مئوية.

$$\frac{س}{100} = \frac{9}{20}$$

اكتب تناسب.

$$\frac{45}{100} = \frac{9}{20}$$

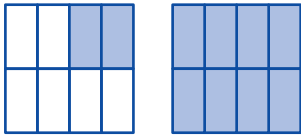
بما أن: $5 \times 20 = 100$ ، إذن ضرب ٩ في ٥ لإيجاد قيمة س.

$$\text{إذن } \frac{9}{20} = \frac{45}{100} = 45\%$$



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447



٥ اكتب النسبة المئوية التي تمثل الجزء المظلل من النموذج المجاور.

الجزء المظلل هو: $1\frac{2}{8} = 1\frac{1}{4}$

تحويل العدد الكسري إلى كسر اعتيادي.

$$\frac{5}{4} = 1\frac{1}{4}$$

اكتب تناسب.

$$\frac{\text{س}}{100} = \frac{5}{4}$$

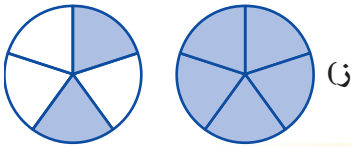
بما أن: $100 = 25 \times 4$ ، إذن ضرب 5 في 25 لإيجاد قيمة س.

$$\frac{125}{100} = \frac{5}{4}$$

إذن $125\% = \frac{125}{100}$ من النموذج يكون مظلاً.

تحقق من فهمك:

اكتب كلاً من الكسور الاعتيادية أو الأعداد الكسرية أو الجزء المظلل في النموذج في صورة نسبة مئوية:



و) $2\frac{9}{10}$

هـ) $\frac{3}{5}$

تأكد

اكتب كل نسبة مئوية ممّا يأتي في صورة كسر اعتيادي أو عدد كسري في أبسط صورة:

المثالان ١ - ٢

٣) 180%

٢) 80%

١) 15%

٤) مدارس: تشكّل المدارس المتوسطة 30% تقريباً من مدارس المملكة.

المثال ٣

فما الكسر الذي تمثله هذه النسبة من مدارس المملكة؟

اكتب كلاً من الكسور أو الأعداد الكسرية الآتية في صورة نسبة مئوية:

المثال ٤

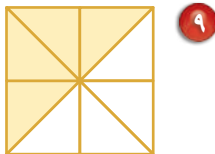
٧) $2\frac{1}{4}$

٦) $\frac{2}{5}$

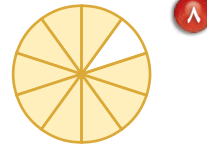
٥) $\frac{1}{4}$

اكتب النسبة المئوية التي تمثل الجزء المظلل من كل نموذج ممّا يأتي:

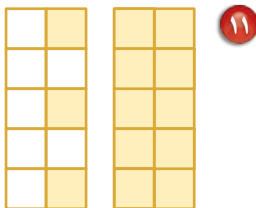
المثال ٥



٩



٨



١١



١٠



وزارة التعليم

الدرس ٨-١ : النسب المئوية والكسور الاعتيادية ١٠٣

2025 - 1447

إرشادات للتمارين	
للتمارين	انظر الأمثلة
١٢ - ١٧	١، ٢
١٨ - ١٩	٣
٢٠ - ٢٧	٤
٢٨ - ٣٣	٥

اكتب كل نسبة مئوية فيما يأتي في صورة كسرٍ اعتياديٍّ أو عددٍ كسريٍّ في أبسط صورة:

١٤ $\frac{2}{100}$

١٣ $\frac{47}{100}$

١٢ $\frac{14}{100}$

١٧ $\frac{280}{100}$

١٦ $\frac{185}{100}$

١٥ $\frac{20}{100}$

١٨ **رواتب:** يستلم موظف ٥٪ من راتبه بدلًا من راتبه بدّل غلاء المعيشة. فما الكسر الاعتيادي الذي تمثله هذه النسبة؟

١٩ **ترشيد المياه:** توصّلت دراسةٌ عمليةٌ قامت بها وزارة البيئة والمياه والزراعة في مسجد الملك خالد بالرياض إلى أنّ استعمال أدوات ترشيد المياه يوفر ما نسبته ٣٦٪ من المياه قبل تركيب أدوات الترشيد. اكتب الكسر الذي تمثله هذه النسبة.

اكتب كلاً من الكسور أو الأعداد الكسرية الآتية في صورة نسبٍ مئوية:

٢٢ $\frac{1}{4}$

٢١ $\frac{7}{20}$

٢٠ $\frac{3}{10}$

٢٥ $\frac{5}{100}$

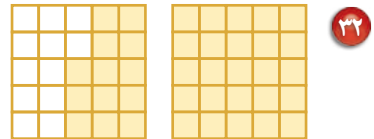
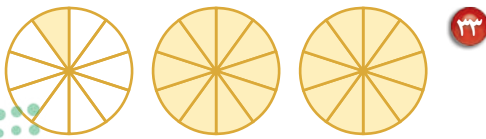
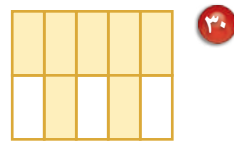
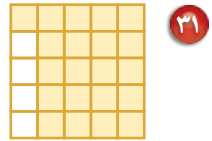
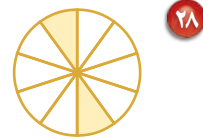
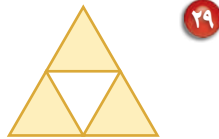
٢٤ $\frac{1}{100}$

٢٣ $\frac{2}{5}$

٢٦ **حيوانات أليفة:** تقضي القطّة نحو $\frac{7}{10}$ يومها في غفوة. فما النسبة المئوية لما تقضيه القطّة من يومها في غفوة؟

٢٧ **طعام:** يشكّل الماء نحو $\frac{23}{25}$ من البطيخة الواحدة. فما النسبة المئوية التقريبية لكمية الماء في البطيخ؟

اكتب النسبة المئوية التي تمثل الجزء المظلل من كل نموذجٍ ممّا يأتي:



ملابسُ صالح	
بيضاء	ملونة

٣٤ **ملابسُ:** استعمل الجدولَ المجاورَ لتحديد النسبة المئوية لكلِّ من الملابس البيضاء والملابس الملونة لصالح. وما العلاقة بين هاتين النسبتين المئويتين؟

٣٥ **إنترنتُ:** أظهر استطلاعٌ للرأي أنَّ ٨٢٪ من الشباب الذين يستعملون الإنترنت يستعملونه في منازلهم. فما الكسر الذي يدلُّ على الشباب الذين يستعملون الإنترنت خارج منازلهم في ذلك الاستطلاع؟

اللون	أحمر	أزرق	بنّي	أبيض
الكسر	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{2}{25}$	■

٣٦ **تحليلُ جداول:** أُجري مسحٌ حول اللون المفضَّل لدى طلاب الصفِّ السادس. والجدولُ المجاورُ يبيِّن الكسرَ التقريبيَّ لكلِّ لونٍ مقارنةً بالعدد الكليِّ لطلاب الصفِّ. اكتب كلَّ كسرٍ في صورة نسبة مئوية. وما النسبة المئوية للون الأبيض؟ ثمَّ رتبِّ الألوانَ تصاعدياً بحسب تفضيلها.

مسائل مهارات التفكير العليا

٣٧ **مسألة مفتوحة:** اكتب ثلاثة كسورٍ اعتيادية يمكنُ كتابتها في صورة نسبٍ مئوية تقع بين ٥٠٪ و ٧٥٪، ثمَّ برِّر إجابتك.

٣٨ **تحذُّ:** اكتب $\frac{1}{2.0}$ في صورة نسبة مئوية.

٣٩ **اكتشف المختلف:** ما العدد الذي يختلف عن الأعداد الثلاثة الأخرى؟ فسِّر إجابتك.

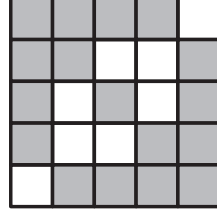
$\frac{8}{45}$	٤٥٪	$\frac{45}{100}$	$\frac{9}{20}$
----------------	-----	------------------	----------------

٤٠ **الكتبُ:** هل العبارة الآتية صوابٌ أم خطأ، وفسِّر إجابتك. وإذا كانت خاطئة، فأعطِ مثالاً مضاداً:

"عند كتابة عددٍ أكبر من ١ في صورة نسبة مئوية، يجب أن تكون إحدى النسب في التناسب كمية غير معلومة منسوبة إلى ١٠٠٠"



٤٢ ما النسبة المئوية التي تمثل عدد الأجزاء غير المظللة في الشكل أدناه؟



- (أ) ٨٪ (ب) ١٧٪
(ج) ٣٢٪ (د) ٦٨٪

٤١ زرع بدر ٦٥٪ من مساحة حديقته، ما الكسر الاعتيادي الذي يمثل مساحة المنطقة التي لم يتم زراعتها؟

- (أ) $\frac{1}{65}$
(ب) $\frac{7}{20}$
(ج) $\frac{13}{20}$
(د) $\frac{6}{5}$

مراجعة تراكمية

٤٣ فن: أرادت مريم عمل منظر من ملصقات النجوم، يتكوّن من ١٠ صفوف، فوضعت نجمة في الصف الأول و٣ نجوم في الصف الثاني و٥ نجوم في الصف الثالث، وهكذا استمرت بهذا النمط. فكم نجمة ستكون في الصف السابع؟ (مهارة سابقة)

حلّ كلاً من التناسبات الآتية: (مهارة سابقة)

$$\frac{45}{63} = \frac{5}{س} \quad ٤٥$$

$$\frac{س}{28} = \frac{3}{4} \quad ٤٤$$

$$\frac{5}{25} = \frac{س}{75} \quad ٤٧$$

$$\frac{12}{م} = \frac{24}{38} \quad ٤٦$$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب كل كسر مما يأتي في صورة كسر عشري: (مهارة سابقة)

$$\frac{1}{8} \quad ٤٩$$

$$\frac{65}{100} \quad ٤٨$$

$$\frac{1}{5} \quad ٥١$$

$$\frac{15}{100} \quad ٥٠$$





النسب المئوية والكسور العشرية

٨ - ٢

استعد

المادة	النسبة المئوية
الفقه	٢٨%
الرياضيات	٢١%
اللغة العربية	١٦%
العلوم	١٥%
الدراسات الاجتماعية	١٣%
مواد أخرى	٧%

مدرسة: الجدول المجاور يوضح النسب المئوية للمواد الدراسية المفضلة للطلاب في مسح أُجري حديثاً.

١ ما النسبة المئوية التي تمثلها المواد كلها مجتمعة؟

٢ ما الكسر الاعتيادي الذي يمثل مادة الفقه؟

٣ اكتب الكسر في السؤال ٢ في صورة كسر عشري.

يمكنك كتابة النسب المئوية في صورة كسور عشرية. ولكتابتها في تلك الصورة، اكتب النسبة المئوية في صورة كسر اعتيادي مقامه ١٠٠، ثم اكتب الكسر الاعتيادي في صورة كسر عشري.

كتابة النسبة المئوية في صورة كسر عشري

أمثلة

اكتب كل نسبة مئوية مما يأتي في صورة كسر عشري:

١ ٥٦%

اكتب النسبة المئوية في صورة كسر مقامه ١٠٠
اكتب ٥٦ جزءاً من مئة في صورة كسر عشري.

$$\frac{56}{100} = 56\%$$

$$= 0,56$$

٢ ٨%

اكتب النسبة المئوية في صورة كسر مقامه ١٠٠
اكتب ٨ أجزاء من مئة في صورة كسر عشري.

$$\frac{8}{100} = 8\%$$

$$= 0,08$$

٣ ١٢٠%

اكتب النسبة المئوية في صورة كسر مقامه ١٠٠
حوّل إلى عدد كسري.
اكتب ١ و ٢٠ جزءاً من مئة في صورة كسر عشري.

$$\frac{120}{100} = 120\%$$

$$\frac{20}{100} =$$

$$1,20 = 1,2$$

تحقق من فهمك

اكتب كل نسبة مئوية مما يأتي في صورة كسر عشري:

(ج) ١٩٠%

(ب) ٦%

(ا) ٣٢%

فكرة الدرس:

أحوّل النسبة المئوية إلى كسر عشري، وأحوّل الكسر العشري إلى نسبة مئوية.

إرشادات للدراسة

الحساب الذهني:

لكتابة النسبة المئوية في صورة كسر عشري، حرك الفاصلة العشرية منزلتين نحو اليسار، واحذف إشارة %، وهذا يشبه القسمة على ١٠٠

$$\frac{120}{100} = 120\%$$

$$1,2 = 1,20 =$$



ويمكنك أيضًا كتابة الكسر العشري في صورة نسبة مئوية. ولكتابتها في تلك الصورة، اكتب الكسر العشري في صورة كسر اعتيادي مقامه ١٠٠، ثم اكتب الكسر الاعتيادي في صورة نسبة مئوية.

مثالان كتابة الكسر العشري في صورة نسبة مئوية

اكتب كل كسر عشري مما يأتي في صورة نسبة مئوية.

٤ ٠,٣٨
اكتب الكسر العشري في صورة كسر اعتيادي. $\frac{38}{100} = 0,38$

اكتب الكسر الاعتيادي في صورة نسبة مئوية. 38%

٥ ١,٤٥
اكتب ١ و ٤٥ جزءًا من مئة في صورة عدد كسري. $1\frac{45}{100} = 1,45$

اكتب العدد الكسري في صورة كسر اعتيادي. $\frac{145}{100} =$

اكتب الكسر الاعتيادي في صورة نسبة مئوية. 145%

تحقق من فهمك:

اكتب كل كسر عشري مما يأتي في صورة نسبة مئوية:

(د) ٠,٤٧ (هـ) ١,٧٥ (و) ٠,٥٢

إرشادات للدراسة

حساب ذهني:

لكتابة الكسر العشري في

صورة نسبة مئوية، حرّك

الفاصلة العشرية منزلتين

نحو اليمين، وأضف إشارة %،

وهذا يشبه الضرب في ١٠٠

$$100 \times 0,38 = 38$$

$$38\%$$

مثال من واقع الحياة

٦ مساحة: تبلغ مساحة الوطن العربي ١,٠ تقريبًا من مساحة اليابسة في العالم. اكتب ١,٠ في صورة نسبة مئوية.

اكتب ١,٠ في صورة كسر اعتيادي. $\frac{1}{100} = 0,01$

اضرب البسط والمقام في ١٠ ليصبح مقام الكسر ١٠٠

$$\frac{10 \times 1}{100 \times 100} =$$

بسّط. $\frac{1}{100} =$

اكتب الكسر الاعتيادي في صورة نسبة مئوية. 1%

تحقق من فهمك:

(ز) مدارس: تشكّل المدارس الثانوية ١٨,٠ من إجمالي عدد مدارس المملكة. ما النسبة المئوية التي تكافئ ١٨,٠؟



الربط بالحياة:

تقدّر مساحة الوطن العربي بـ ١٣٦٩١٤٦٩ كلم^٢، ويشتمل على ٢٢ دولة عربية، ١٠ منها في إفريقيا، و ١٢ في آسيا.

تأكد

اكتب كل نسبة مئوية مما يأتي في صورة كسر عشري:

٣ ٤%

٢ ١٥%

١ ٢٧%

٦ ١٣٦%

٥ ١١٥%

٤ ٩%

الأمثلة ١ - ٣



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

المثالان ٤، ٥

اكتب كل كسرٍ عشريٍّ ممَّا يأتي في صورةٍ نسبةٍ مئويَّة:

- ٧ ٠,٣٢ ٨ ٠,١٥ ٩ ٠,٩١
١٠ ١,٢٥ ١١ ٢,٩١ ١٢ ٤,٦٣

مثال ٦

١٣ **علم الأحياء:** يشكّل الماء ٧,٠ تقريباً من جسم الإنسان. ما النسبة المئوية التي تكافئ ٧,٠؟

تدرّب وحل المسائل

اكتب كل نسبة مئويّة ممَّا يأتي في صورة كسرٍ عشريٍّ:

- ١٤ ١٧% ١٥ ٣٥% ١٦ ٢% ١٧ ٣%
١٨ ١٢٥% ١٩ ١٠٤% ٢٠ ١١% ٢١ ٩٥%

إرشادات للتمارين	
التمرين	انظر الأمثلة
٢٣ - ١٤	٣ - ١
٣١ - ٢٤	٥, ٤
٣٣, ٣٢	٦

٢٢ **نقود:** وزعت إحدى الشركات المساهمة أرباحاً على المساهمين بنسبة ٤%، اكتب ٤% في صورة كسرٍ عشريٍّ.

٢٣ **ترشيد:** تستهلك التسربات اليومية للمياه تقريباً ١٩% من قيمة استهلاك الفرد اليومي للمياه. اكتب ١٩% في صورة كسرٍ عشريٍّ.

اكتب كل كسرٍ عشريٍّ ممَّا يأتي في صورةٍ نسبةٍ مئويَّة:

- ٢٤ ٠,٢٢ ٢٥ ٠,٩٩ ٢٦ ١,٧٥ ٢٧ ٣,٥٥
٢٨ ٠,٥ ٢٩ ٠,٦ ٣٠ ٠,١٦ ٣١ ٠,٨٧

٣٢ **التعداد السكاني:** زاد عدد سكان الرياض في سنة ١٤٣٨هـ بمقدار ٦٣,٠ على عددهم سنة ١٤٣١هـ، اكتب ٦٣,٠ في صورة نسبة مئويّة.

٣٣ **إنترنت:** يُجري ١٢,٠ تقريباً من مستخدمي الإنترنت في العالم محادثاتٍ بالصوت والصورة. فما النسبة المئوية التي تكافئ ١٢,٠؟

قارن بين كل من النسبتين فيما يأتي مستعملاً (<, >, =):

- ٣٤ ١٨% > ٢ ٣٥ ٥% > ٥ ٣٦ ٢,٣ > ٢٣%



٣٧ **مسألة مفتوحة:** اكتب كسرًا عشريًا يقع بين ٥, ٠, ٧٥, ٠, ثم اكتبه في صورة نسبة مئوية وفي صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة.

٣٨ **تحذ:** كيف تكتب $\frac{٤٣}{٤}$ في صورة كسر عشري؟

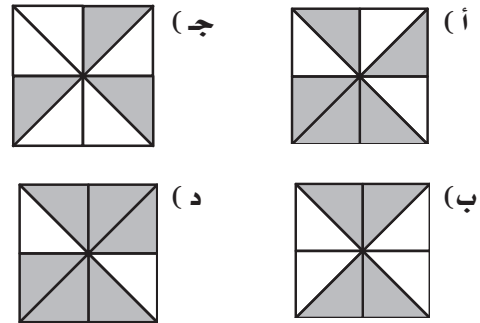
٣٩ **اكتب:** مسألة عن موقف من واقع الحياة، تحتاج فيه إلى تحويل النسبة المئوية إلى كسر عشري أو الكسر العشري إلى نسبة مئوية.

تدريب على اختبار

٤١ **إجابة قصيرة:** اكتب النسبة المئوية ٢٥٪ في صورة كسر عشري.



٤٠ كل مربع أدناه مقسم إلى أجزاء متطابقة. أي منها تم تظليل ٧٥٪ منه؟



مراجعة تراكمية

٤٢ **إنتاج:** تستعمل هند $\frac{٢}{٣}$ كوب من الدقيق لعمل فطيرة، بينما تستعمل هنوف $\frac{١}{٥}$ أكواب من الدقيق لعمل فطيرة. كم يزيد ما تستعمله هنوف على ما تستعمله هند من الدقيق؟ (مهارة سابقة)

اكتب كل نسبة مئوية مما يأتي في صورة كسر اعتيادي أو عدد كسري في أبسط صورة: (مهارة سابقة)

٤٦ ٣٥٪

٤٥ ١٢٥٪

٤٤ ٣٨٪

٤٣ ٢٤٪

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب كل مما يأتي في أبسط صورة: (مهارة سابقة)

٥٠ $\frac{٩}{٢١}$

٤٩ $\frac{٢١}{٣٠}$

٤٨ $\frac{١٥}{٤٠}$

٤٧ $\frac{٥}{٤٥}$





استعد



أزهار: يُقدّم محلّ أزهارِ القرنفلِ بألوانٍ مختلفةٍ ومتعددةٍ. وتريدُ فاطمةُ أن تختارَ لأُمّها زهرةً واحدةً من بين الأزهارِ المبيّنةِ هنا، وقد قرّرت أن تغمضَ عينيها وتلتقطَ إحداها.

١ ما نسبةُ عددِ أزهارِ القرنفلِ الصفراءِ إلى العددِ الكليِّ لأزهارِ القرنفلِ؟

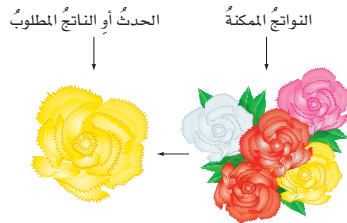
٢ ما النسبةُ المئويةُّ لأزهارِ القرنفلِ الصفراءِ إلى مجموعِ الأزهارِ؟

٣ هل لدى فاطمةُ فرصةٌ جيدةٌ لالتقاطِ زهرةٍ قرنفليّ صفراءٍ؟

٤ ماذا يحدثُ لفرصتها في التقاطِ زهرةٍ قرنفليّ صفراءٍ إذا أُضيفتُ ٥ زهيراتِ قرنفليّ: خضراءٌ، برتقاليةٌ، أرجوانيةٌ فاتحةٌ، أرجوانيةٌ غامقةٌ، بيضاءٌ إلى الأزهارِ المبيّنةِ هنا؟

٥ ماذا يحدثُ لفرصتها في اختيارِ زهرةٍ صفراءٍ إذا كانت هناكُ زهرةٌ واحدةٌ صفراءٌ وأخرى حمراءٌ؟

هناكُ فرصٌ متساويةٌ لاختيارِ أيِّ من أزهارِ القرنفلِ الخمسِ. وتمثّلُ الأزهارُ الخمسُ جميعَ النواتجِ الممكنةِ. وتُسمّى الحادثةُ المكوّنةُ من ناتجٍ واحدٍ حادثةً بسيطةً. فعلى سبيلِ المثالِ، يُعدُّ اختيارُ زهرةٍ صفراءٍ حادثةً بسيطةً.



الاحتمالُ هو فرصةٌ وقوعِ حادثةٍ معيَّنة، ويمكنُ إيجادُه باستعمالِ النسبةِ.

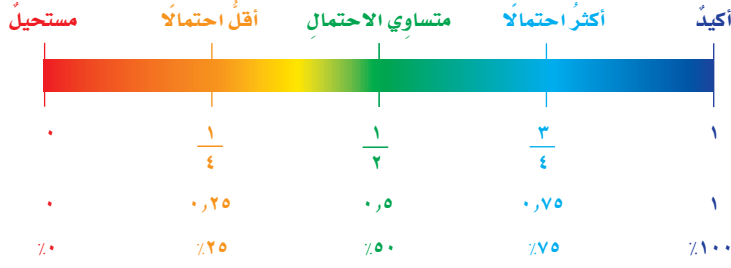
مفهوم أساسي

الاحتمال

التعبيرُ اللفظيُّ: احتمالُ حادثةٍ هو نسبةُ عددِ النواتجِ التي تتكوّنُ منها الحادثةُ إلى العددِ الكليِّ للنواتجِ الممكنةِ.

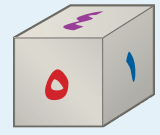
$$\text{أمثلة:} \quad \text{ح(حادثة)} = \frac{\text{عددُ النواتجِ في الحادثة}}{\text{العددُ الكليُّ للنواتجِ الممكنة}}$$

احتمال وقوع حادثة ما هو عدد من صفر إلى ١، وقد يكون صفرًا أو ١، وكلما كان الاحتمال أقرب إلى ١ زادت إمكانية وقوع الحادثة.



تظهر النتائج بشكل عشوائي إذا تساوت فرص وقوعها.

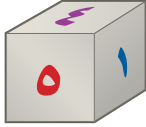
إرشادات للدراسة



مكعب الأرقام:
هو مكعب مكتوب على أوجهه الستة أرقام مختلفة.

مثالان

إيجاد الاحتمال



هناك ستة نواتج متساوية الاحتمال عند رمي مكعب أرقام تحمل أوجهه الأرقام من ١ إلى ٦

أوجد احتمال ظهور الرقم ٦ عند رمي المكعب.
يظهر الرقم ٦ مرة واحدة على مكعب الأرقام.

$$\text{ح(٦)} = \frac{\text{عدد النواتج في الحادثة}}{\text{العدد الكلي للنواتج الممكنة}} = \frac{1}{6}$$

إذن احتمال ظهور الرقم ٦ هو $\frac{1}{6}$

أوجد احتمال ظهور الرقم ٢ أو ٣ أو ٤

كلمة (أو) تشير إلى أن النواتج المطلوبة في الحادثة هي التي تتضمن أحد الأرقام ٢، ٣، ٤

$$\text{ح(٢ أو ٣ أو ٤)} = \frac{\text{عدد النواتج في الحادثة}}{\text{العدد الكلي للنواتج الممكنة}} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

أي أن احتمال ظهور الرقم ٢ أو ٣ أو ٤ يساوي $\frac{1}{2}$ بسط.

تحقق من فهمك

أدر مؤشر القرص المجاور مرة واحدة، ثم أوجد احتمال كل من الحوادث الآتية، واكتب إجابتك في صورة كسر اعتيادي:



(أ) ح(و) (ب) ح(د أو ز) (ج) ح(د أو هـ أو ط)

إرشادات للدراسة

أجزاء القرص ذي المؤشر الدوار:
تعلم أن فرصة وقوف المؤشر عند حرف معين تساوي فرصة وقوفه عند أي حرف آخر؛ لأن القرص مقسم إلى أجزاء متطابقة.

عند إلقاء قطعة نقدية، فإما أن يظهر على وجهها العلوي الشعار أو لا يظهر، وتعد هاتان الحادثتان متتامتين. **والحادثتان المتتامتان** هما حادثتان يُحتمل وقوع أحدهما، ولكن لا يمكن وقوعهما معاً في الوقت نفسه، ومجموع احتماليهما ١ أو ١٠٠٪.

مثال ٣: إيجاد احتمال متممة حادثة

أوجد احتمال عدم ظهور الرقم ٦ في المثال ١
 حادثة عدم ظهور الرقم ٦، وحادثته ظهوره هما حادثتان متتامتان؛ لذا فإن مجموع احتماليهما يساوي ١
 $ح(٦) + ح(ليس ٦) = ١$

$$\frac{1}{6} + ح(ليس ٦) = ١ \quad \text{ضع } \frac{1}{6} \text{ بدلاً من ح(٦)}$$

$$ح(ليس ٦) = ١ - \frac{1}{6} = \frac{5}{6}$$

فكّر: ما العدد الذي يُضاف إلى $\frac{1}{6}$ ليكون المجموع ١؟
 إذن احتمال عدم ظهور الرقم ٦ هو $\frac{5}{6}$

تحقق من فهمك:

تحتوي حقيبة على ٥ كرات زرقاء، و ٨ حمراء، و ٧ خضراء. فإذا سُحبت كرة واحدة عشوائياً من الحقيبة، فأوجد احتمال كل من الحوادث الآتية:
 (د) ح(ليست حمراء) (هـ) ح(ليست زرقاء أو خضراء)

إرشادات للدراسة
 مراجعة حلّ المعادلات
 يمكنك مراجعة حلّ
 المعادلات في الدرس ١-٨

مثال من واقع الحياة

٤ **لون العيون:** أجرى طبيب العيون مسحاً لمراجعيه، فوجد أن لون عيون ٣٠٪ منهم بني. عيّن متممة هذه الحادثة، ثم أوجد احتمالها.
 إن متممة حادثة أن تكون العيون بنية هي حادثة أن تكون العيون ليست بنية، ومجموع احتماليهما يساوي ١ = ١٠٠٪

$$ح(العيون بنية) + ح(العيون ليست بنية) = ١٠٠٪$$

$$٣٠٪ + ح(العيون ليست بنية) = ١٠٠٪ \quad \text{استبدل ح(العيون بنية) بـ } ٣٠٪$$

$$ح(العيون ليست بنية) = ١٠٠٪ - ٣٠٪ = ٧٠٪$$

فكّر: ما النسبة التي تضاف إلى ٣٠٪ ليكون المجموع ١٠٠٪؟

إذن احتمال ألا تكون عيون المراجع بنية هو ٧٠٪

تحقق من فهمك:

نوع القصص	النسبة المئوية للطلاب
مغامرات	٤٦
اجتماعية	٢٢
ثقافية	١٨
رياضية	١٤

استطلع وليد آراء طلاب صفه حول القصص التي يفضلون قراءتها. والجدول المقابل يبين نتيجة هذا الاستطلاع. حدّد متممة كل من الحوادث الآتية، ثم أوجد احتمال المتممة:

(و) الثقافية (ز) الاجتماعية أو الرياضية



اخترت بطاقة تحمل حرفاً بشكل عشوائي. أوجد احتمال كل من الحوادث الآتية، ثم اكتب إجابتك في صورة كسر اعتيادي:

١ ح (د)

٢ ح (أ)

٣ ح (ب أو ي)

٤ ح (س أو ف أو ل)

٥ ح (ليس حرف علة)

٦ ح (ليس ل)

٧ **ألعب:** احتمال اختيار بطاقة معينة في لعبة يساوي ٢٥٪، صف متمة هذه الحادثة، وأوجد احتمال المتمة في صورة كسر اعتيادي وكسر عشري ونسبة مئوية.

تدرّب وحل المسائل



إذا أدير مؤشر القرص المجاور مرة واحدة، فأوجد احتمال كل من الحوادث الآتية، ثم اكتب إجابتك في صورة كسر اعتيادي:

٨ ح (أزرق)

٩ ح (برتقالي)

١٠ ح (أحمر أو أصفر)

١١ ح (أحمر أو أصفر أو أخضر)

١٢ ح (ليس بنياً)

١٣ ح (ليس أخضر)

إرشادات للتمارين

التمرين	النظر الأمثلة
٨ - ١١	١، ٢
١٤ - ١٩	
١٢، ١٣	٣
٢٠، ٢١	
٢٢، ٢٣	٤



سُحبت بطاقة واحدة عشوائياً من بين ١٠ بطاقاتٍ مرقمةٍ بالأرقام من ١ إلى ١٠،
أوجد احتمال كلٍّ من الحوادث الآتية، ثم اكتب إجابتك في صورة كسرٍ اعتياديٍّ:

- ١٤ ح (٨) ١٥ ح (٧ أو ٩)
١٦ ح (أقل من ٥) ١٧ ح (أكبر من ٣)
١٨ ح (فردية) ١٩ ح (زوجية)
٢٠ ح (ليس من مضاعفات ٤) ٢١ ح (ليس ٥ أو ٦ أو ٧ أو ٨)

الرحلات الجوية	
النسبة المئوية لوصول الطائرات في موعدها	المطار
٨٠	الأول
٨٢	الثاني
٧٧	الثالث
٨٣	الرابع
٧٦	الخامس

تحليلُ جداولٍ: استعمل الجدول المجاور

الخاصَّ بالرحلات الجوية في خمسةٍ من
المطارات للإجابة عن السؤالين ٢٢، ٢٣:

٢٢ إذا اختيرت إحدى الطائرات التي وصلت
إلى المطار الأول عشوائياً، فما احتمال
ألا تكون قد وصلت في موعدها؟

٢٣ إذا اختيرت إحدى الطائرات التي وصلت إلى المطار الرابع عشوائياً، فما احتمال أن
تكون هذه الطائرة قد وصلت في موعدها؟

إذا التُقِطت خرزة واحدة من الوعاء المجاور دون النظر فيه،
فاكتب جملة تبيِّن إمكانية وقوع كلٍّ من الحوادث الآتية، وبرِّر
إجابتك:



- ٢٤ الخرزة سوداء. ٢٥ الخرزة بنفسجية.
٢٦ الخرزة بنفسجية أو حمراء أو صفراء. ٢٧ الخرزة خضراء.

٢٨ **مدرسة:** يشكّل طلاب المرحلة الابتدائية ٤٦٪ من طلاب مدارس البنين في المملكة العربية السعودية. إذا اختير أحد طلاب المملكة لإجراء مقابلة معه. فصِف متممة حادثة اختيار طالب من المرحلة الابتدائية، وأوجد احتمال المتممة. اكتب إجابتك في صورة كسرٍ اعتياديٍّ، وكسرٍ عشريٍّ، ونسبة مئوية.



الهندسة: استعمل الأشكال الموضحة أدناه والمعلومات الآتية في الإجابة عن السؤالين ٢٩، ٣٠:

يمكن حساب احتمال وقوع المؤشر عند أي جزء من القرص بأخذ قياس الزاوية التي يشكلها ذلك الجزء في الحساب. ففي الشكل الأول الزاوية التي يشكلها الجزء الأزرق تساوي ربع الزاوية المكوّنة من الدائرة كاملة؛ لذا فإن $P(\text{أزرق}) = \frac{1}{4}$ ، أو ٢٥، ٠، أو ٢٥٪.



٢٩ أوجد ح (أخضر) لكل شكل، ثم اكتب الاحتمال في صورة كسر اعتيادي وكسر عشري ونسبة مئوية، وبرّر إجابتك.

٣٠ أوجد ح (ليس برتقاليًا) لكل شكل، ثم اكتب الاحتمال في صورة كسر اعتيادي وكسر عشري ونسبة مئوية، وبرّر إجابتك.

٣١ **اكتشف الخطأ:** حسب كل من سالم وأحمد احتمال ظهور العدد ٣ عند رمي مكعب الأرقام. فأيهما كانت إجابته صحيحة؟ فسّر إجابتك.

مسائل
مهارات التفكير العليا



أحمد

نواتج الحادثة: ٣
النواتج الممكنة: ١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦
ح (٣) = $\frac{1}{6}$

نواتج الحادثة: ٣
النواتج غير المطلوبة: ١، ٢، ٤، ٥، ٦
ح (٣) = $\frac{1}{5}$



سالم

٣٢ **تحذّر:** إذا كان عدد الأجزاء في لعبة القرص ذي المؤشر أكثر من ثلاثة، وكانت كلها متطابقة، وكان احتمال وقوع مؤشر القرص على اللون الأزرق يساوي ٥، ٠، فصمّم شكلين ممكنين لهذه اللعبة، وفسّر لماذا يكون كل منهما مقبولاً.

٣٣ **اكتب:** شرحًا للعلاقة بين احتمال حادثة واحتمال متممتها، ثم أعط مثالاً على ذلك.



٣٤ يحتوي وعاءٌ على كراتٍ ملوّنةٍ بحسبِ الجدولِ أدناه. إذا تمَّ اختيارُ كرةٍ دونَ النظرِ فيه، فما احتمالُ أن تكونَ الكرةُ برتقاليةً؟

اللون	عدد الكرات
أحمر	٥
برتقالي	٣
أصفر	١
أخضر	٦

- (أ) $\frac{1}{5}$ (ب) $\frac{2}{3}$
 (ج) $\frac{11}{15}$ (د) $\frac{5}{4}$

٣٥ في زهريةٍ مجموعةٌ وُرداتٍ؛ ٧ منها زرقاءٌ و ٦ خضراءٌ و ٣ صفراءٌ و ٨ حمراءٌ، وأرادَ تركيُّ اختيارَ وردةٍ دونَ النظرِ إلى الورداتِ، فما احتمالُ ألا تكونَ الوردةُ خضراءً؟

- (أ) $\frac{1}{4}$ (ب) $\frac{1}{3}$
 (ج) $\frac{2}{3}$ (د) $\frac{3}{4}$

مراجعة تراكمية

٣٦ **مياه:** تشكّل المياه ما نسبته ٧٢٪ تقريباً من مساحة سطح الأرض. اكتب هذه النسبة في صورة كسرٍ عشريّ. (الدرس ٨ - ٢)

٣٧ **الخبز:** تشكّل المياه ٣, ٠ من قطعة الخبز. اكتب هذا الكسر في صورة نسبة مئوية. (الدرس ٨ - ٢)

اكتب كلّ نسبة مئوية ممّا يأتي في صورة كسرٍ اعتياديٍّ أو عددٍ كسريٍّ في أبسط صورة: (الدرس ٨ - ١)

٣٨ ٤٪ ٣٩ ٤٨٪

٤٠ ١٦٠٪ ٤١ ٢٤٪

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب كلّ النتائج الممكنة لكلّ ممّا يأتي:

- ٤٢ إلقاء قطعة نقدية. ٤٣ رمي حجرٍ نردٍ. ٤٤ اختيار أحد أيام الأسبوع.

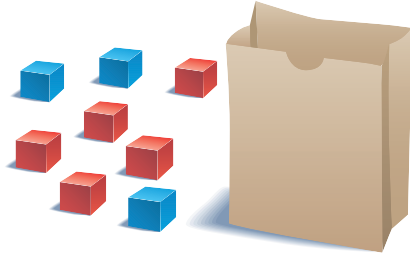




الاحتمال التجريبي والاحتمال النظري

توسّع
٣ - ٨

يعتمد الاحتمال النظري على ما يجب أن يحدث في الظروف المثالية. وهي الاحتمالات التي تعرّفها في الدرس ٨ - ٣، أما الاحتمال التجريبي فيعتمد على ما يحدث فعلاً في الواقع في تجربة ما. وسوف تستقصي في هذا المعمل العلاقة بين هذين النوعين من الاحتمالات.



الخطوة ١
ضع ٣ مكعبات زرقاء

و ٥ مكعبات حمراء في كيس.

الخطوة ٢
اسحب مكعباً من الكيس

دون النظر فيه. فإذا كان

المكعب أزرق، فاكتب «ز»

في جدول كالجداول المجاور، أما إذا كان

المكعب أحمر، فاكتب «ح» في الجدول.

الخطوة ٣
أعد المكعب إلى الكيس، ثم كرر الخطوة ٢

حتى تصل إلى ٣٠ محاولة.

المحاولة	النتيجة
١	ح
٢	ز
٣	ح
⋮	
٣٠	

فكرة الدرس:

أقارن الاحتمال التجريبي
بالاحتمال النظري.

المفردات

الاحتمال النظري
الاحتمال التجريبي

حلّ النتائج

١ لايجاد الاحتمال التجريبي لاختيار مكعب أزرق، اكتب نسبة عدد مرات سحب المكعب الأزرق إلى عدد المحاولات، ثم اكتب الاحتمال التجريبي لاختيار المكعب الأزرق.

٢ ما الاحتمال النظري لاختيار مكعب أزرق؟ قارن هذا الاحتمال بالاحتمال التجريبي الذي وجدته في السؤال ١، وفسّر أيّ اختلافات.

٣ قارن النتائج التي توصلت إليها بنتائج مجموعات أخرى في صفك. ولماذا تتباين قيمة الاحتمال التجريبي عندما تُعاد التجربة؟

٤ أوجد الاحتمال التجريبي لمحاولات طلاب الصف جميعهم. ثم قارن بين الاحتمال التجريبي والاحتمال النظري.

٥ **خمن:** اشرح لماذا يمكن أن يكون الاحتمال التجريبي الذي حصلت عليه في السؤال ٤ أقرب إلى الاحتمال النظري من الاحتمال التجريبي في السؤال ١

٦ **اجمع البيانات:** اعمل مع زميلك، واطلب إليه أن يضع أعداداً مختلفة من المكعبات الحمراء والمكعبات الزرقاء في الكيس على أن يكون مجموعها ١٠، واستعمل الاحتمال التجريبي لتخمين العدد الصحيح من المكعبات الحمراء والمكعبات الزرقاء في الكيس. ثم برّر إجابتك.

قراءة الرياضيات:

المحاولات:

المحاولة جزء منفرد من التجربة المحددة بصورة جيدة. وتتمثل المحاولة في هذا المعمل في سحب مكعب من الكيس.

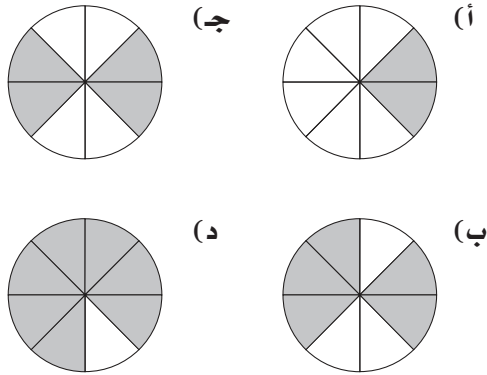


اختبار منتصف الفصل

الدروس من ١-٨ إلى ٣-٨



١٦ **اختيارٌ من متعدد:** قُسمت كل دائرة أدناه إلى أجزاءٍ متطابقة. أيُّ دائرة تمَّ تظليلُ ٢٥٪ منها؟
(الدروس ١-٨)



العدد	الصفة
٦	ثوب
٤	شماغ
٣	غتره
٧	جوارب

بيِّن الجدول المجاور، أصنافَ بعض الملابس وعددها في خزانة ملابس. أوجد احتمالَ اختيار كلِّ ممَّا يأتي: (الدروس ٣-٨)

١٧ ح (جوارب)

١٨ ح (ثوب أو غتره)

١٩ ح (ليس شماغًا)

٢٠ ح (ليس جوارب أو غتره)

٢١ **الطقس:** إذا كانت احتمالية هطول الأمطار في أحد الأيام ٦٠٪، اكتب احتمالية عدم هطول الأمطار لهذا اليوم في صورة نسبة مئوية وكسرٍ اعتيادي وكسرٍ عشري. (الدروس ٣-٨)

اكتب كلَّ نسبةٍ ممَّا يأتي في صورة كسرٍ اعتيادي أو عددٍ كسريٍّ في أبسط صورة: (الدروس ١-٨)

١ ٣٩٪ ٢ ١٨٪ ٣ ١٧٥٪

٤ **اختيارٌ من متعدد:** ٤٨٪ من طلاب مدرسة يأتون إلى المدرسة سيرًا على الأقدام. ما الكسر الذي يمثل عدد الطلاب الذين لا يأتون سيرًا على الأقدام؟ (الدروس ١-٨)

١ ١٣/٢٥ (أ) ٢ ٥/٤ (ج)

٣ ١/٤٨ (ب) ٤ ١٢/١٥ (د)

اكتب كلَّ كسرٍ ممَّا يأتي في صورة نسبة مئوية: (الدروس ١-٨)

٥ ٨/٢٠ ٦ ١/٢ ٧ ٣/١٠٠

اكتب كلَّ نسبة مئوية ممَّا يأتي في صورة كسرٍ عشري: (الدروس ٢-٨)

٨ ٧٣٪ ٩ ١٤٥٪ ١٠ ٩٪

١١ **حاسوب:** يحفظ مشعل ٨٥٪ من أعماله على حاسوبه الشخصي. اكتب هذه النسبة في صورة كسرٍ عشري. (الدروس ٢-٨)

اكتب كلَّ كسرٍ ممَّا يأتي في صورة نسبة مئوية: (الدروس ٢-٨)

١٢ ٠,٢٢ ١٣ ٦,٧٥ ١٤ ٠,١

١٥ **مدرسة:** بلغت زيادة عدد الطلاب لهذا العام ١,٢ عن العام السابق. اكتب ١,٢ في صورة نسبة مئوية. (الدروس ٢-٨)



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

الفصل ٨: اختبار منتصف الفصل ١١٩



فضاء العينة

٨ - ٤



مشروبات

كبير، وسط، صغير

شطائر

بيض، جن، كبدة

حلوى

توفي، شوكولاتة

الاستعداد

طعام: اللوحة المجاورة تبين أنواع بعض الوجبات في أحد المطاعم.
١ اكتب قائمة بجميع الطرق الممكنة مشروب و شطيرة وقطعة من الحلوى.

٢ كيف تعرف أنك قد سجلت جميع الطرق المختلفة الممكنة؟

فكرة الدرس:

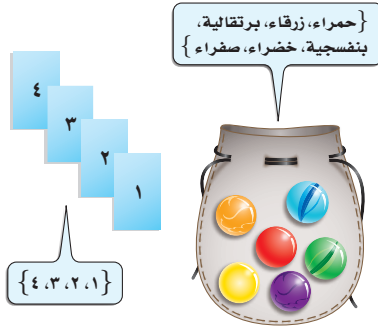
أنشئ فضاء العينة باستعمال الرسم الشجري أو القائمة أو مبدأ العد.

المفردات

فضاء العينة

الرسم الشجري

مبدأ العد الأساسي



تسمى مجموعة كل النواتج الممكنة لتجربة ما **فضاء العينة**.

في الشكل المجاور يظهر فضاء العينة لاختيار كرة واحدة من بين مجموعة من الكرات الملونة، كما يظهر فضاء العينة لالتقاط بطاقة واحدة من بين البطاقات المرقمة. ويمكن استعمال القائمة لتحديد فضاء العينة.

استعمال القائمة لإيجاد فضاء العينة

مثال

١ **رحلة:** تم اختيار الطلاب الثلاثة المبيّنة أسماؤهم لتمثيل الصف السادس في رحلة مدرسية. ويرغب هؤلاء الطلاب في أن يجلسوا متجاورين في الحافلة. فبكم طريقة مختلفة يمكنهم الجلوس؟
أنشئ قائمة منظمة. استعمل الحرف «ف» لفصيل، «ع» لعلي، و«م» لماجد. واستعمل كل حرف مرة واحدة بالضبط:

ف ع م م ع م ف ع م ف م ع ف م ف ع م

إذن هناك ٦ طرق يمكن أن يجلس بها الطلاب متجاورين.

تحقق من فهمك:

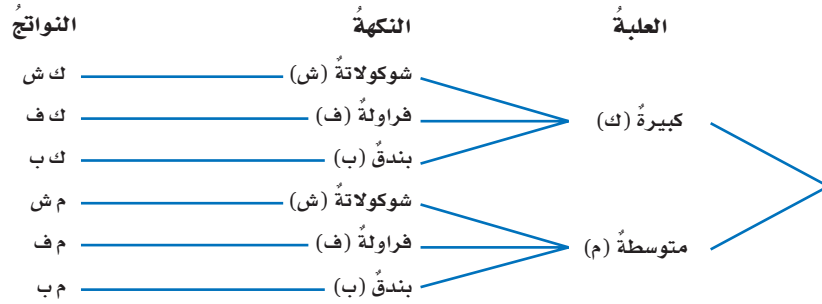
١ **طعام:** ما عدد الطرق المختلفة الممكنة لاختيار طبق من الدجاج و طبق مقبلات، إذا كان بإمكانك اختيار الدجاج مطبوخاً أو مشوياً، واختيار المقبلات من الحمص أو السلطة؟ أنشئ قائمة منظمة لعرض فضاء العينة.



ويمكنُ أيضًا استعمالُ الرسمِ الشجريِّ لعرضِ فضاءِ العينة، وهو رسمٌ يعرضُ جميعَ النواتجِ الممكنةِ لحادثةٍ ما.

مثال استعمال الرسم الشجري لإيجاد فضاء العينة

٢ طعام: استعمل الرسم الشجري لإيجاد عدد الطرق الممكنة لاختيار علبتي مثلجات إذا أمكن الاختيار من بين حجمين من العلب: كبير أو متوسط، ومن بين ثلاث نكهات: الشوكولاتة أو الفراولة أو البندق. اكتب حجم العلبتي أولاً.



توجد ٦ طرقٍ تتمُّ بها عملية اختيارِ علبتي المثلجات.

تحقق من فهمك:

(ب) **كلمات:** استعمل الرسم الشجري لإيجاد عدد الكلمات المختلفة التي يمكنُ تكوينها باستعمال كل كلمة مما يأتي: فصل، بيت، مدرسة، غرفة، مع الضميرين المتصلين: هم، هن.

هناك طريقة أخرى لإيجاد فضاء العينة، وهي استعمال مبدأ العد الأساسي، الذي ينصُّ على أنه إذا كان هناك «م» من النواتج للخيار الأول، و «ن» من النواتج للخيار الثاني، فإنَّ العدد الكلي للنواتج الممكنة يساوي $م \times ن$

مثال من واقع الحياة استعمال مبدأ العد الأساسي

وسيلة السفر	مكان المخيم
طائرة	منطقة أ
حافلة	منطقة ب
سيارة	منطقة ج
	منطقة د

٣ حج: تُقدِّم إحدى حملات الحج خدمات متنوعة كما في الجدول المجاور. استعمل مبدأ العد الأساسي لإيجاد العدد الكلي للنواتج الممكنة لاختيار وسيلة السفر ومكان المخيم.

$$\frac{\text{عدد نواتج اختيار وسيلة السفر}}{\times} \frac{\text{عدد نواتج اختيار مكان المخيم}}{= \frac{\text{العدد الكلي للنواتج}}{\text{مبدأ العد الأساسي}}}$$

$$3 \times 4 = 12$$

إذن يوجد ١٢ ناتجاً مختلفاً.

تحقق: استعمل الرسم الشجري لتعرض فضاء العينة.

تحقق من فهمك:

(ج) ألقى مكعب أرقام وأدير مؤشر قرص مقسم إلى أربعة أجزاء متطابقة أشير إليها بالحروف (أ، ب، ج، د). استعمل مبدأ العد الأساسي لإيجاد العدد الكلي للنواتج الممكنة لظهور رقم وحرف.

قراءة الرياضيات:

النواتج:

الناتج ك ش يعني علبة كبيرة من المثلجات بنكهة الشوكولاتة.



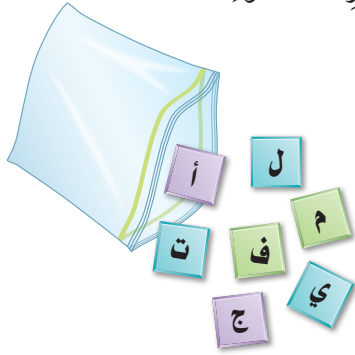
الربط بالحياة:

حملات الحج: أعلنت وزارة الحج والعمرة عام ١٤٣٥هـ عن سبع فئات للحج المخفّض بسعر التكلفة هي: (أ)، (ب)، (ج)، (د)، (هـ)، (و)، (ز)، (ح)، (ط)، (ي)، (ك)، (ل)، (م)، (ن)، (س)، (ص)، (ض)، (ط)، (ق)، (ك)، (ح)، (ج)، (ب)، (أ)، (هـ). وتصدر الوزارة دليلاً لشركات ومؤسسات الحج لتقديم الخدمات المتميزة للحجاج.



المثال ١ ١ اصطفاف: بكم طريقة يمكن أن يصطف رائد وقاسم وفؤاد أمام طاولة أمين المكتبة لتسجيل الكتب التي يرغبون في استعارتها؟

المثال ٢ ٢ استعمل الرسم الشجري لإيجاد عدد الحقائق المختلفة التي يمكن صنعها إذا كانت الحقائق من النايلون أو الجلد، باللون الأحمر أو الأخضر أو الأسود.



المثال ٣ ٣ ما عدد النواتج الممكنة عند رمي مكعب أرقام ١-٦، واختيار حرف من الكيس المجاور؟

تدرّب وحلّ المسائل

أنشئ قائمة منظمة لتبيّن فضاء العينة في الأسئلة ٤-٧:

٤ مدينة ألعاب: ذهب محمود وعدد من أصدقائه إلى مدينة الألعاب الترفيهية. فإذا أرادوا أن يلعبوا لعبة القطار والطائرة والسيارة الكهربائية دورة لكل لعبة منها، فبكم طريقة يمكنهم ترتيب ركوب هذه الألعاب الثلاث؟

٥ واجبات منزلية: بكم طريقة يمكن لسامي أن يرتب حل واجبات أربع مواد؟

قصص الأطفال	
١	ليلي والذئب
٢	مصباح علاء الدين
٣	كليلة ودمنة
٤	حكايات للأطفال

٦ قصص: إذا أرادت أم أن تشتري إحدى القصص المبينة في الجدول المجاور لابنها، وأن تختار كيس هدية أحمر أو أخضر لتضع فيه القصة التي ستختارها، فما عدد طرق اختيار القصة وكيس الهدية؟

٧ بحث: ابحث في الإنترنت عن اسم كتاب خامس للأطفال، ثم أوجد عدد الطرق لاختيار كتاب وكيس الهدية إذا كان بإمكان الأم أن تختار كتابًا من بين الكتب الخمسة (استخدم معطيات تدريب (٦)).

استعمل الرسم الشجري لعرض فضاء العينة لكل موقف، ثم سجّل عدد النواتج الممكنة:

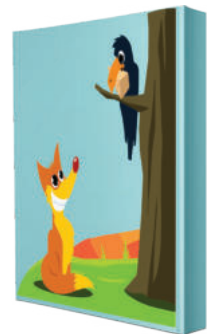
٨ شماغ أحمر أو أبيض وثوب أبيض أو أسود أو بني.

٩ كنافة أو كعك أو فطيرة، مع زبدة أو جبنة أو فستق أو لوز.

١٠ تدوير مؤشر قرص مقسم إلى ٤ أجزاء متطابقة ورمي مكعب أرقام.

١١ اختيار حرف من حروف كلمة فرح، وإلقاء قطعة نقدية، وتدوير مؤشر قرص مقسم إلى جزأين متطابقين.

ارشادات للتمارين	
للتمارين	انظر الأمثلة
٧-٤	١
١١-٨	٢
١٥-١٢	٣



الربط بالحياة:

بلغ العدد الإجمالي لمنشورات الوطن العربي من الكتب في أحد الأعوام ٢٧٨٠٩ عناوين تقريباً؛ ١٠٪ منها تقريباً موجهة للأطفال والشباب.

استعمل مبدأ العدّ الأساسي لإيجاد العدد الكليّ للنواتج الممكنة في الأسئلة ١٢-١٥ :

١٢ رمي مكعب أرقام، وتدوير مؤشر قرص مقسم إلى ثمانية أجزاء متطابقة.

١٣ إلقاء قطعة نقدية، واختيار حرف واحد من حروف كلمة "الصدق".

١٤ اختيار قميص من بين ٥ قمصانٍ مختلفة، وبنطالٍ من بين ٤ بناطيلٍ مختلفة.

١٥ اختيار محمد أو إبراهيم أو ناصر ليكون رئيسًا للفريق، ولؤي أو عبد العزيز أو بلال ليكون مساعدًا للرئيس.

١٦ **طعام:** استعمل مبدأ العدّ الأساسي لإيجاد عدد الشطائر التي يمكن إعدادها باختيار نوع واحد من الدقيق: الأبيض أو الأسمر، ونوع واحد من اللحوم: لحم الإبل أو لحم الضأن أو لحم الدجاج، ونوع واحد من الجبن: (الشرائح أو القابلة للدهن).

١٧ **اختبارات:** يتكوّن اختبار العلوم من سؤالٍ واحدٍ من نوع الاختيار من متعدد، بدائل الإجابات فيه هي (أ، ب، ج)، وسؤالين من نوع الصواب والخطأ. استعمل الرسم الشجري لعرض جميع طرق الإجابة عن هذه الأسئلة، ثم أوجد احتمال أن يجيب طالبٌ إجابةً صحيحةً عن الأسئلة الثلاث عن طريق التخمين.

استعمل قائمة الملابس المُجاورة للإجابة عن السؤالين ١٨، ١٩ :

اختيار ملابس

٣ أثواب (أبيض، رمادي، أزرق)
شماغ (أحمر، أبيض)
جوارب (أسود، بني)

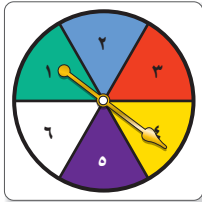
١٨ ما عدد النواتج الممكنة لاختيار ثوبٍ وشماغٍ وجوربٍ؟

١٩ ما احتمال اختيار (ثوبٍ رماديّ، شماغٍ أحمر، جوربٍ أسود)؟

٢٠ **اختيار:** وُضعت قصاصات ورقية تحمل أسماء خمسة طلاب في وعاء، وهم: خالد، محمد، رakan، سلمان، عبد الكريم، ثم اختيرت ثلاثة أسماء من الوعاء دون النظر فيه. أوجد فضاء العينة لكل من الموقفين الآتين، ثم اشرح طريقة اختلاف الموقفين وطريقة تأثير فضاء العينة:

(أ) عدد المجموعات الممكنة المكوّنة من ٣ طلاب.

(ب) عدد الطرق المختلفة التي يمكن بها اختيار الطلاب على أن يكون الأول رئيسًا، والثاني مساعد الرئيس، والثالث أمين السرّ للمجموعة.



٢١ **تحد:** تمّ في إحدى الألعاب تدوير مؤشر القرص المُجاور وإلقاء قطعة نقدية، على أن يكسب فهد نقطة إذا توقّف المؤشر عند ٢ أو ٤ وظهرت كتابة على القطعة النقدية. ويكسب بدر نقطة إذا توقّف المؤشر عند أي رقم آخر، وظهر الشعاع على القطعة النقدية، فهل فرصة فوز كل منهما متكافئة؟ اشرح إجابتك.

٢٢ **الكتب:** موقفاً يكون عدد نتائجه الممكنة ١٢

مسائل مهارات التفكير العليا



٢٣ عند بندر أثواب بلونين: أبيض وأسود، وكل لون يوجد منه حجم (صغير ومتوسط وكبير). أيّ الرسوم الشجرية أدناه يمثل الطرق الممكنة لاختيار لون الثوب وحجمه؟



٢٤ يعمل مطعم فطائر بثلاثة أصناف (لحم ودجاج وخضار)، وبثلاثة أحجام (صغيرة، متوسطة، كبيرة). أيّ جدول مما يأتي يبين جميع النواتج الممكنة لعمل الفطيرة؟

(أ)

الصف	الحجم
لحم	صغيرة
لحم	متوسطة
لحم	كبيرة
دجاج	صغيرة
دجاج	متوسطة
دجاج	كبيرة

(ب)

الصف	الحجم
لحم	صغيرة
لحم	صغيرة
لحم	صغيرة
دجاج	متوسطة
دجاج	متوسطة
دجاج	متوسطة
دجاج	متوسطة
خضار	متوسطة
لحم	كبيرة
دجاج	كبيرة
خضار	كبيرة

(ج)

الصف	الحجم
لحم	صغيرة
دجاج	متوسطة
خضار	كبيرة

(د)

الصف	الحجم
لحم	صغيرة
لحم	صغيرة
لحم	صغيرة
دجاج	متوسطة
دجاج	متوسطة
دجاج	متوسطة
دجاج	متوسطة
خضار	كبيرة
خضار	كبيرة
خضار	كبيرة

مراجعة تراكمية

في المطبخ سلّة فيها ٦ أشواك و ٥ سكاكين، ٣ ملاعق، إذا تمّ اختيار قطعة من السلّة دون النظر إليها، فما احتمال كلّ حدثٍ ممّا يأتي؟ (مهارة سابقة)

٢٥ ح (شوكة) ٢٦ ح (سكينة أو ملعقة) ٢٧ ح (شوكة أو ملعقة)

٢٨ الخطوط البرية: أطول خطوط الحدود البرية للمملكة العربية السعودية، خط الحدود بين المملكة العربية السعودية والجمهورية اليمنية، إذ يمثل ٢٩٪ تقريباً من مجمل أطوال الخطوط البرية للمملكة العربية السعودية. ما الكسر العشري الذي يكافئ ٢٩٪؟ (مهارة سابقة)

الاستعداد للدرس اللاحق

٢٩ مهارة سابقة: صفّ فيه ٢٨ طالبة، إذا دفعت كل واحدة منهنّ ٥ ريالات لشراء هدية لمعلمة الفصل؛ تكريماً لها في نهاية العام الدراسي، فهل ١٥٠ ريالاً أم ١٨٠ ريالاً أم ٢٢٠ ريالاً أكثر معقولية ممّا تمّ جمعه؟ (مهارة سابقة)





خطة حل المسألة

٨ - ٥

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال خطة «حل مسألة أبسط».

حل مسألة أبسط

رائد: سمعتُ أن ٨٠٪ من ٣٠٠ طالب في مدرستي اشتركوا في مسابقة المدرسة الثقافية هذا العام. وأنا أتساءل:
- ما عدد الذين اشتركوا في مسابقة المدرسة الثقافية هذا العام؟

مهمتك: استعمل خطة «حل مسألة أبسط» لإيجاد عدد الطلاب الذين اشتركوا في مسابقة المدرسة الثقافية.



افهم	تعلم أن عدد طلاب المدرسة ٣٠٠ طالب، وأن ٨٠٪ منهم اشتركوا في مسابقة المدرسة الثقافية، وتريد أن تجد عدد هؤلاء الطلاب.
خطّط	حل مسألة أبسط بإيجاد ١٠٪ من الطلاب، ثم استعمال النتيجة لإيجاد ٨٠٪ من الطلاب.
حلّ	$80\% = \frac{80}{100} = \frac{8}{10}$ ؛ أي أن ٨ من بين كل ١٠ طلاب اشتركوا في مسابقة المدرسة الثقافية. يوجد في المدرسة ٣٠٠ ÷ ١٠ = ٣٠ مجموعة، في كل منها ١٠ طلاب. اضرب ٣٠ في ٨ إذن ٢٤٠ طالباً اشتركوا في مسابقة المدرسة الثقافية هذا العام.
تحقق	تعلم أن ٨٠٪ قريبة من ٧٥٪ أي $\frac{3}{4}$ ، وبما أن $\frac{1}{4}$ من ٣٠٠ يساوي ٧٥، فإن $\frac{3}{4}$ من ٣٠٠ يساوي ٢٢٥. إذن الإجابة ٢٤٠ معقولة. ✓

حلّ الخطة

- ١ اشرح متى تُستعمل خطة " حلّ مسألة أبسط ".
- ٢ اشرح لماذا وجد الطلاب التعامل مع ١٠٪ هو الأسهل.
- ٣ **الكتب** مسألة يمكن حلها عن طريق " حلّ مسألة أبسط "، ثم اكتب خطوات الحلّ.



مسائل متنوعة

استعمل خطة " حل مسألة أبسط " لحل المسائل ٤-٦ :

٤ **نقود:** حصل سعيد على خصم بنسبة ١٨٪ من قيمة مشترياته. فإذا أراد أن يشتري بمبلغ ٢٤٦ ريالاً، فما مقدار الخصم الذي يحصل عليه تقريباً؟

٥ **قراءة:** قدر علي أنه يقرأ نحو ١٥٠٠ صفحة في السنة. فكم صفحة تقريباً يقرأ في الأسبوع؟

٦ **شوكولاتة:** ينتج مصنع ١٢٠٠ حبة مغلّفة من الشوكولاتة في الدقيقة الواحدة. فكم حبة تقريباً يُنتج في الثانية الواحدة؟

استعمل الخطة المناسبة مما يأتي لحل المسائل ٧-١٦ :

خطّ حلّ المسألة

- التخمين والتحقق
- البحث عن نهج
- حلّ مسألة أبسط
- تمثيل المسألة

٧ **ساعات:** تُصدر ساعة أحمد صوتاً كل ساعة. فما عدد المرات التي تُصدر فيها صوتاً في أسبوع واحد؟

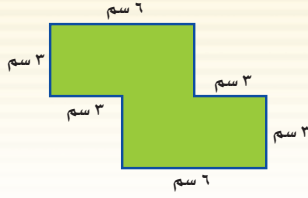
٨ **إطارات:** الشكل أدناه يبيّن جزءاً من لوح خشبيّ.



فإذا كانت كل أقسام اللوح متساوية العرض، والشكل الأول فيه مثلثاً، وطول اللوح ٧٤ سم، فماذا يكون الشكل الأخير؟

٩ **تمرين:** ركض فهد مسافة ١ كلم في الأسبوع الأول، و ٢ كلم في الأسبوع الثاني، و ٤ كلم في الأسبوع الثالث وهكذا... استعدداً للمشاركة في سباق الماراثون. فكم كيلومتراً سيركض في الأسبوع السادس، إذا استمر بالمعدل نفسه؟

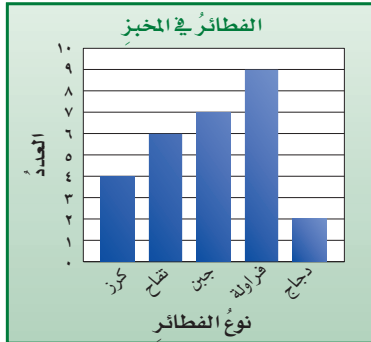
١٠ **مساحة:** أوجد مساحة الشكل الآتي:



١١ **وشاح:** تريد هند أن تجزئ شريطاً من وشاح طوله ١٨٠ سم إلى قطع، طول كل منها ٥ سم لتعلقها على صدور أطفال الروضة. فإذا كانت كل عملية قص تستغرق ثانية واحدة، فما الوقت الذي تستغرقه عملية قص الشريط كله إلى قطع طول كل منها ٥ سم؟

١٢ **مصافحات:** جرت ١٠ مصافحات في حفلة، حيث صافح كل شخص جميع الحاضرين مرة واحدة. كم كان عدد الحاضرين في الحفلة؟

١٣ **فطائر:** التمثيل بالأعمدة أدناه يبيّن عدد الفطائر من كل نوع من الأنواع الموجودة في مخبز ما. فكم مرة يساوي عدد فطائر الفراولة عدد فطائر الدجاج؟



١٤ **زكاة:** دفع راشد ١٨٥٣ ريالاً زكاةً لأمواله، وهذا يعادل ٥, ٢٪ من أمواله. فما المبلغ الذي دفع عنه الزكاة؟

١٥ **أنماط:** صف النمط الآتي، ثم أوجد العدد المفقود:

٣٢٤، ١٠٨، ■، ١٢، ٤

١٦ **ملصقات:** مع خليل ٣٢ ملصقاً، ويريد أن يعطي كل واحد من أصدقائه الأربعة العدد نفسه من الملصقات. فما عدد الملصقات التي يحصل عليها كل واحد منهم؟

اختبار الفصل

طعام: استعمل المعطيات الآتية لحلّ السؤالين ١٥، ١٦:
يعرض أحد المقاصف المدرسية مشروب الشاي أو الحليب، وشطائر الجبن أو المُرَبَّى أو اللحم.

١٥ استعمل الرسم الشجريّ لكتابة جميع الخيارات الممكنة للمشروب والشطائر.

١٦ أوجد احتمال أن الطالب التالي الذي يطلب مشروبًا وشطيرة سيختار الشاي مع شطيرة الجبن.

١٧ سأل صالح طلاب الصف السادس عن أكثر الأنشطة التي يستمتع بها كلٌّ منهم في العطلة الصيفية. فكانت إجاباتهم كما يأتي:

التشاطُّب	عدد الطلاب
الرياضة	٣١
التسوق	٢٤
السفر	١٦
الرسم	١٥
القراءة	١٤

أوجد احتمال أن تكون القراءة هي أكثر ما يستمتع به أحد الطلاب؟

١٨ **اختيار من متعدد:** ما عدد النواتج الممكنة عند رمي مكعب أرقام، وقطعتين نقديتين؟

(أ) ١٠ (ب) ١٤

(ب) ١٢ (د) ٢٤

١٩ قرأ ماجد ٢١٠ صفحات من كتاب في ٧ أيام. فكّم صفحة كان يقرأ في اليوم الواحد، إذا علمت أنه قرأ العدد نفسه من الصفحات في كل يوم؟

اكتب كل نسبة مئوية فيما يأتي في صورة كسر اعتيادي أو عدد كسري في أبسط صورة:

١ ٤٢٪ ٢ ١١٠٪ ٣ ١٨٪

اكتب كلاً من الكسور أو الأعداد الكسرية الآتية في صورة نسبة مئوية:

٤ $\frac{2}{5}$ ٥ $\frac{11}{20}$ ٦ $\frac{1}{3}$

٧ **اختيار من متعدد:** إذا شارك ٨٥٪ من طلاب مدرسة في مهرجان، فما الكسر الذي يدل على الطلاب الذين لم يشاركوا في المهرجان؟

(أ) $\frac{17}{20}$ (ب) $\frac{3}{20}$
(ج) $\frac{1}{85}$ (د) $\frac{1}{5}$

اكتب كل كسر عشري ممّا يأتي في صورة نسبة مئوية:

٨ ٠,٣ ٩ ٠,٨٧ ١٠ ١,٤٩

رُقمت ٢٠ بطاقة بالأرقام من ١ إلى ٢٠، ثم سُحبت منها بطاقة واحدة دون النظر إلى البطاقات. أوجد كلاً من الاحتمالات الآتية، وكتب إجابتك في صورة كسر اعتيادي، وكسر عشري، ونسبة مئوية:

١١ ح (٨)

١٢ ح (٣ أو ١٠)

١٣ ح (أولي)

١٤ ح (ليس فردياً)



الاختبار التراكمي (٨)

اختيار من متعدد

القسم ١

اختر الإجابة الصحيحة:

١ قَرِّب $\frac{٤}{٩}$ إلى أقرب نصفٍ.

(أ) ٤

(ب) $\frac{٤}{٩}$

(ج) $\frac{٤}{٣}$

(د) ٥

٢ اشترى أيمن ثوبًا بخصم مقداره ١٠ ريالٍ عن سعره الأصلي. فإذا دفع ٦٥ ريالًا، فكَمْ ريالًا كان سعره الأصلي؟

(أ) ٥٥

(ب) ٦٥

(ج) ٧١, ٥

(د) ٧٥

٣ تقطعُ سيارةٌ علاءٍ ٥٠٠ كيلومترًا باستعمال ٥٠ لترًا من الوقود. كم كيلومترًا تقطعُ السيارةُ باستعمال ١٠ لتراتٍ وقودٍ؟

(أ) ١٠ كلم

(ب) ٥٠ كلم

(ج) ١٠٠ كلم

(د) ٥٠٠ كلم

٤ ما ناتج: $\frac{٣}{٥} \times \frac{١}{٣}$ ؟

(أ) $\frac{٤}{١٥}$

(ب) $\frac{١}{٥}$

(ج) $\frac{٣}{٨}$

(د) $\frac{٣}{٥}$

٥ ما ناتج: $١\frac{١}{٣} \times ١\frac{١}{٣}$ ؟

(أ) $١\frac{١}{٤}$

(ب) $١\frac{١}{٣}$

(ج) $٢\frac{١}{٤}$

(د) $٤\frac{١}{٣}$

٦ ما ناتج: $\frac{١}{٦} \div \frac{١}{٣}$ ؟

(أ) $\frac{١}{٢}$

(ب) ٢

(ج) $\frac{١}{١٨}$

(د) ١٨

٧ ما ناتج: $\frac{١}{٥} + \frac{١}{٣}$ ؟

(أ) $\frac{٢}{٧}$

(ب) $\frac{٢}{٥}$

(ج) $\frac{٧}{١٠}$

(د) $\frac{١}{٧}$



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي، موضِّحاً خطوات الحل:

١٣ عرض محلّ ملابس على زبائنه اختيار قطعة واحدة من كل فئة من الفئات الثلاث المبيّنة في الجدول أدناه مقابل ١٣٥ ريالاً للقطع الثلاث.

ثوب	شماع	جوارب
أبيض	أحمر	مخططة
مقلّم	أبيض	سادة
مربعات	أسود	منقطعة

(أ) ما عدد الخيارات الممكنة للأشياء التي يمكن شراؤها بالسعر المُعلن؟ بين هذه الخيارات باستعمال الرسم الشجري.

(ب) إذا اخترت قطعة واحدة من كل فئة بشكل عشوائي، فما احتمال أن يشتمل اختيارك على ثوب أبيض، وشماع أحمر أو أبيض، وجورب مخطط؟

(ج) إذا حُذِفَ الثوب الأبيض من العرض، فكم يصبح عدد خيارات الشراء المتاحة؟

٨ ما حلُّ التناسب $\frac{4}{9} = \frac{س}{36}$ ؟

(أ) ٣٦ (ج) ٩

(ب) ١٦ (د) ٤

٩ يحتوي وعاء على ٤ أقلام حمراء، و٩ زرقاء، و٣ سوداء، و٤ خضراء. فإذا سحبت قلمًا واحدًا منها عشوائيًا، فما احتمال ألا يكون أسود؟

(أ) $\frac{2}{5}$ (ج) $\frac{3}{20}$

(ب) $\frac{3}{4}$ (د) $\frac{17}{20}$

١٠ استلم محلّ بيع أحذية شحنة من الأحذية، فإذا كان ٣٥٪ منها أحذية رياضية، فما الكسر الاعتيادي الذي يمثّل الأحذية الرياضية في الشحنة؟

(أ) $\frac{13}{20}$ (ج) $\frac{1}{6}$

(ب) $\frac{7}{20}$ (د) $\frac{3}{8}$

الإجابة القصيرة

القسم ٢

أجب عن كل من السؤالين الآتيين:

١١ اكتب ٤٥، ٢ في صورة نسبة مئوية.

١٢ تعرض بقالة ٥ أنواع من الزيت، و٤ أنواع من الحليب المجفّف. فما عدد الطرق الممكنة لاختيار نوع واحد من كل من الزيت والحليب المجفّف؟

أدرب



من خلال الإجابة عن الأسئلة؛ حتى أعزز ما تعلمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

أنا طالب معدّ للحياة، ومنافس عالمياً.

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

١٣	١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	إذا لم تجب عن السؤال
٤-٨	٤-٨	٢-٨	١-٨	٣-٨	٤-٧	مهارة سابقة	مهارة سابقة	مهارة سابقة	مهارة سابقة	٢-٧	مهارة سابقة	مهارة سابقة	فراجع الدرس

الهندسة : الزوايا والمضلعات

الفكرة العامة

- أستخدم مصطلحات هندسية لوصف الزوايا والمضلعات.

المفردات:

- الزاوية ص (١٣٢)
- رأس الزاوية ص (١٣٢)
- الدرجة ص (١٣٢)
- الشكل الرباعي ص (١٥٢)

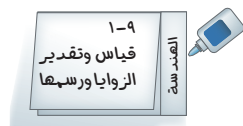
الربط بالحياة:

قاطرة كهربائية: يشهد ركاب القاطرة الكهربائية في إحدى مُدن الألعاب تجربة الهبوط من ارتفاع ٤٢ مترًا بزاوية ٧٠°

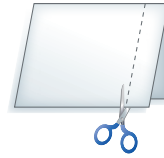
المطويات

مُنظّم أفكار

الهندسة (الزوايا والمضلعات): اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظتك حول الزوايا والمضلعات، ابدأ بخمس أوراق A4



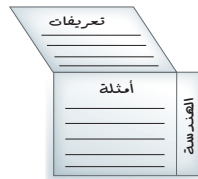
١ **ألصق** الشريط بالطبقة السفلية، واكتب كلمة "الهندسة" عليه، وعنوان الدرس على الجزء الأمامي من الورقة.



١ **اطو** الورقة من منتصفها من الجهة الأطول. ثم قص شريطاً بعرض ٣ سم من أحد الجزأين.



٢ **كرّر** الخطوات ١ - ٣ مع جميع دروس الفصل باستعمال الأوراق المتبقية، ثم ثبت الأوراق معاً لتكوين كراسة.



٣ **اكتب** "تعريفات" و "أمثلة" على جزأي الورقة من الداخل.





التهيئة

أجب عن الاختبار الآتي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

اختبار للريخ

مراجعة للريخ

حلّ كلاً من المعادلات الآتية: (مهارة سابقة)

١ $90 = 44 + س$

٢ $90 = س + 68$

٣ $180 = 122 + س$

٤ $180 = س + 87$

مثال ١:

حلّ المعادلة: $180 = س + 54$

فكّر: ما العدد الذي يضاف إلى ٥٤ لتكون النتيجة ١٨٠؟

تعلّم أن: $180 = 126 + 54$

فيكون حلّ هذه المعادلة هو ١٢٦

٥ **كرة سلة:** سجّل عليّ ٤٠ نقطة في أول مباراتين من مباريات موسم كرة السلة. فإذا سجّل ٢١ نقطة في المباراة الثانية، فكم نقطة سجّل في المباراة الأولى؟

حلّ المعادلات الآتية: (مهارة سابقة)

٦ $180 = س + 44 + 77$

٧ $180 = 32 + س + 90$

٨ $360 = 82 + 108 + س + 53$

٩ $360 = س + 112 + 38 + 29$

مثال ٢:

حلّ المعادلة: $180 = 22 + س + 61$

اجمع ٦١ مع ٢٢ $180 = 22 + س + 61$

فكّر: ما العدد الذي يضاف إلى ٨٣ لتكون النتيجة ١٨٠؟

تعلّم أن: $180 = 97 + 83$

فيكون حلّ هذه المعادلة هو ٩٧

١٠ **فنادق:** استأجر نواف وثلاثة من أصدقائه غرفة في فندق تتسع لأربعة أشخاص بـ ٣٦٠ ريالاً. فإذا دفع كل واحد من أصدقائه ٨٥ ريالاً، فكم ريالاً سيدفع نواف؟





قياس وتقدير الزوايا ورسمها

٩ - ١

الاستعداد

مصروفات أحمد خلال أحد الأشهر



مصروفات: الدائرة المجاورة توضح مصروفات أحمد خلال أحد الأشهر.

١ أي مصروفات أحمد كانت أكبر، الفواتير أم الملابس؟ الطعام أم السيارة؟ وضح ذلك.

٢ إذا كانت النسب ١٤٪، ١٧٪، ١٢٪، ٢٠٪، ٣٧٪ تمثل أجزاء الدائرة المجاورة، فوضح كيف ترتبط هذه النسب بالمصروفات الممثلة لها.

فكرة الدرس:

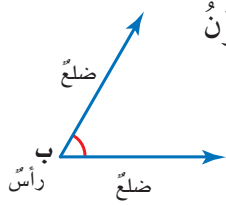
أقدر قياس الزوايا، وأجد قياسها، وأرسمها.

المفردات:

الزاوية

رأس الزاوية

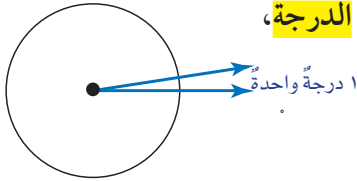
الدرجة



كل جزء من الدائرة في الشكل أعلاه تحدده زاوية. فالزاوية تتكون من ضلعين يشتركان في نقطة واحدة تسمى رأس الزاوية. وتسمى الزاوية بدلالة رأسها.

فالزاوية في الشكل المجاور هي الزاوية ب، ويُعبّر عنها بالرمز: $\angle B$.

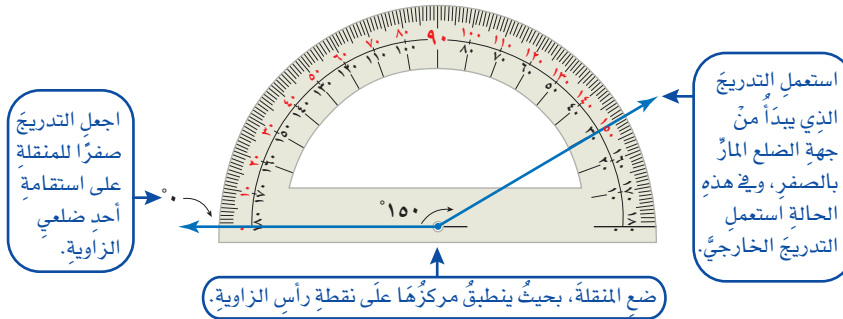
الوحدة الأكثر استعمالاً للتعبير عن قياس الزاوية هي **الدرجة**، ويمكن تقسيم الدائرة إلى ٣٦٠ جزءاً متطابقاً، وكل جزء يشكل زاوية قياسها درجة واحدة (١°).



مثال

إيجاد قياس زاوية

١ استعمل المنقلة لإيجاد قياس الزاوية أدناه.



استعمل التدريج الذي يبدأ من جهة الضلع المار بالصفير، وفي هذه الحالة استعمل التدريج الخارجي.

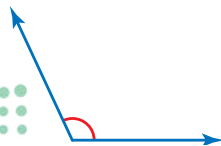
اجعل التدريج صفرًا للمنقلة على استقامة أحد ضلعي الزاوية.

ضع المنقلة، بحيث ينطبق مركزها على نقطة رأس الزاوية.

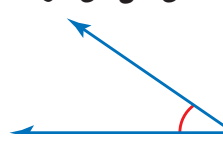
إذن قياس الزاوية ١٥٠°

تحقق من فهمك:

أوجد قياس كل من الزاويتين الآتيتين:



(ب)



(أ)

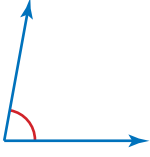


مثال

تقدير قياس زاوية

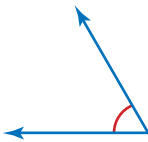
٢ قدر قياس الزاوية المُجاورة.

قياس هذه الزاوية أقل من قياس الزاوية القائمة (90°) بقليل.
إذن يُعدُّ التقدير 80° تقديرًا معقولًا لقياس هذه الزاوية.

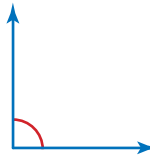


تحقق من فهمك:

قدر قياس كل من الزاويتين الآتيتين:



(د)



(ج)

مثال

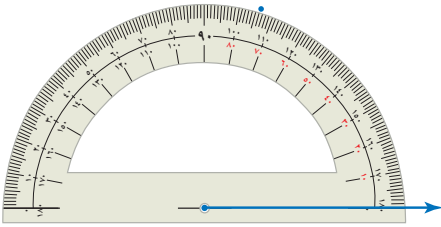
رسم زاوية

٣ استعمل المنقلة والمسطرة لرسم زاوية قياسها 74°

الخطوة ١: ارسم أحد ضلعي الزاوية،
ثم حدّد رأسها.

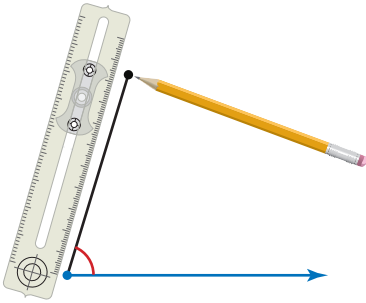


الخطوة ٢: ضع المنقلة حيث ينطبق
مركزها على نقطة رأس
الزاوية، وتكون الإشارة
المقابلة للصفر على
استقامة واحدة مع ضلع
الزاوية. ثم ابحث عن
 74° على التدريج



المناسب، وعيّن نقطة
بمحاذاته على الورقة.

الخطوة ٣: ارفع المنقلة، ثم صل بين
رأس الزاوية والنقطة التي
عيّنتها مستعملًا المسطرة.



إرشادات للدراسة

التحقق من معقولية الحل:
بيئتك أن تتحقق إذا كنت
تستعمل التدريج المناسب
لقياس الزاوية بمقارنة
الزاوية التي رسمتها مع
تقدير قياسها.

تحقق من فهمك:

استعمل المنقلة والمسطرة لرسم كل من الزوايا التي لها القياسات الآتية:

(ب) 85°

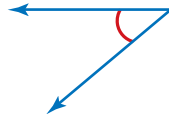
(و) 105°

(هـ) 68°



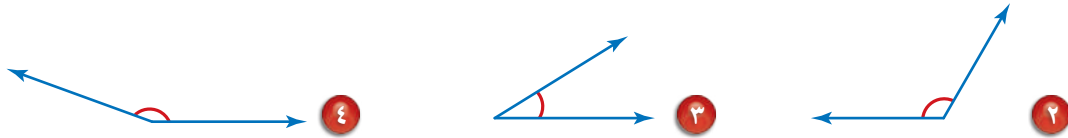
المثال ١

١ استعمال المنقلة لقياس الزاوية المجاورة.



المثال ٢

٢ قدر قياس كل من الزوايا الآتية:



المثال ٣

٣ استعمال المنقلة والمسطرة لرسم كل من الزوايا التي لها القياسات الآتية:

٥ 25° ٦ 140° ٧ 60°



٨ دراجات: قدر قياس زاوية المقود في الشكل المجاور.

تدرّب وحل المسائل

إرشادات للتمارين

انظر الامثلة	للتمارين
١	١٠، ٩
٢	١٢، ١١
٣	١٨ - ١٣

٩ استعمال المنقلة لإيجاد قياس كل من الزوايا الآتية:



١٠ قدر قياس كل من الزوايا الآتية:



١١ استعمال المنقلة والمسطرة لرسم الزوايا التي لها القياسات الآتية:

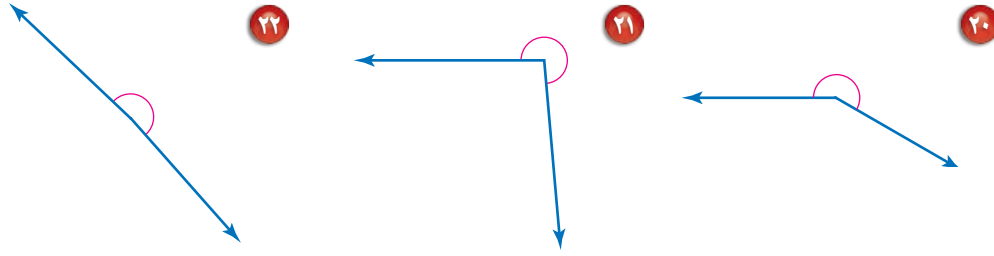
١٣ 75° ١٤ 50° ١٥ 20°
١٦ 115° ١٧ 175° ١٨ 133°

١٩ وقت: قدر قياس الزاوية التي تتكوّن من عقري الساعة

في الشكل المجاور.



قدّر قياس كلٍّ من الزوايا الآتية، ثمّ فسّر إجابتك:

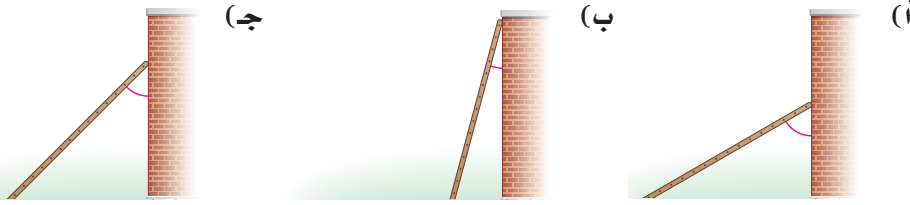


الربط بالحياة:

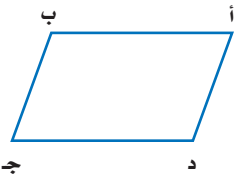
يُعدُّ الحوتُ الأحدبُ من الأسماك الاجتماعية التي تعيش في البحار القطبية وله ذيلٌ عريضٌ وطويلٌ، ويصل طوله إلى ١٤ متراً، وكتلته إلى ٦٥ طنّاً.

٢٣ الحوتُ الأحدبُ: ارسم نموذجاً للزاوية المتكوّنة من زعنفتي ذيل الحوت الأحدب، وأعطِ تقديراً معقولاً لقياس تلك الزاوية.

٢٤ سلاليم: يكون السلم في وضع آمن عندما يكون قياس الزاوية بين أعلاه والحائط الرأسي ١٥° تقريباً. قدّر قياس الزاوية التي يكونها كلُّ سلمٍ مع الحائط الرأسي في الأشكال الآتية ثمّ حدّد، أيّ هذه السلاليم يُعدُّ آمناً؟



٢٥ مثلثات: ارسم المثلث الذي قياسات زواياه ٧٠°، ٦٠°، ٥٠° مستعملاً المنقلة والمسطرة، ثمّ اكتب قياس كلِّ زاوية عليه.



٢٦ تحدّد: قدّر قياس كلِّ زاوية من زوايا الشكل المجاور، ثمّ حلّل العلاقات التي تلاحظها بين قياسات تلك الزوايا.

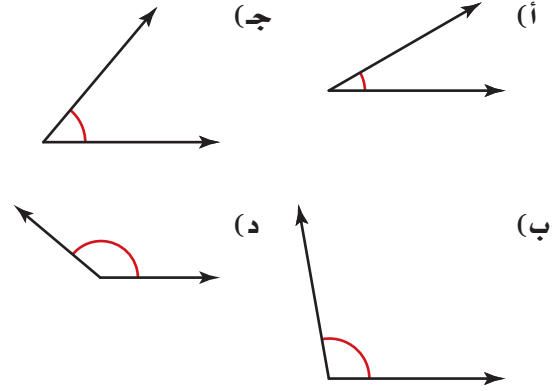
مسائل
مهارات التفكير العليا

٢٧ تبرير: يتابع المعالج الطبيعي حالة مريض أُجريت له عملية جراحية في ركبته. وكان يحدّد في كلِّ زيارة لهذا المريض الزاوية التي يستطيع أن يثني عندها ركبته. فهل من الممكن في رأيك أن يستعمل المعالج التقدير لمتابعة مدى التحسّن الذي يطرأ على ركلة المريض؟ برّر إجابتك.

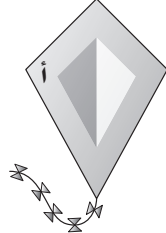
٢٨ مسألة مفتوحة: اكتب أحد الأرقام التي يظهر فيها شكل زاوية، وارسمه بالمسطرة، ثمّ سمّ الزاوية وقدر قياسها.

٢٩ اكتب: صف موقفاً يكون فيه رسم شكل ما بقياسات تقريبية للزوايا مناسباً ومفيداً.

٣٠ أي زاوية مما يأتي قياسها 50° تقريباً؟



٣١ الشكل أدناه يمثل طائرة ورقية.



قدّر قياس الزاوية أ

- (أ) 45° (ب) 80°
 (ج) 100° (د) 140°

مراجعة تراكمية

٣٢ طلاب: صف فيه ٢٨ طالباً، تغيب منهم ٤ طلاب، بينما صف آخر فيه ٣٠ طالباً تغيب منهم ٥ طلاب. أيهما كان أكثر نسبة حضور: الصف الأول أم الثاني؟ ولماذا؟ (مهارة سابقة)

٣٣ رحلات: إذا كان احتمال أن يذهب أحمد في رحلة برية ٨٥٪. فما احتمال عدم ذهاب أحمد في هذه الرحلة؟ (مهارة سابقة)

اكتب كلاً مما يأتي في صورة نسبة مئوية: (مهارة سابقة)

٣٥ $\frac{13}{25}$

٣٤ $\frac{7}{100}$

٣٧ $\frac{6}{10}$

٣٦ $\frac{3}{8}$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حل المعادلات التالية: (مهارة سابقة)

٣٩ $90 = س + 25$

٣٨ $180 = 45 + س$

٤١ $90 = 50 + س$

٤٠ $180 = س + 130$

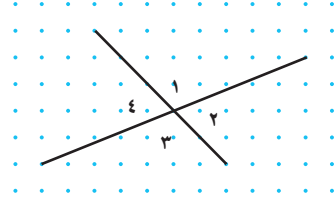




العلاقات بين الزوايا

٩ - ٢

نشاط



الخطوة ١ انسخ الشكل المبيّن في ورق منقط.

الخطوة ٢ استعمل المنقلة لإيجاد قياس كل زاوية.

١ ماذا تلاحظ على قياس ١ و ٣،

وعلى قياس الزاويتين ٢ و ٤؟

٢ **خمن:** صف العلاقة بين الزوايا المتقابلة الناتجة عن مستقيمين متقاطعين.

٣ أوجد مجموع قياسي ٣ و ٤، ومجموع قياسي ٢ و ٣ أيضًا.

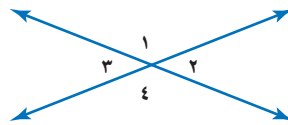
٤ ما نوع الزاوية التي تكوّنها ٣ و ٤ معًا؟ وما نوع الزاوية التي تكوّنها ٢ و ٣ معًا؟

٥ **خمن:** صف العلاقة بين الزاويتين اللتين تشكّلان زاويةً مستقيمةً.

عندما يتقاطع مستقيمان، فإنهما يشكّلان زوجين من الزوايا المتقابلة، كلٌّ منهما يُسمّى زاويتين متقابلتين بالرأس. والزاويتان المتقابلتان بالرأس لهما القياس نفسه. وتُسمّى الزوايا التي لها القياس نفسه زوايا متطابقة.

يستعمل الرمز \cong ليدلّ على أن الزاويتين متطابقتان.

$$\begin{cases} \angle 1 \cong \angle 3 \\ \angle 2 \cong \angle 4 \end{cases}$$



مثال: إيجاد قياس زاوية مجهولة

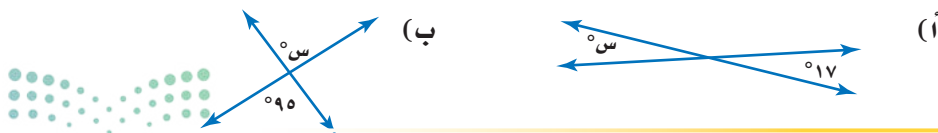
مثال

١ أوجد قيمة س في الشكل المجاور.

الزاويتان المشار إليهما بـ س، 140° زاويتان متقابلتان بالرأس؛ لذا فهما متطابقتان. إذن، قيمة س هي 140°

تحقق من فهمك:

أوجد قيمة س في كل من الشكلين الآتيين:



يمكن إيجاد علاقات أخرى بين أزواج الزوايا. وقد وجدت في النشاط السابق أزواجاً من الزوايا مجموع قياساتها 180° . ونقول عن زاويتين إنهما زاويتان متكاملتان إذا كان مجموع قياسيهما يساوي 180° ، بينما نقول عنهما إنهما زاويتان متتامتان إذا كان مجموع قياسيهما يساوي 90° .


قراءة الرياضيات:

اقرأ الرمز ق ١٢: قياس الزاوية ١

مفهوم أساسي
أزواج الزوايا

التعبير اللفظي: الزاويتان اللتان مجموع قياسيهما يساوي 180° هما زاويتان متكاملتان.


النماذج:



ق ١٢٠ = ١٢٠، ق ٦٠ = ٦٠، ق ١٢٠ = ١٢٠ + ق ٦٠ = ١٨٠

التعبير اللفظي: الزاويتان اللتان مجموع قياسيهما يساوي 90° هما زاويتان متتامتان.

النماذج:



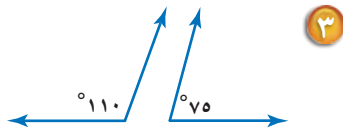
ق ٣٠ = ٣٠، ق ٦٠ = ٦٠، ق ٩٠ = ٩٠ + ق ٦٠ = ٩٠

يمكنك استعمال تعريف الزاويتين المتتامتين وتعريف الزاويتين المتكاملتين لتصنيف الزوايا.

مطلوب

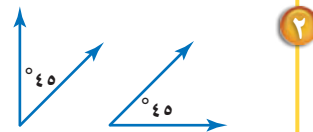
تصنيف أزواج الزوايا

صنّف كلّاً من زوجي الزوايا الآتيين إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك:



$$110^\circ + 75^\circ = 185^\circ$$

بما أن مجموع قياسيهما لا يساوي 90° أو 180° ، فالزاويتان غير متتامتين وغير متكاملتين.



$$45^\circ + 45^\circ = 90^\circ$$

بما أن مجموع قياسيهما يساوي 90° ، فالزاويتان متتامتان.

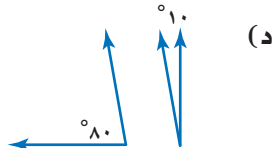
إرشادات للدراسة

العلاقات بين الزوايا

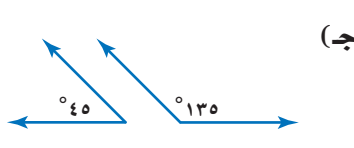
ليس من الضروري أن تشترك الزاويتان في الرأس نفسه لكي تُصنّف على أنها متتامتان أو متكاملتان.

تحقق من فهمك:

صنّف كلّاً من زوجي الزوايا الآتيين إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك:



(د)



(ج)

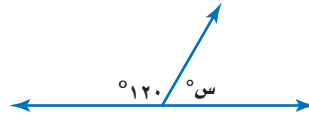


مثالان

إيجاد قياس زاوية مجهولة

أوجد قيمة s في كلٍّ من الشكلين الآتيين:

بما أن الزاويتين تشكّلان زاويةً مستقيمةً فإنهما متكاملتان.



$$180^\circ = s^\circ + 120^\circ$$

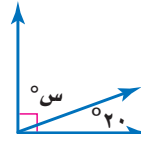
تعريفُ الزاويتين المتكاملتين.

$$180^\circ = 60^\circ + 120^\circ$$

فكر: ما القياس الذي يُضاف إلى 120° لتكون النتيجة 180° ؟

$$\text{إذن قيمة } s \text{ هي } 60$$

بما أن الزاويتين تشكّلان زاويةً قائمةً فإنهما متتامتان.



$$90^\circ = 20^\circ + s^\circ$$

تعريفُ الزاويتين المتتامتين.

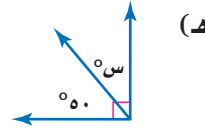
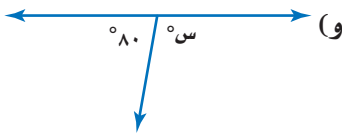
$$90^\circ = 20^\circ + 70^\circ$$

فكر: ما القياس الذي يُضاف إلى 20° لتكون النتيجة 90° ؟

$$\text{إذن قيمة } s \text{ هي } 70$$

تحقق من فهمك:

أوجد قيمة s في كلٍّ من الشكلين الآتيين:



إرشادات للدراسة

التحقّق من معقولية الحلّ

بما أنّ الزاوية التي قياسها

s° زاوية حادة، لذا يجبُ

أن تكون s أقل من 90° .

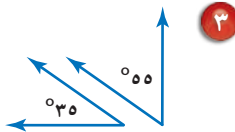
وبما أنّ $60 > 90$ ، فالإجابة

معقولة.

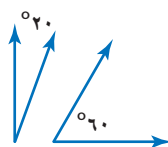
تأكّد

صنّف كلّاً من أزواج الزوايا الآتية إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك:

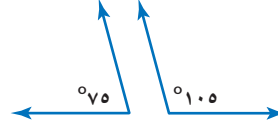
المثالان ٢، ٣



٣



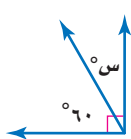
٢



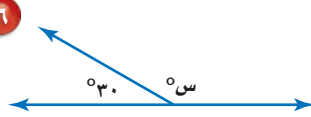
١

أوجد قيمة s في كلٍّ من الأشكال الآتية:

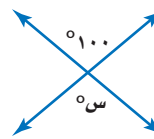
الأمثلة ١، ٤، ٥



٦



٥



٤

٧ أشجار: ما قيمة s في ورقة الشجرة المجاورة؟

المثال ٤



وزارة التعليم

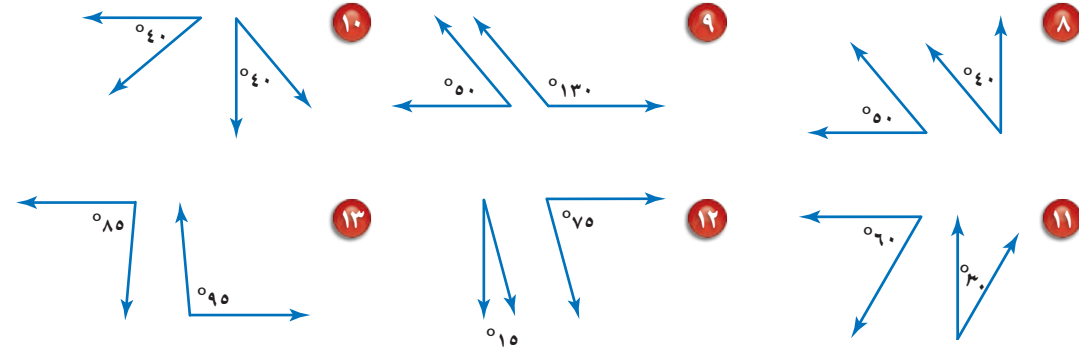
Ministry of Education
2025 - 1447

الدرس ٩-٢ : العلاقات بين الزوايا ١٣٩

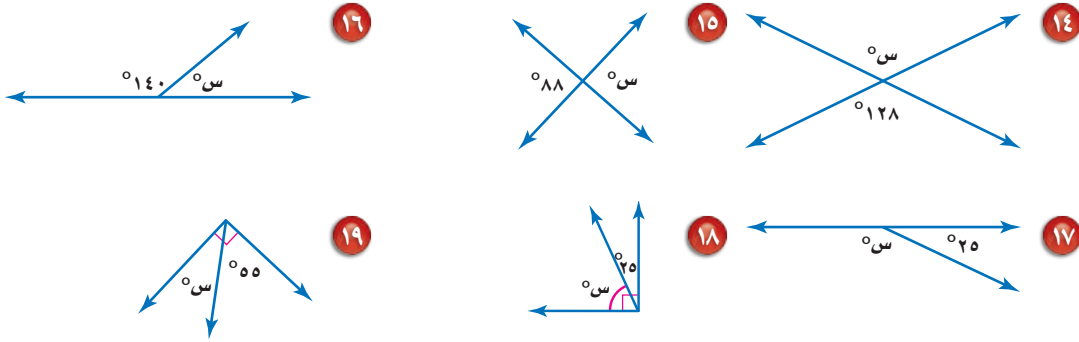
تدرّب وحل المسائل

صنّف كلّاً من أزواج الزوايا الآتية إلى : متتامتين ، أو متكاملتين ، أو غير ذلك :

ارشادات للتمارين	
للتمارين	انظر الأمثلة
١٣ - ٨	٣ ، ٢
١٩ - ١٤	٥ ، ٤ ، ١
٢٠	٤



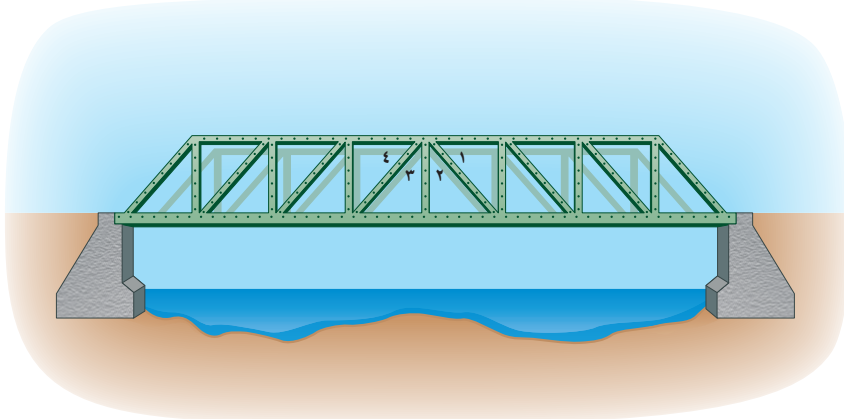
أوجد قيمة س في كلّ من الأشكال الآتية :



٢٠ خيول: ما قيمة س في الحاجز المبين في الصورة المجاورة؟



٢١ جسور: يتكوّن جسرٌ من عدّة دعائمٍ مستقيمة كما في الشكل أدناه. اكتب مسألةً يمكن حلّها بالرجوع إلى الزوايا المشار إليها بالأرقام ١ - ٤ في الشكل.



الربط بالحياة: كيف يستعمل المهندس المعماري الرياضيات؟ يستعمل المهندسون المعماريون الرياضيات عند تصميم العمارات والجسور.



٢٢ إذا كانت الزاويتان أ، ب متتامتين، ق $\Delta = 40^\circ$ ، فأوجد ق Δ ب

٢٣ إذا كانت الزاويتان ج، د متكاملتين، ق $\Delta = 65^\circ$ ، فأوجد ق Δ ج



كهرباء: استعمل الصورة المجاورة التي تمثل أحد أبراج كهرباء الضغط العالي المنتشرة في المملكة للإجابة عن الأسئلة ٢٤-٢٨:

صنّف أزواج الزوايا الآتية:

٢٤ ١ Δ و ٢ Δ

٢٥ ٢ Δ و ٤ Δ

٢٦ ٣ Δ و ٤ Δ

٢٧ ١ Δ و ٣ Δ

٢٨ إذا كان ق $\Delta = 46^\circ$ ، فأوجد ق Δ ٢، ق Δ ١

حدّد إذا كانت كل عبارة من العبارات الآتية صحيحة أحياناً، أم صحيحة دائماً، أم غير صحيحة، ثمّ فسّر إجابتك:

٢٩ الزاويتان المتقابلتان بالرأس متطابقتان.

٣٠ الزاويتان المتقابلتان بالرأس لهما القياس نفسه.

٣١ الزاويتان القائمتان متتامتان.

٣٢ الزاويتان المنفرجتان متكاملتان.

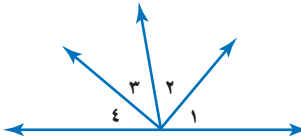
٣٣ الزاويتان المتقابلتان بالرأس متتامتان.

٣٤ **تبرير:** أجب عن كل من الأسئلة الآتية:

(أ) ما نوع الزاوية المكملّة لزاوية حادة؟

(ب) ما نوع الزاوية المكملّة لزاوية قائمة؟

(ج) هل يمكن لزاويتين حادتين أن تكونا متكاملتين؟ برّر إجابتك.



٣٥ **تحذّر:** انظر إلى الشكل المجاور. إذا كان ق $\Delta = 1$ ، ق $\Delta = 2$ ،

وكان ق $\Delta = 3$ ، ق $\Delta = 4$ ، فماذا يمكن أن نستنتج عن مجموع قياسي ١ Δ ، ٣ Δ ؟ برّر إجابتك.

٣٦ **الكتب:** إذا وجدت زاويتين لهما الزاوية المكملّة نفسها. فما الوصف الصحيح

لقياس هاتين الزاويتين؟ فسّر إجابتك.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٣٧ إذا كانت الزاويتان س، ص متتامتين، وكان قياس

ص يساوي 60° ، فما قياس س؟

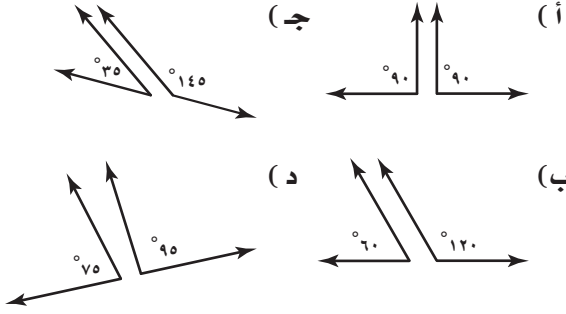
(أ) 30°

(ب) 60°

(ج) 90°

(د) 120°

٣٨ أي أزواج الزوايا أدناه ليس متكاملًا؟



مراجعة تراكمية

استعمل المنقلة والمسطرة لرسم كل من الزوايا التي لها القياسات الآتية: (الدرس ٩ - ١)

٤١ 110°

٤٢ 25°

٣٩ 75°

اكتب كل نسبة مئوية مما يأتي في صورة كسر عشري: (الدرس ٨ - ٢)

٤٥ 207%

٤٤ 90%

٤٣ 135%

٤٢ 22%

٤٦ نقود: ينفق بدر ٥٠ ريالاً كل أسبوعين، فكَمْ ريالاً ينفق في ٥ أسابيع بحسب هذا المعدل؟ (الدرس ٧ - ٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: احسب قيمة كل عبارة مما يأتي:

٤٩ $(83+37) - 180$

٤٨ $(70+70) - 180$

٤٧ $(60+45) - 180$





معمل الهندسة زوايا المثلث

استكشاف

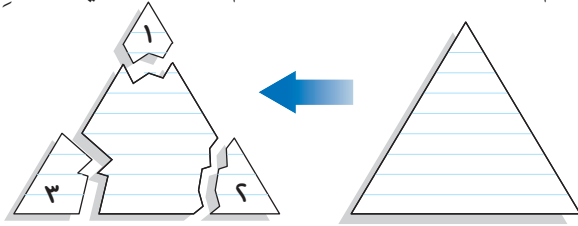
٣ - ٩

ستكتشف في هذا المعمل العلاقة بين زوايا المثلث الثلاث.

نشاط

ارسم مثلثاً يشبه المثلث المرسوم أدناه.

رقم زوايا المثلث (١، ٢، ٣)، ثم قصها كما في الشكل.



الخطوة ١

الخطوة ٢

أعد ترتيب الأجزاء التي تم قصها على أن تلتقي في نقطة واحدة كما في الشكل.



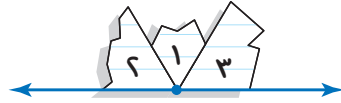
الخطوة ٣

كرر الخطوات السابقة مع مثلثين آخرين، يختلف شكل كل منهما عن شكل المثلث السابق.

الخطوة ٤

حل النتائج

- ١ ماذا تمثل كل منطقة صغيرة مقصودة؟
- ٢ النقطة التي التقت فيها المناطق الصغيرة الثلاث هي رأس زاوية أخرى كما في الشكل. فهل هذه الزاوية قائمة أم حادة أم منفرجة أم مستقيمة؟ بين ذلك.



- ٣ ما قياس هذه الزاوية؟
- ٤ **خمن:** ما مجموع قياسات الزوايا (١، ٢، ٣) لكل مثلث من المثلثات التي رسمتها؟ تأكد من تخمينك عن طريق قياس كل زاوية بالمتقلة، ثم أوجد مجموع هذه القياسات لكل مثلث.

- ٥ **خمن:** ما مجموع قياسات زوايا أي مثلث؟

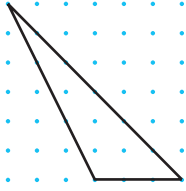




المثلثات

٩ - ٣

نشاط



ارسم المثلث المجاور في ورقة منقطة، ثم قصه.

الخطوة ١

أوجد قياس كل زاوية من زوايا المثلث، ثم اكتب قياسها.

الخطوة ٢

للمثلث المبيّن أعلاه زاويتان حادتان وزاويته الثالثة منفرجة؛ لذا يُسمّى مثلثاً منفرج الزاوية.

١ كرّر هذا النشاط مع ٩ مثلثاتٍ أخرى.

٢ صنّف المثلثات التي رسمتها إلى ثلاث مجموعاتٍ وفق قياس الزاوية الثالثة في المثلث، وسمّ المجموعات على النحو الآتي: حادة، قائمة، منفرجة.

يوجد في أيّ مثلث زاويتان حادتان على الأقل. ويصنّف المثلث بحسب قياس الزاوية الثالثة فيه كما اكتشفت في النشاط أعلاه.

فكرة الدرس:

أصنّف المثلثات، ثم أجد قياسات زوايا مجهولة فيها.

المفردات:

مثلث حادّ الزوايا

مثلث قائم الزاوية

مثلث منفرج الزاوية

القطعة المستقيمة

القطع المستقيمة المتطابقة

مثلث مختلف الأضلاع

مثلث متطابق الضلعين

مثلث متطابق الأضلاع

مفهوم أساسي

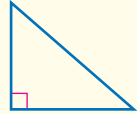
تصنيف المثلثات وفق زواياها

مثلث منفرج الزاوية



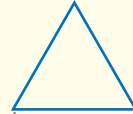
إحدى زواياه منفرجة

مثلث قائم الزاوية



إحدى زواياه قائمة

مثلث حادّ الزوايا

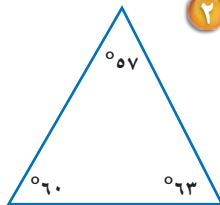


جميع زواياه حادة

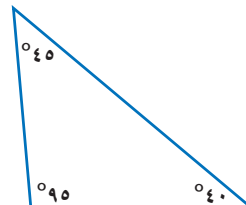
تصنيف المثلثات بحسب زواياها

مثالان

صنّف كلّاً من المثلثين الآتيين إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية:



جميع زوايا هذا المثلث حادة. إذن هذا المثلث حادّ الزوايا.



الزاوية التي قياسها ٩٥° زاوية منفرجة. إذن هذا المثلث منفرج الزاوية.



تحقق من فهمك:

صنّف كلّاً من المثلثين الآتيين إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية:



لقد توصلت في درس الاستكشاف السابق (معمل الهندسة: زوايا المثلث) إلى العلاقة الآتية:

مجموع قياسات زوايا المثلث

التعبير اللفظي: مجموع قياسات زوايا المثلث يساوي 180°

النموذج:

بالرموز: $180^\circ = \text{ع} + \text{ص} + \text{س}$

يمكنك إيجاد قياس زاوية مجهولة، باستعمال حقيقة أن مجموع قياسات زوايا المثلث يساوي 180°

مثال من واقع الحياة

أعلام: أوجد قيمة س في علم دولة فلسطين المجاور.



الزوايا الثلاث المشار إليها هي زوايا مثلث. وبما أن مجموع قياسات زوايا المثلث يساوي 180° ، فإن: $180 = 60 + 60 + \text{س}$. استعمال الرياضيات الذهنية لحل المعادلة.

اكتب المعادلة. $180 = 60 + 60 + \text{س}$

اجمع 60 مع 60 $180 = 120 + \text{س}$

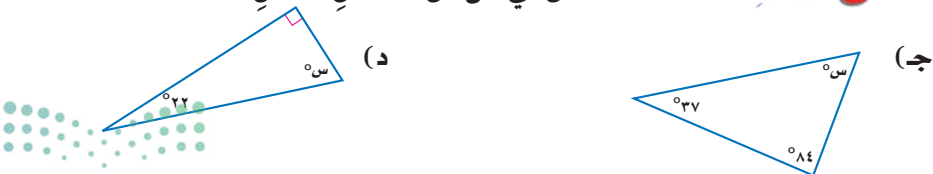
فكّر: ما القياس الذي يُضاف إلى 120 لتكون النتيجة 180 ؟

تعلم أن: $180 = 120 + 60$ $180 = 120 + 60$

إذن قيمة س هي 60

تحقق من فهمك:

أوجد قيمة س في كلّ من المثلثين الآتيين:



إرشادات للدراسة

طريقة أخرى:

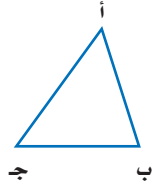
إذا عرفت قياس زاويتين في مثلث، فإنه يمكنك حساب قياس الزاوية الثالثة بطرح القياسين المعلومين من 180° ، فهنا قيمة س في

السؤال 3 هي:

$$60 = 180 - 60 - 60$$

قراءة الرياضيات:

القطع المستقيمة: يُقرأ الرمز أب: القطعة المستقيمة أ ب. ويرمز إلى أضلاع المثلث أدناه بالرموز أب، ب ج، أ ج.



يمكنك أيضًا أن تصنّف المثلثات وفق أضلاعها. حيث يُعدُّ كلُّ ضلعٍ من أضلاع المثلث **قطعةً مستقيمةً**. وتُسمى القطع المستقيمة التي لها الطول نفسه **القطع المستقيمة المتطابقة**. ويشار إليها في الشكل بوضع شرطٍ عليها.

مفهوم أساسي

تصنيف المثلثات وفق أضلاعها

مثلث مختلف الأضلاع مثلث متطابق الضلعين مثلث متطابق الأضلاع

أضلاعه الثلاثة متطابقة

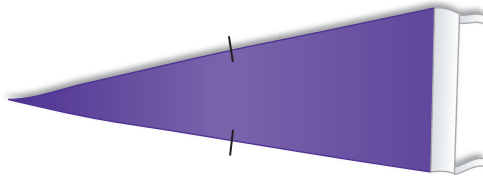
فيه ضلعان متطابقان على الأقل

ليس فيه أضلاع متطابقة

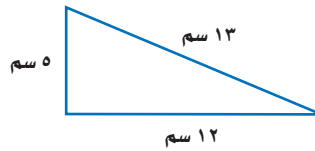
بما أن المثلث المتطابق الضلعين فيه ضلعان متطابقان على الأقل، فإن جميع المثلثات المتطابقة الأضلاع هي مثلثات متطابقة الضلعين أيضًا.

مثالان تصنيف المثلثات وفق أضلاعها

صنّف كلاً من المثلثين الآتيين إلى: مختلف الأضلاع، أو متطابق الضلعين، أو متطابق الأضلاع:



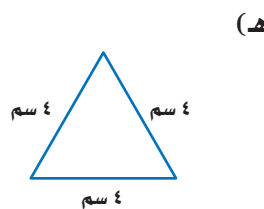
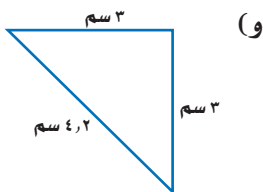
يوجد في هذا المثلث ضلعان متطابقان فقط. إذن فهو مثلث متطابق الضلعين.



لا توجد أضلاع متطابقة، إذن فهو مثلث مختلف الأضلاع.

تحقق من فهمك:

صنّف كلاً من المثلثين الآتيين إلى: مختلف الأضلاع، أو متطابق الضلعين، أو متطابق الأضلاع:



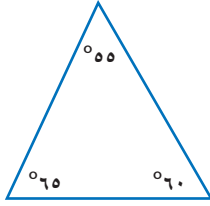
الربط بالحياة:

يعدُّ الالتزام بلوحات المرور الإرشادية عاملاً مهماً للوقاية من الحوادث. وتختلف أشكال هذه اللوحات، ومنها ما يكون على شكل مثلث متطابق الأضلاع.

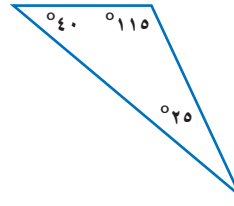


المثالان ٢، ١

صنّف كلّاً من المثلثين الآتيين إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية:



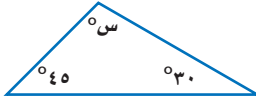
٢



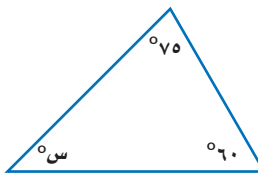
١

أوجد قيمة س في كلّ من المثلثين الآتيين:

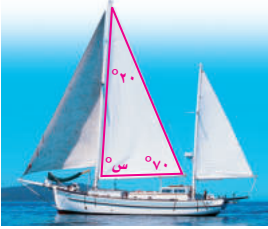
المثال ٣



٤



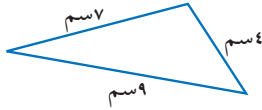
٣



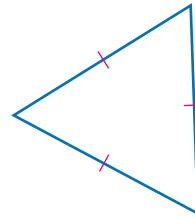
٥ قوارب: ما قيمة س المبيّنة في القارب المُجاور؟

صنّف كلّاً من المثلثين الآتيين إلى: مختلف الأضلاع، أو متطابق الضلعين، أو متطابق الأضلاع:

المثالان ٤، ٥



٧



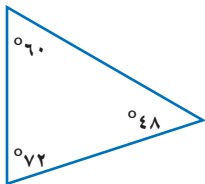
٦

تدرّب وحلّ المسائل

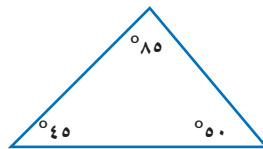
صنّف كلّاً من المثلثات الآتية المرسومة أو التي أعطيت قياسات زواياها إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية:

إرشادات للتمارين

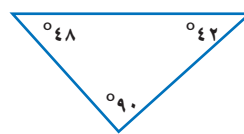
انظر الأمثلة	التمارين
٢، ١	١٣-٨
٣	٢١-١٤
٥، ٤	٢٦-٢٢



١٠



٩



٨

١١٤، ٣٣، ٣٣

١٣

١٥، ٧٥، ٩٠

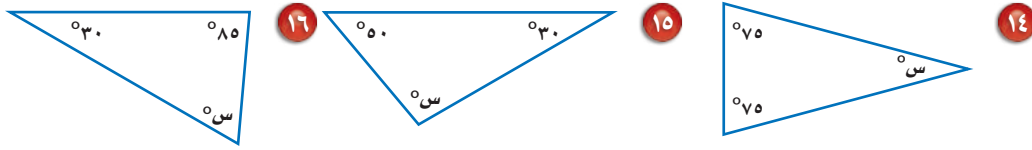
١٢

٣٥، ٤٥، ١٠٠

١١



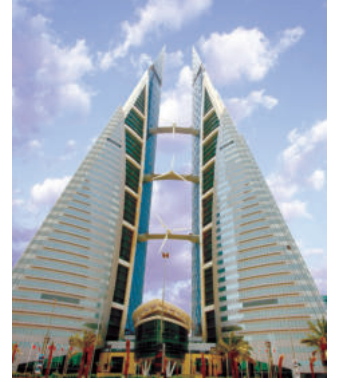
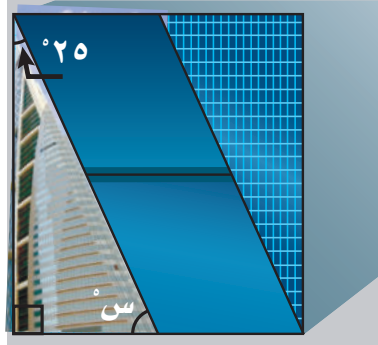
أوجد قيمة s في كلِّ من المثلثات الآتية:



١٧ $70^\circ, 60^\circ, s^\circ$ ١٨ $25^\circ, 60^\circ, s^\circ$ ١٩ $25^\circ, 35^\circ, s^\circ$

٢٠ **بنايات:** ما قيمة s في الشكل أدناه؟ **٢١ متنزّهات:** الشكل أدناه يبيّن خيمةً

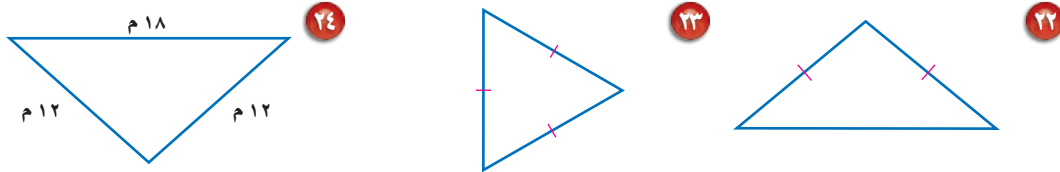
على شكلٍ مثلثٍ في أحد المتنزّهات.
ما قيمة s ؟



الربط بالحياة:

يعدُّ مركزُ البحرين التجاريُّ أحدَ المعالم الحضارية فيها، ويتكوّن من برجين، يصل ارتفاعُ كلِّ منهما إلى ٢٤٠ مترًا، ويصل بينهما ثلاثة جسورٍ معلقة، يحتوي كلٌّ منها على مروحة ضخمة لتوليد الطاقة الكهربائية.

صنّف كلاً من المثلثات الموضّحة في الأسئلة ٢٢ - ٢٦ إلى: مختلف الأضلاع، أو متطابق الضلعين، أو متطابق الأضلاع:



٢٥ أطوال أضلاعه: ٩ سم، ١١ سم، ١٣ سم **٢٦** أطوال أضلاعه: ٥ سم، ٦ سم، ٥ سم

٢٧ ما قياس الزاوية الثالثة في مثلث قياس الزاويتين الأخرين فيه: 25° و 50° ؟

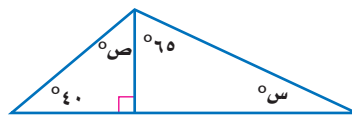
٢٨ ما قياس الزاوية الثالثة في مثلث قائم الزاوية قياس إحدى زواياه 31° ؟

٢٩ ما العلاقة بين الزاويتين الحادتين في المثلث القائم الزاوية؟

٣٠ مسألة مفتوحة: ارسم مثلثًا مختلف الأضلاع ومنفرج الزاوية مستعملًا المنقلة

والمسطرة، ثم سجّل عليه أطوال أضلاعه وقياسات زواياه.

٣١ تحدّ: أوجد قيمة كلِّ من s ، v في الشكل أدناه:



٣٢ الكنب: لماذا توجد زاويتان حادتان على الأقل في أيّ مثلث؟ وضح إجابتك بالرسم.

مسائل مهارات التفكير العليا

٣٣ إذا كان قياس زاويتين في مثلث هو 25° ، 60° ،

فما قياس الزاوية الثالثة؟

(أ) 15°

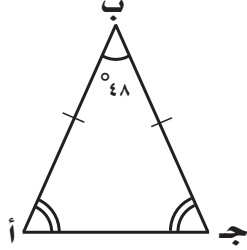
(ب) 85°

(ج) 95°

(د) 115°

٣٤ إجابة قصيرة أ ب ج مثلث متطابق

الضلعين فيه ق Δ ب = 48° ، ق Δ أ = ق Δ ج،
فما ق Δ أ؟



مراجعة تراكمية

٣٥ إذا كانت الزاويتان أ، ب متتامتين، وكان ق Δ ب = 35° فما ق Δ أ؟ (الدرس ٩ - ٢)

استعمل المنقلة والمسطرة لرسم الزوايا التي لها القياسات الآتية: (الدرس ٩ - ١)

٣٨ 125°

٣٧ 20°

٣٦ 85°

٣٩ الإخوة: إذا كان ٢٧، ٠ من طلاب مدرسة لهم إخوة في المدرسة، فما النسبة المئوية للطلاب الذين ليس لهم إخوة في المدرسة؟ (الدرس ٨ - ٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: ارسّم مثلاً على كل شكل ممّا يأتي:

٤٢ مثلث

٤١ متوازي أضلاع

٤٠ مستطيل



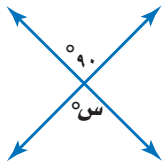
اختبار منتصف الفصل

الدروس من ١-٩ إلى ٣-٩

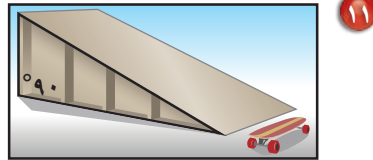
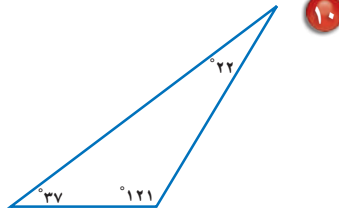
٨ **اختياراً من متعدد:** إذا كانت $\angle A$ ، $\angle B$ متكاملتين، وكان $\angle A = 41^\circ$ ، فما $\angle B$ ؟
(الدرس ٩-٢)

- (أ) 49° (ب) 59°
(ج) 139° (د) 149°

٩ أوجد قيمة x في الشكل المجاور.
(الدرس ٩-٢)



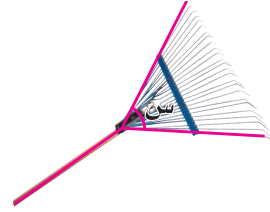
صنّف كلّاً من المثلثات الآتية إلى: حادّ الزوايا، أو قائم الزاوية، أو منفرج الزاوية: (الدرس ٩-٣)



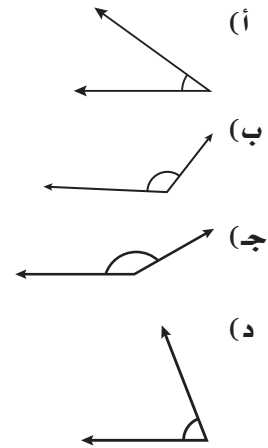
١٢ أوجد قيمة x في الشكل أدناه. (الدرس ٩-٣)



١ قدّر قياس الزاوية s في الشكل المجاور.
(الدرس ٩-١)



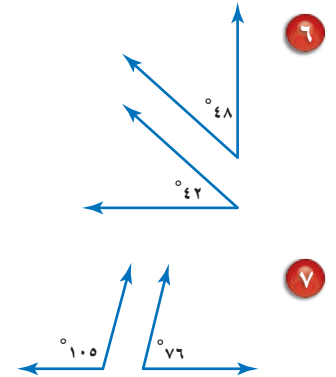
٢ أيّ زاوية ممّا يأتي قياسها بين 45° ، 90° ؟ (الدرس ٩-١)



استعمل المنقلة والمسطرة لرسم الزوايا التي لها القياسات الآتية: (الدرس ٩-١)

- ٣ 35° ٤ 110° ٥ 80°

صنّف كلّاً من أزواج الزوايا الآتية إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك: (الدرس ٩-٢)





زوايا الشكل الرباعي

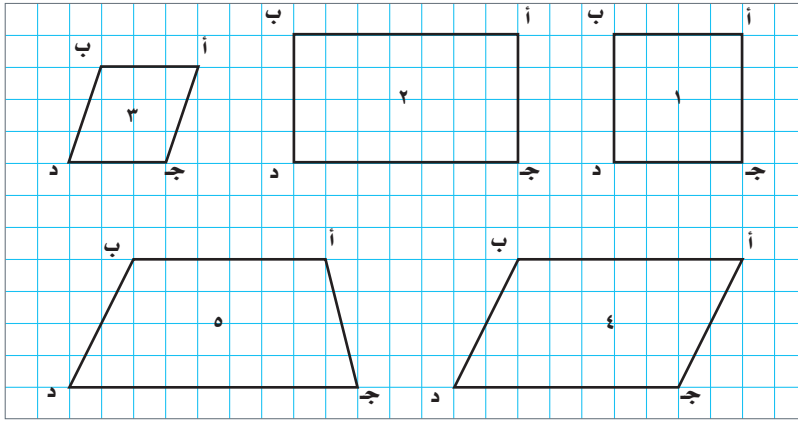
يتكوّن الشكل الرباعيّ من أربعة أضلاع وأربع زوايا. ستكتشف في هذا المعمل العلاقة بين زوايا الأشكال الرباعية المختلفة.

فكرة الدرس:

أكتشف العلاقة بين زوايا الأشكال الرباعية المختلفة.

نشاط

الخطوة ١ ارسم الأشكال الرباعية الآتية في ورقٍ مربعات:



الخطوة ٢ استعمل المنقلة لإيجاد قياس كل زاوية من زوايا الأشكال السابقة، وسجّل النتائج في جدولٍ على النحو الآتي:

الشكل الرباعي	ق ا د	ق ا ج	ق ا ب	ق ا د	مجموع قياس الزوايا
١					
٢					
٣					
٤					
٥					

حلّ النتائج

- ١ صِفْ أيّ نمطٍ تلاحظه في قياس زوايا الشكلين الرباعيين ١، ٢.
- ٢ صِفْ أيّ نمطٍ تلاحظه في قياس زوايا الأشكال الرباعية ١ - ٤.
- ٣ **خمن:** هل يوجد في الشكل الخامس أيّ من الأنماط الموجودة في الأشكال الرباعية ١ - ٤؟ إذا كانت الإجابة بالنفي، فخمن السبب الذي يجعله مختلفاً عن بقية الأشكال.



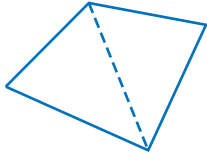


الأشكال الرباعية

٩ - ٤

نشاط

الشكل المبيّن أدناه يُسمّى شكلاً رباعياً ؛ لأنّ له أربعة أضلاعٍ وأربع زوايا.



ارسم شكلاً رباعياً.

الخطوة ١

اختر أحد الرؤوس، ثم ارسم
قُطرًا إلى الرأسِ المقابلِ.

الخطوة ٢

١ سمّ الأشكال الناتجة عن رسم القُطر. وما عددها؟

٢ **خمن:** استعمل العلاقة بين قياسات زوايا المثلث؛ لإيجاد مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعيّ. فسّر ذلك.

٣ استعمل المنقلة لإيجاد قياس كلّ زاوية من زوايا الشكل الرباعيّ الذي رسمته. ثمّ قارن بين مجموع قياسات هذه الزوايا والمجموع الذي أوجدته في السؤال الثاني.

فكرة الدرس:

أصنّف الأشكال الرباعية وأجد قياسات زوايا مجهولة فيها.

المفردات:

الشكل الرباعيّ

المستطيل

المربع

متوازي الأضلاع

المعين

شبه المنحرف

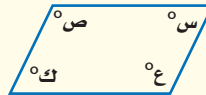
هناك علاقة خاصّة تربط بين قياسات زوايا الشكل الرباعيّ.

مفهوم أساسي

زوايا الشكل الرباعي

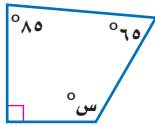
التعبير اللفظي: مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعيّ يساوي 360°

النموذج: بالرموز: $س + ص + ك + ع = 360^\circ$



مثال

١ أوجد قيمة س في الشكل الرباعيّ المُجاور.



بما أنّ مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعيّ يساوي 360° ،

$$360^\circ = 90^\circ + 85^\circ + 65^\circ + س$$

$$360^\circ = 240^\circ + س$$

فكر: ما القياس الذي يُضاف إلى 240 لتكوّن النتيجة 360 ؟

$$360^\circ = 240^\circ + 120^\circ$$

تعلّم أنّ: $360 = 240 + 120$

إذن قيمة س هي 120



تحقق من فهمك:

أوجد قيمة s في كل من الشكلين الرباعيين الآتين:



يوضح الجدول الآتي خواص خمسة أشكال رباعية:

الخصائص	الرسم	الشكل الرباعي
<ul style="list-style-type: none"> أضلاعُه المتقابلة متطابقة. جميعُ زواياهُ قوائم. أضلاعُه المتقابلة متوازية. 		المستطيل
<ul style="list-style-type: none"> جميعُ أضلاعه متطابقة. جميعُ زواياهُ قوائم. أضلاعُه المتقابلة متوازية. 		المربع
<ul style="list-style-type: none"> أضلاعُه المتقابلة متطابقة. أضلاعُه المتقابلة متوازية. زواياهُ المتقابلة متطابقة. 		متوازي الأضلاع
<ul style="list-style-type: none"> جميعُ أضلاعه متطابقة. أضلاعُه المتقابلة متوازية. زواياهُ المتقابلة متطابقة. 		المعين
<ul style="list-style-type: none"> فيه ضلعان متوازيان فقط. 		شبه المنحرف

لغة الرياضيات:

الزوايا المتطابقة

الإشارات الخضراء التي لها الشكل نفسه في كل شكل رباعي تبين الزوايا المتطابقة.

إرشادات للدراسة

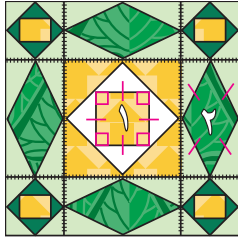
التوازي

إذا مُدَّ الخطان على استقامتيهما ولم يلتقيا أو يتقاطعا، فإنهما يُسببان مستقيبين متوازيين .
التعامد
الهستقيبان اللذان يكونان زاوية قائمة عند نقطة التقائهما يُسببان مستقيبين متعامدين .



تصنيف الأشكال الرباعية

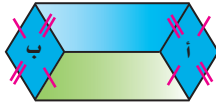
مثال من واقع الحياة



٢ فن: صنّف كلّاً من الشكلين المُشارِ إليهما بالرقمين ٢، ١ في الزخرفة المُجاورة.

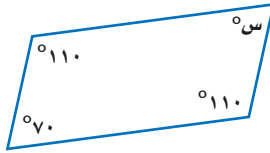
الشكل «١» مربع، والشكل «٢» معين.

تحقق من فهمك:



(ج) شعارات: صنّف الشكلين «أ»، «ب» في الشعار المجاور.

مثال من اختبار



٣ إجابة قصيرة: ما قيمة س في متوازي الأضلاع المجاور؟

اقرأ:

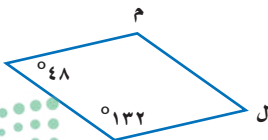
أنت في حاجة إلى معرفة قيمة س

حل:

تعلّم أنّ زوايا متوازي الأضلاع المتقابلة متطابقة. وبما أنّ قياس الزاوية المقابلة للزاوية ذات القياس المجهول يساوي 70° ، فإنّ $س = 70^\circ$

تحقق: تعلّم أنّ مجموع قياس زوايا الشكل الرباعي يساوي 360° وبما أنّ: $70^\circ + 70^\circ + 110^\circ + 110^\circ = 360^\circ$ ، فالإجابة معقولة. ✓

تحقق من فهمك:



(د) إجابة قصيرة: أوجد ق لام، ق دل بالدرجات في المعين المجاور.

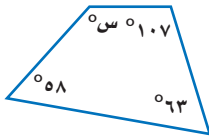
إرشادات للاختبارات

تحقق من معقولية الحل:
بعد أن تجد قيمة س، عد إلى الشكل الرباعي لتحديد ما إذا كانت إجابتك تمثل تقديراً معقولاً لقياس الزاوية أم لا.

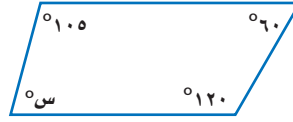


أوجد قيمة s في كلِّ من الشكلين الرباعيين الآتيين:

المثال ١



٢



١

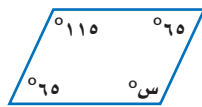
صنّف كلّاً من الشكلين الرباعيين الآتيين:

المثال ٢



٤ إجابة قصيرة: أوجد قيمة s في متوازي الأضلاع المُجاور.

المثال ٣

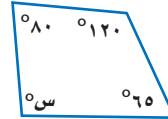


تدرّب وحلّ المسائل

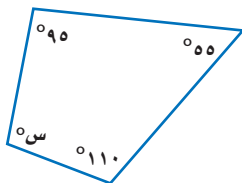
أوجد قيمة s في كلِّ من الأشكال الرباعية الآتية:



٦



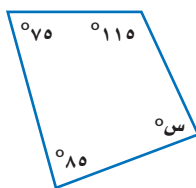
٥



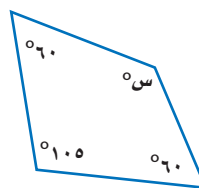
٨



٧



١٠

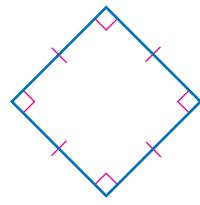


٩

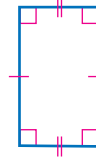
إرشادات للتمارين	
انظر الأمثلة	للتمارين
١	١٠ - ٥
٢	١٧ - ١١



صنّف كلّاً من الأشكالِ الرباعية الآتية:



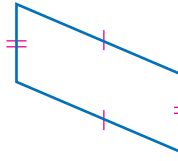
١٢



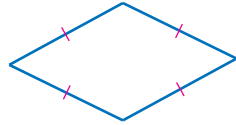
١١



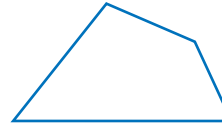
١٤



١٣



١٦

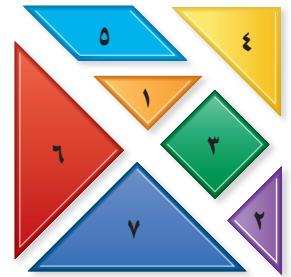


١٥



١٧ لوحات: صنّف كلّاً من الشكلين الرباعيين المجاورين.

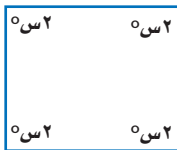
١٨ القطع الهندسية السبع: تُعدُّ المثلثات والأشكال الرباعية من المضلعات. والمضلع هو شكل بسيط مغلق يتكوّن من ثلاثة أضلاع أو أكثر. والمضلع الذي تتطابق جميع أضلاعه وزواياه أيضاً يُسمّى مضلعاً منتظماً. انظر إلى المضلعات المبيّنة يمين الصفحة. وصنّف المضلّعين المشار إليهما بالرقمين ٣ و ٥، ثمّ استعمل المسطرة والمنقلة لتعيين المضلعات المنتظمة.



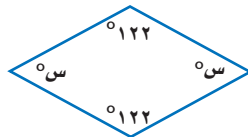
الربط بالحياة: القطع الهندسية السبع (Tangram)

لعبة صينية قديمة تساعد على التفكير والتأمل، وتتكوّن من ٧ قطع هندسية، تؤلّف بمجموعها مربعا، ويمكنك تكوين أكثر من ١٥٠٠ شكل من تلك القطع.

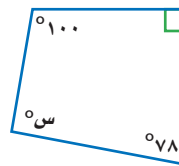
أوجد قيمة س في كلّ من الأشكال الرباعية الآتية:



٢١








٢٠



١٩



٢٢ ترتيب: رتب أحمد مجموعة من الأشكال الرباعية في فئتين وفق قاعدة تصنيف معينة. ووضع الأشكال التي انطبقت عليها تلك القاعدة في المجموعة (أ)، أما الأشكال التي لم تنطبق عليها تلك القاعدة فوضعها في المجموعة (ب).

		المجموعة (أ)	
			المجموعة (ب)

ما قاعدة التصنيف التي استعملها أحمد لترتيب الأشكال الرباعية؟

٣٣ مسألة مفتوحة: صف شيئين مختلفين من واقع الحياة يمثلان أشكالاً رباعية، ثم صنّف هذه الأشكال.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢٤ الحس العددي: إذا كان لثلاث زوايا في شكل رباعي القياس نفسه، فحدّد من دون استعمال الحسابات، هل قياس الزاوية الرابعة أكبر من 90° ، أم أقل من 90° ، أم يساوي 90° ؟ وفسّر إجابتك في كل من الحالات الآتية:

(أ) قياس كل واحدة من الزوايا الثلاث المتطابقة 89°

(ب) قياس كل واحدة من الزوايا الثلاث المتطابقة 90°

(ج) قياس كل واحدة من الزوايا الثلاث المتطابقة 91°

تحّد: حدّد ما إذا كانت كل عبارة من العبارات الآتية صحيحة دائماً، أم صحيحة أحياناً، أم غير صحيحة، وفسّر إجابتك:

٢٥ المعين هو مربع. ٣٦ الشكل الرباعي هو متوازي أضلاع.

٢٧ المستطيل هو مربع. ٢٨ المربع هو مستطيل.

٢٩ تحّد: ارجع إلى تعريف كل من المضلع والمضلع المنتظم الوارد في السؤال ١٨، ثم ارسم مضلعين منتظمين يكون أحدهما مثلثاً والآخر رباعياً. وقس زوايا المضلعين المنتظمين اللذين رسمتهما. ما قياس كل من زوايا المثلث المنتظم، والشكل الرباعي المنتظم؟ صنّف هذين المضلعين باختيار الاسم الأكثر تحديداً.

٣٠ الكتب: موضّحاً بالرسم مخطط العلاقة بين كل من الأشكال الآتية: المستطيل، متوازي الأضلاع، المربع، المعين، شبه المنحرف، الشكل الرباعي، ثم اكتب فقرة مكوّنة من عدّة جمل تشرح فيها المخطط الذي رسمته.

٣٢ أوجد قياس Δ م في متوازي الأضلاع أدناه.



- (ج) 120° (أ) 30°
(د) 150° (ب) 60°

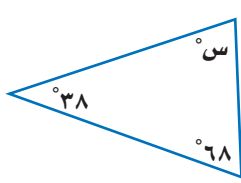
٣١ أوجد قياس Δ أ في الشكل أدناه.



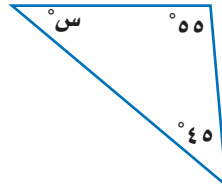
- (ج) 165° (أ) 75°
(د) 195° (ب) 105°

مراجعة تراكمية

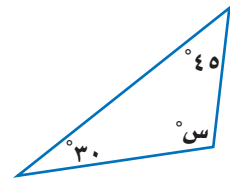
أوجد قيمة s في كلٍّ من المثلثات الآتية: (الدرس ٩ - ٣)



٣٥

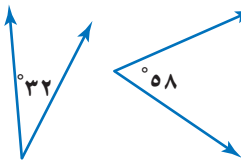


٣٤

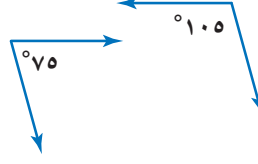


٣٣

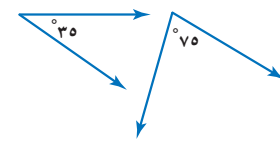
صنّف كلّاً من أزواج الزوايا الآتية إلى: متتامتين، أو متكاملتين، أو غير ذلك: (الدرس ٩ - ٢)



٣٨



٣٧



٣٦

الاستعداد للدرس اللاحق

٣٩ مهارة سابقة: قسّم عددًا ما على ٣، ثمّ أضيف إلى الناتج ٦، ثمّ ضرب المجموع في ٥، فكانت النتيجة ٥٠، فما العدد؟





خطة حل المسألة

فكرة الدرس : أحل المسائل باستعمال خطة «الرسم».

٥ - ٩

الرسم

ياسر: أريد أن أدعو أصدقائي إلى حفلة سأقيمها، لذا سأدعو كلاً من محمد وخالد إلى الحفلة، وسأطلب إلى كل منهما أن يدعو صديقين آخرين، وهكذا ...

مهمتك: «رسم مخطط» لإيجاد عدد المدعوين إلى الحفلة بعد ٣ مراحل، علماً بأن كل واحد من المدعوين سيدعو صديقين آخرين له.

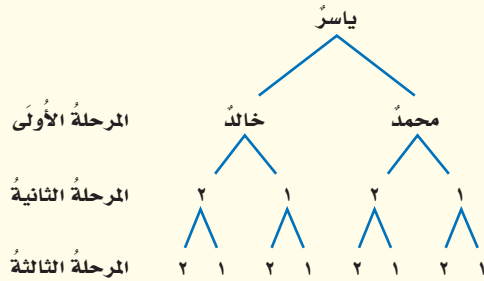


تعلم أن ياسراً دعا محمدًا وخالدًا إلى الحفلة، وبعد ذلك سيقوم كل منهما بدعوة صديقين آخرين إلى الحفلة في كل مرحلة، والمطلوب إيجاد عدد المدعوين إلى الحفلة بعد ٣ مراحل.

افهم

ارسم مخططاً.

نظّم



حل

إذن بعد ٣ مراحل سيكون مجموع المدعوين للحفلة ١٤ شخصاً.

تحقق من المخطط لتتأكد من أنه يلبي جميع معطيات المسألة. وبما أن المخطط صحيح، فإن الإجابة صحيحة أيضاً. ✓

تحقق

حلّ الخطة

١ اشرح لماذا رسم ياسر مخططاً لحلّ المسألة.

٢ مسألة يمكن حلّها باستعمال خطة "الرسم"، ثم حلّها.



مسائل متنوعة

استعمل خطة " الرسم " لحل المسائل ٣-٥:

- ٣ **قيادة:** صمّم موقع تدريب قيادة للسيارات على شكل مستطيل يتكوّن من ٤ مربعات طولية و ٣ مربعات عرضية. إذا أراد شخص أن يقود سيارته من أحد أركان الموقع إلى الركن المقابل له، فما عدد الطرق التي يمكن أن يسلكها إذا كان عليه أن يغيّر اتجاه حركته مرتين بالضبط؟
- ٤ **أزهار:** يرغب سليمان في أن يزرع شجيرات أزهار على الحدود الخارجية لحديقة مربعة الشكل. فإذا أراد زرع ٨ شجيرات على كل جانب، فما الحد الأدنى لعدد الشجيرات التي عليه زراعتها؟
- ٥ **طوابع:** ترتّب هيفاء الطوابع على صفحة من الورق مستطيلة الشكل طولها ٢٤ سم وعرضها ١٨ سم. فما عدد الطوابع التي تكفي لملء الورقة، إذا كان الطابع مربع الشكل طوله ٢ سم، ويبعد كل طابع عن الآخر ٤ سم؟

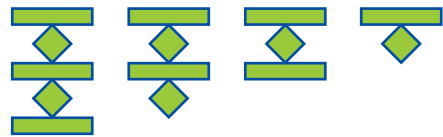
استعمل الخطة المناسبة ممّا يأتي لحلّ المسائل ٦-١٤:

خطّ حلّ المسألة

- إنشاء قائمة منظمة
- البحث عن نمط
- الرسم
- التخييل والتحقّق

- ٦ **نقود:** اشترت سلمى كمية من الأرز بمبلغ ١٠٥ ريالات، دفعت ثمنها أوراقاً نقدية من فئة ٥ ريالات، و ١٠ ريالات، وعشرين ريالاً. فإذا كان عدد الأوراق النقدية التي دفعتها هو ١٣ ورقة، فما عدد أوراق كل فئة؟

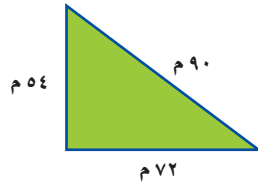
٧ **أنماط:** ارسّم الشكلين الآتيين في النمط أدناه:



- ٨ **رحلة عائلية:** تريد عائلة أن تسافر بالسيارة، حيث يقود والدهم السيارة، وتجلس الأم بجواره، بينما يجلس أبناؤهم الثلاثة في المقعد الخلفي. ما عدد الطرق المختلفة التي يمكن أن يجلس بها أفراد العائلة عند ركوب السيارة؟
- ٩ **أعمار:** عمر والد ثامر يساوي ٣ أمثال عمر ثامر، وبعد ١٢ سنة سيكون عمر الوالد مثلي عمر ثامر. فكّم عمر ثامر الآن؟

- ١٠ **هدايا:** قدّم كل فرد من العائلة هدية إلى كل واحد من الأفراد الآخرين في يوم عيد الفطر. فإذا كان العدد الكلي للهدايا المقدمة ٣٠ هدية، فما عدد أفراد العائلة؟

- ١١ **هندسة:** كم مرة يساوي طول الضلع الأطول في المثلث أدناه طول الضلع الأقصر؟



- ١٢ **فواكه:** الجدول الآتي يبيّن أسعار كميات مختلفة من التفاح في أحد المحال:

الكميات (كغ)	السعر (ل.س)
٢	١٢,٥٠
٤	٢٥,٠٠
٦	٣٧,٥٠
٨	٥٠,٠٠

استعمل هذا الجدول لحساب ثمن ١٣ كيلوجراماً من التفاح.

- ١٣ **احتفالات:** يوجد في قاعة احتفالات ٥ أعمدة تشكّل قواعدها رؤوس مضلع خماسي. إذا علقت قطعة جبل بين كل عمودين، فما العدد الكلي لقطع الجبال؟

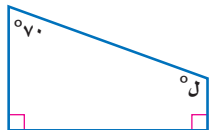
- ١٤ **رحلة:** قطع منصور مسافة ٤٣٥ كيلومتراً بالسيارة لزيارة شقيقته. فإذا كانت سرعة السيارة ٨٥ كيلومتراً في الساعة خلال أول ٢٥٥ كيلومتراً، و ٩٠ كيلومتراً في الساعة لبقية الرحلة، فكّم ساعة استغرقت الرحلة؟



اختبار الفصل

١٠ اختيار من متعدد: أوجد ق ل في

شبه المنحرف المُجاور.



(أ) ١١٠°

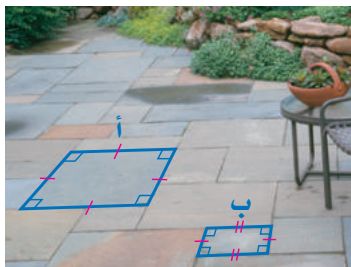
(ب) ١٠٠°

(ج) ٩٠°

(د) ٢٠°

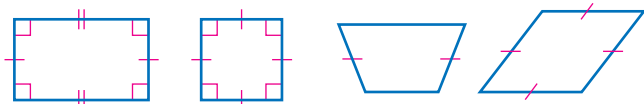
١١ حدائق: صنف كلاً من الشكلين الرباعين المبينين

في الصورة أدناه.



١٢ اختيار من متعدد: أيّ العبارات الآتية غير

صحيحة بناءً على الأشكال أدناه؟



(أ) جميع الأشكال رباعية.

(ب) كل شكل من هذه الأشكال مضلع.

(ج) كل شكل من هذه الأشكال متوازي أضلاع.

(د) مجموع قياسات زوايا كل من هذه الأشكال يساوي ٣٦٠°

١٣ رياضة: يخطط جاسم لاستعمال مخرائط برتقالية

اللون؛ لتعيين حدود ملعب مستطيل الشكل.

وسيضع على كل ضلع ٥ مخرائط، من ضمنها

مخروط واحد عند كل ركن من أركان الملعب، فما

عدد المخرائط اللازمة لذلك؟

استعمل المنقلة لقياس الزوايا الآتية وصنّفها إلى: حادة،
أو منفرجة، أو قائمة، أو مستقيمة:



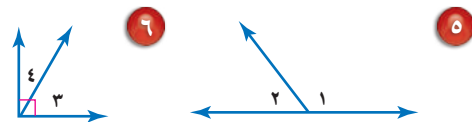
٤ تلال: قدر قياس س في

الصورة المُجاورة.



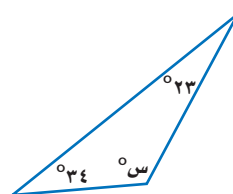
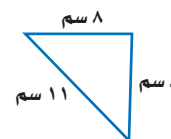
صنّف كل زوج من أزواج الزوايا الآتية إلى: متتامتين،

أو متكاملتين، أو غير ذلك:



صنّف كلاً من المثلثين الآتيين إلى: مختلف الأضلاع،

أو متطابق الضلعين، أو متطابق الأضلاع:



٩ أوجد قيمة س في

المثلث المُجاور.

الاختبار التراكمي (٩)

اختيار من متعدد

القسم ١

اختر الإجابة الصحيحة:

١ مع سعيد ١٢ ريالاً، ومع فارس ١٨ ريالاً. ما نسبة ما مع سعيد إلى ما مع فارس؟

(أ) ٣:٢ (ب) ٢:٣

(ج) ٢:١ (د) ١:٢

٢ تحتاج سعاد إلى ٥ ملاعق من السكر لعمل ٦ أكواب من العصير، استعمل جدول النسبة لإيجاد كم ملعقة من السكر تحتاج لعمل ٢٤ كوباً من العصير.

(أ) ٩ (ب) ١٨

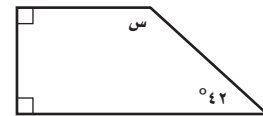
(ج) ٢٠ (د) ٢٣

٣ حل التناسب $\frac{س}{٣٠} = \frac{٦}{٥}$

(أ) ٣٦ (ب) ١٦

(ج) ٩ (د) ٤

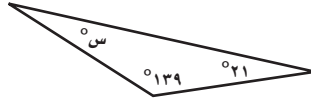
٤ أوجد قيمة س في الشكل الرباعي أدناه.



(أ) ٢٦ (ب) ١٣٨

(ج) ١٨٠ (د) ٢١٢

٥ أوجد قيمة س في المثلث أدناه.



(أ) ٢٠ (ب) ٢١

(ج) ٢٤ (د) ٦٩

٦ ما ناتج $\frac{٩}{١٥} \times \frac{٢٥}{٣٣}$ ؟

(أ) $\frac{٥}{١١}$ (ب) $\frac{٩}{١١}$

(ج) $١ \frac{٥}{١١}$ (د) $٢ \frac{١}{٥}$

٧ يشكل استهلاك الفرد للمياه باستخدام الصنابير تقريباً ٣٢٪ من استهلاك الفرد اليومي للمياه. اكتب هذه النسبة في صورة كسر عشري.

٨ يحتوي كيس على ٤ كرات حمراء، و ٩ زرقاء، و ٤ سوداء، و ٣ خضراء. إذا سحبت كرة واحدة منها عشوائياً، فما احتمال ألا تكون زرقاء؟

(أ) $\frac{٢}{٥}$ (ب) $\frac{٣}{٤}$

(ج) $\frac{٣}{٢٠}$ (د) $\frac{١١}{٢٠}$



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي، موضِّحًا خطوات الحل:

١٢ عرض محلّ ملابس على زبائنه اختيار قطعة واحدة من كلِّ من الفئات الثلاث المبيّنة في الجدول مقابل ١٧٠ ريالاً للقطع الثلاث.

جوارب	غترّة	ثوب
مخططة	حمراء	صيفي
سادة	بيضاء	قطني
منقطة	بيج	شتوي

- (أ) ما عدد الخيارات الممكنة للأشياء التي يمكن شراؤها بالسعر المعلن؟ بين هذه الخيارات باستعمال الرسم الشجري.
- (ب) إذا اخترت قطعة واحدة من كلِّ فئة بشكل عشوائي، فما احتمال أن يشتمل اختيارك ثوباً صيفياً، وغترّة حمراء أو بيضاء، وجوارب مخططة؟
- (ج) إذا حذف الثوب الصيفي من العرض، فكم يصبح عدد خيارات الشراء المتاحة؟



أدرب

من خلال الإجابة عن الأسئلة؛ حتى أعزز ما تعلمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

أنا طالبٌ معدٌّ للحياة، ومنافسٌ عالمياً.

٩ استلم محلّ بيع حقائب شحن من الحقائب. إذا كان ٤٥٪ منها حقائب ظهر، فما الكسر الاعتيادي الذي يمثّل حقائب الظهر في الشحن؟

(أ) $\frac{10}{20}$ (ب) $\frac{1}{3}$

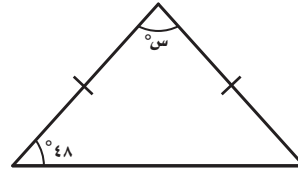
(ب) $\frac{9}{20}$ (د) $\frac{9}{25}$

الإجابة القصيرة

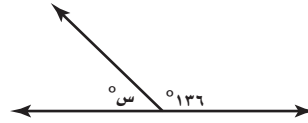
القسم ٢

أجب عن كلِّ من السؤالين الآتيين:

١٠ أوجد قيمة s في المثلث أدناه.



١١ أوجد قيمة s في الشكل أدناه.



هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	إذا لم تجب عن السؤال
٤-٨	٢-٩	٣-٩	١-٨	٣-٨	٢-٨	مهارة سابقة	٣-٩	٤-٩	٤-٧	٢-٧	١-٧	فراجع الدرس

وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

الفصل ٩ : الاختبار التراكمي (٩) ١٦٣

القياسُ: المحيطُ والمساحةُ والحجمُ

الفكرة العامة

- أربطُ بينَ خصائص الأشكالِ المستويةِ والمجسّماتِ؛ لإيجادِ محيطاتِ الأشكالِ المستويةِ ومساحاتها وحجومِ المجسّماتِ.

المفرداتُ:

الدائرةُ ص (١٦٧)

محيطُ الدائرةِ ص (١٦٧)

المنشورُ الرباعيُّ ص (١٨٨)

الحجمُ ص (١٨٨)

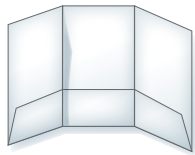
الربطُ بالحياة:

المسجدُ الحرامُ: تَمَّت توسعةُ المطافِ حولَ الكعبةِ؛ ليستوعبَ (١١٨) ألفَ طائفٍ دفعةً واحدةً في الساعةِ.

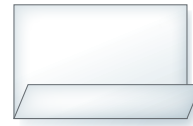
المَطَوِيَّاتُ

مُنَظَّمُ أَفْكَارٍ

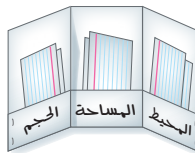
القياسُ (المحيطُ والمساحةُ والحجمُ): اعملْ هذه المطويةَ لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك. ابدأ بورقةً بمقاسِ A4 و٦ بطاقاتٍ على النحو الآتي:



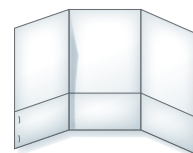
٢ اطوِ الورقةَ عرضياً للحصولِ على ثلاثة أجزاءٍ متساويةٍ.



١ اطوِ الورقةَ طولياً بمقدار ٧ سم تقريباً من أسفلها.



٤ اكتبْ كلاً ممّا يأتي على الجيوبِ: المحيطُ، المساحةُ، الحجمُ. وضعْ في كلِّ جيبٍ بطاقتينِ كما في الشكلِ.



٣ أعدْ فتحَ الثنياتِ، وثبّتْ الطرفينِ بدبايسٍ؛ للحصولِ على ٣ جيوبٍ.



التهيئة

أجب عن الاختبار الآتي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار

اختبار للريح

مراجعة للريشة

أوجد قيمة كل مما يأتي: (مهارة سابقة)

١ (٩)٤ ٢ (١٧)٤

٣ (٥)٢ + (٨)٢ ٤ (١١)٢ + (١٦)٢

٥ **تسوق**: اشترت خولة كتابي طبخ سعر كل منهما ٢٢ ريالاً، كما اشترت قصتين سعر كل منهما ١٣ ريالاً. فكم ريالاً دفعت للبائع؟

مثال ١:

أوجد قيمة: $٨ - (١٥)٣$

اضرب $٨ - ٤٥ = ٨ - (١٥)٣$

اطرح $٣٧ =$

مثال ٢:

أوجد قيمة: $(٩)٢ + (٣١)٢$

اضرب $١٨ + ٦٢ = (٩)٢ + (٣١)٢$

اجمع $٨٠ =$

استعمل المفتاح (ط) على الآلة الحاسبة لإيجاد قيمة كل عبارة مما يأتي مقرباً إلى أقرب عُشر: (مهارة سابقة)

٦ $٧ \times ط$ ٧ $ط \times ١٢$

٨ $٨ \times ط \times ٢$ ٩ $١٣ \times ط \times ٢$

مثال ٣:

استعمل المفتاح (ط) على الآلة الحاسبة لإيجاد قيمة

$٢ \times ط \times ٣$ مقرباً إلى أقرب عُشر.

اضرب ٢ في ٣ $٢ \times ط \times ٦ = ٣ \times ط \times ٢$

اضرب ٦ في ط $١٨, ٨ =$

أوجد قيمة كل مما يأتي: (مهارة سابقة)

١٠ ٧×١٦ ١١ ٥×٢٣

١٢ $\frac{٩ \times ٨}{٢}$ ١٣ $\frac{١١ \times ١٤}{٢}$

١٤ $٨ \times ١٢ \times ١٠$ ١٥ $٥ \times ٧ \times ٣٣$

١٦ $(٩)(٥)(٢) + (٩)(٣)(٢) + (٥)(٣)(٢)$

١٧ $(٦)(٤)(٢) + (٦)(٨)(٢) + (٤)(٨)(٢)$

١٨ **مبيعات**: باع صاحب مكتبة ٤ علب أقلام، في كل علبة ١٢ قلمًا، ثمن كل منها ريالان. فكم ريالاً ثمنها جميعاً؟

مثال ٤:

أوجد قيمة: $\frac{٤ \times ٨}{٢}$

اضرب ٨ في ٤ $\frac{٣٢}{٢} = \frac{٤ \times ٨}{٢}$

اقسم ٣٢ على ٢ $١٦ =$

مثال ٥:

أوجد قيمة: $(٤)(٣)(٢) + (٤)(٩)(٢) + (٣)(٩)(٢)$

$(٤)(٣)(٢) + (٤)(٩)(٢) + (٣)(٩)(٢)$

اضرب $٢٤ + ٧٢ + ٥٤ =$

اجمع $١٥٠ =$



معمل القياس

محيط الدائرة

استكشاف

١ - ١٠

ستكتشف من خلال هذا المعمل العلاقة بين المسافة حول الدائرة (المحيط)، وأكبر مسافة عبر مركزها (القطر).

فكرة الدرس:

أصف العلاقة بين قطر الدائرة ومحيطها.

نشاط

اعمل جدولاً على النحو الآتي:

الخطوة ١

الشكل	المحيط (مح)	القطر (ق)	مح/ق

استعمل خيطاً لإيجاد محيط جسم دائري (مح) مثل قاعدة زجاجة دائرية، واستعمل مسطرةً سنتمتريةً لقياس طول الخيط مقرباً إلى أقرب عُشر سنتمتر.

الخطوة ٢

أوجد قياس القطر (ق)، وسجله في الجدول.

الخطوة ٣

استعمل آلة حاسبة لإيجاد النسبة بين المحيط والقطر.

الخطوة ٤

كرّر الخطوات ٢ - ٤ باستعمال عدّة أجسام دائرية.

الخطوة ٥

حلّ النتائج

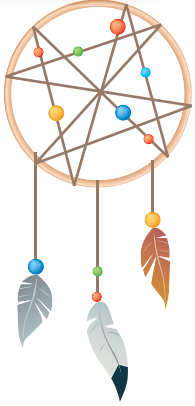
- ١ تخمين: إذا عرفت قطر الدائرة، فكيف تجد المسافة التقريبية حولها؟
- ٢ تنبؤ: ما المسافة التقريبية حول دائرة، إذا كانت أكبر مسافة بين نقطتين عليها عبر مركزها ٤ سم؟
- ٣ تخمين: كيف يمكنك أن تجد المسافة حول دائرة ما إذا عرفت المسافة بين مركزها ونقطة تقع عليها؟





محيط الدائرة

١٠ - ١



استعد

الدوائر: الجدول أدناه يوضح المسافة التقريبية حول الدائرة (المحيط)، والمسافة عبر مركزها (القطر)، والمسافة من المركز إلى الدائرة (نصف القطر) لدوائر مختلفة.

١ صف العلاقة بين القطر ونصف القطر في كل حالة.

٢ صف العلاقة بين المحيط والقطر في كل حالة.

نصف القطر (سم)	القطر (سم)	المحيط (سم)
١,٥	٣	٩,٤
٦	١٢	٣٧,٧
١٠	٢٠	٦٢,٨

فكرة الدرس

أقدر محيط الدائرة وأجدده.

المفردات

الدائرة

المركز

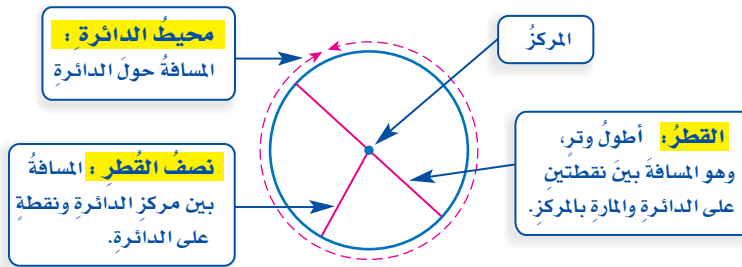
الوتر

القطر

محيط الدائرة

نصف القطر

الدائرة هي مجموعة النقاط في المستوى، التي لها البعد نفسه عن نقطة معلومة تُسمى المركز. أما الوتر فهو أية قطعة مستقيمة طرفاها على الدائرة.



مفهوم أساسي

القطر ونصف القطر

التعبير اللفظي: قطر الدائرة (ق) يساوي مثلي نصف قطرها (نق).

بالرموز: $ق = ٢ نق$ $نق = \frac{١}{٢} ق$

مثالان

١ أوجد نصف قطر دائرة قطرها ١٤ سم.

نصف قطر الدائرة

ضع ١٤ بدلاً من ق

اقسم

$$نق = \frac{ق}{٢}$$

$$\frac{١٤}{٢} =$$

$$٧ =$$

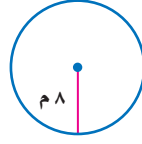


إذن نصف القطر يساوي ٧ سم.



٢ أوجد قطر دائرة نصف قطرها ٨ م

قطر الدائرة $ق = ٢ نق$
 ضع ٨ محلّ نق $٨ \times ٢ =$
 اضرب $١٦ =$



إذن القطر يساوي ١٦ م

تحقق من فهمك:

أوجد نصف القطر أو القطر لكل دائرة ممّا يأتي:

(أ) ق = ٢٣ ملم (ب) نق = ٣ سم (ج) ق = ١٦ م

يزيد محيط أيّ دائرة قليلاً على ثلاثة أمثال قطرها. ويُستعمل الحرف الإغريقي (π) ويُقرأ "باي"، أو الحرف "ط" لإيجاد القياس الدقيق للمحيط. والقيمة الدقيقة لـ π هي: ٣,١٤١٥٩٢٦.....

إرشادات للدراسة

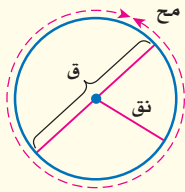
ط (π):

القيمة الدقيقة لـ π غير منتهية. وهي تُقرب إلى ٣ أو إلى ٣,١٤ غالباً.

مفهوم أساسي

محيط الدائرة

التعبير اللفظي: محيط الدائرة (مح) يساوي حاصل ضرب ط في قطرها (ق)، أو ضرب ٢ ط في نصف قطرها (نق).



بالرموز: مح = ط ق أو مح = ٢ ط نق

يمكنك تقدير محيط دائرة، وذلك بتقريب قيمة ط إلى ٣

مثالان تقدير محيط الدائرة

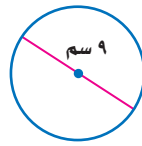
قدّر محيط كلّ دائرة ممّا يأتي:

قطر الدائرة ٩ سم.

محيط الدائرة
 ضع ٣ بدلاً من ط، ٩ بدلاً من ق
 اضرب

مح = ط ق
 $٩ \times ٣ \approx$

المحيط يساوي ٢٧ سم تقريباً.

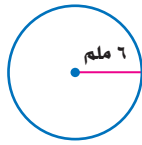


نصف قطر الدائرة ٦ ملم.

محيط الدائرة
 عوض ٣ بدلاً من ط، ٦ بدلاً من نق
 اضرب

مح = ٢ ط نق
 $٦ \times ٣ \times ٢ \approx$

المحيط يساوي ٣٦ ملم تقريباً.



تحقق من فهمك:

قدّر محيط كلّ دائرة ممّا يأتي:

(د) ق = ٧ سم (هـ) نق = ٥ م (و) نق = ١٢ ملم

قراءة الرياضيات:

الرموز:

الرمز ≈ يعني يساوي تقريباً.



وزارة التعليم

Ministry of Education
 2025 - 1447

مثال إيجاد المحيط

٥ أوجد محيط دائرة قُطرها ٤ سم، مقرباً إلى أقرب جزءٍ من عشرة.

استعمل الآلة الحاسبة

الطريقة الثانية

استعمل $\pi \approx 3,14$

الطريقة الأولى

$$\text{مح} = \pi \times \text{ق}$$

$$\text{مح} = \pi \times 4$$

$$\text{مح} \approx 2\pi \times 4 \text{ ENTER}$$

$$\approx 25,1327412687$$

$$\text{مح} = \pi \times \text{ق}$$

$$\approx (3,14) \times 4$$

$$\approx 12,56$$

لذا فمحيط الدائرة مقرباً إلى أقرب جزءٍ من عشرة يُساوي ١٢,٦ سم

اختر طريقتك:

٦ أوجد محيط دائرة قُطرها ١٥ م، مقرباً إلى أقرب جزءٍ من عشرة.

إرشادات للدراسة

التحقق من معقولية الحل

في المثال ٥، بما أن

$$4 \times 3 = 12 \text{ و } 12,6 \text{ قريب من}$$

١٢، إذن الجواب معقول.

مثال من اختبار



٦ يوجد في عجلة الكرسي المتحرك أسلاك نصف قطرية داعمة، تمتد من العجلة إلى طرفها. فأَيُّ الطرق الآتية يمكن استعمالها لإيجاد محيط العجلة المجاورة؟

(أ) ضرب القطر في ط وفي ٢

(ب) قسمة القطر على ط

(ج) ضرب نصف القطر في ط

(د) ضرب نصف القطر في ط وفي ٢

اقرأ:

كي تجد محيط عجلة الكرسي المتحرك، تحتاج إلى معرفة طول نصف قطرها.

حل:

استعمل صيغة محيط الدائرة: $\text{مح} = \pi \times \text{ق}$

تنص الصيغة على أن محيط الدائرة يُساوي مثلي حاصل ضرب ط في نصف القطر؛ لذا يكون الفرع (د) هو الإجابة الصحيحة.

تحقق من فهمك:

٧ ح) بركة سباحة دائرية الشكل قُطرها يُساوي ١٨ متراً. أيُّ العبارات الآتية يعبر عن العلاقة التقريبية بين قُطرها ومحيطها؟

(أ) $\text{ق} \approx \frac{1}{3} \text{ مح}$

(ب) $\text{ق} \approx 2 \text{ مح}$

(ج) $\text{ق} \approx 3 \text{ مح}$

(د) $\text{ق} \approx \frac{1}{3} \text{ مح}$



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

الدرس ١٠-١ : محيط الدائرة ١٦٩

تأكّد

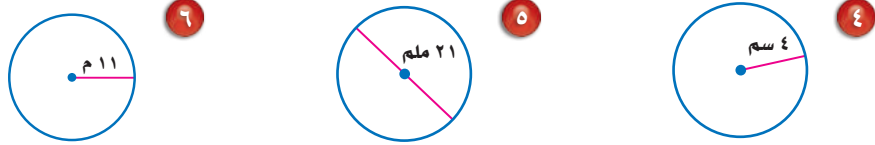
المثالان ٢، ١

أوجد نصف القطر أو القطر لكل دائرة ممّا يأتي:

١ ق = ٣ م ٢ نق = ١٤ سم ٣ ق = ٢٠ ملم

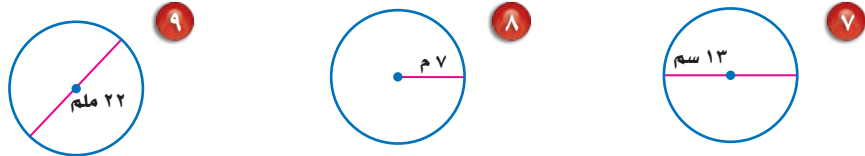
المثالان ٤، ٣

قدّر محيط كل دائرة ممّا يأتي:



المثال ٥

أوجد محيط كل دائرة ممّا يأتي مقرّبًا إلى أقرب جزء من عشرة (استعمل $\pi \approx 3.14$):



المثال ٦

١٠ اختيار من متعدد: تعرف أمانة محيط الأرض حول خط الاستواء، وترغب في إيجاد

نصف قطر الكرة الأرضية. فأأي الطرق الآتية يمكن استعمالها لإيجاد نصف القطر؟

(أ) ضرب المحيط في القطر. (ب) ضرب المحيط في ط.

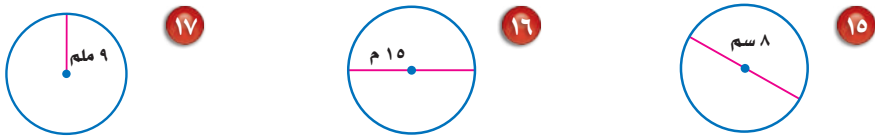
(ج) ضرب المحيط في ط. (د) قسمة المحيط على ط ثم الضرب في ٢

تدرّب وحل المسائل

أوجد نصف القطر أو القطر لكل دائرة ممّا يأتي:

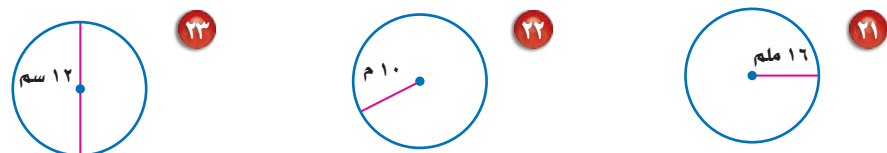
١١ ق = ٥ ملم ١٢ ق = ٢٤ م ١٣ نق = ١٧ سم ١٤ نق = ٣٦ ملم

قدّر محيط كل دائرة ممّا يأتي:



١٨ نق = ١٥ ملم ١٩ ق = ١٣ م ٢٠ ق = ٢٧ سم

أوجد محيط كل دائرة ممّا يأتي مقرّبًا إلى أقرب جزء من عشرة (استعمل $\pi \approx 3.14$):



٢٤ ق = ٢٨ سم ٢٥ نق = ٢١ ملم ٢٦ نق = ٣٥ سم

ارشادات للتمارين

التمرين	انظر الأمثلة
١٤-١١	٢، ١
٢٠-١٥	٤، ٣
٢٨-٢١	٥



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

٢٧ **أقراص مدمجة:** يبلغ قطر القرص المُدمج ١٢ سم. أوجد محيطه مقرباً إلى أقرب عُشر.

٢٨ **براكين:** يُعدُّ جبل البيضاء، الواقع في حرّة خيبر شمال المدينة المنورة فوهة بركانٍ دائريٍّ خامدٍ منذ مئات السنين، ويبلغ قطر الفوهة حوالي ٥, ١ كلم تقريباً. أوجد محيطها مقرباً إلى أقرب جزءٍ من عشرة.

٢٩ **أشجار:** قطر ساق إحدى أضخم الأشجار في العالم من القاعدة يساوي ٨, ١٠ م تقريباً. فإذا أرادت مجموعة من الأشخاص أن يحوطوا هذه الشجرة بأذرعهم، وكان معدل ما بين ذراعي الشخص الواحد ٨, ١ م، فكم شخصاً يمكنهم أن يحوطوا قاعدة الشجرة؟

٣٠ **مشي:** حديقتان دائريتا الشكل، قطر إحداهما ١٢٠ م، ونصف قطر الأخرى ٤٥ م. فإذا مشى عاصمٌ حول كلٍّ منهما مرةً واحدةً، فكم متراً تقريباً تزيد مسافة سيره حول الحديقة الكبرى على مسافة سيره حول الحديقة الصغرى؟

٣١ **تقدير:** حدّد إن كان مُحيط الدائرة التي نصف قطرها ٤ سم، أكبر أم أصغر من ٢٤ سم، من دون استعمال الآلة الحاسبة.

٣٢ **إيجاد بيانات:** اختر من البيئة المحلية جسماً دائرياً وقلّد محيطه.

٣٣ **تقدير:** يراد إلصاق شريطٍ حول كلِّ شمعةٍ من ٨ شمعاتٍ قطر الواحدة منها ٨ سم. فهل يكفي شريطٌ طوله ٢ م لإنجاز هذه المهمة؟ فسّر إجابتك.



الربط بالحياة:

ينتشر في المملكة ١٢ حقلاً بركانياً، من أشهرها حرّة رهاط التي تحوي أكثر من ٧٠٠ فوهة بركانية، وحرّة خيبر التي تحوي أكثر من ٤٠٠ فوهة بركانية.

٣٤ **اكتشف الخطأ:** يستعمل سالمٌ وخالدٌ الآلة الحاسبة لإيجاد محيط دائرة نصف قطرها ٧ سم. فأيهما استعمل المفاتيح الصحيحة لإيجاد المحيط؟ فسّر إجابتك.



خالد

$2 \times \pi \times 7 \text{ ENTER}$

$\pi \times 7 \text{ ENTER}$



سالم

٣٥ **تحذّر:** حلّل كيف يمكن أن يتغيّر محيط دائرة إذا أصبح قطرُها مثلي ما كان عليه. ثم أعط مثلاً على ذلك.

٣٦ **الكتب:** كيف تقدّر قطر دائرة محيطها ٧, ١٥ متراً؟

مسائل
مهارات التفكير العليا



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

الدرس ١٠-١ : محيط الدائرة (١٧)

٣٧ الدائرة أذناه مركزها م، وقطرها هـ ع



أي قطعة مما يأتي تساوي $\frac{1}{4}$ هـ ع؟

- (أ) القطعة م ن
(ب) القطعة ر ع
(ج) القطعة هـ ر
(د) القطعة م ل

٣٨ أي طريقة مما يأتي يمكن استعمالها لحساب قُطر

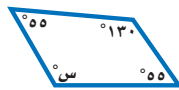
عجلة سيارة معلوم محيطها؟

- (أ) ضرب المحيط في π
(ب) ضرب المحيط في ٢ ثم قسمة الناتج على نصف القطر.
(ج) قسمة المحيط على π
(د) قسمة المحيط على نصف القطر ثم ضرب الناتج في ٢

مراجعة تراكمية

٣٩ **الأقمار الصناعية:** يرسل قمرٌ صناعيٌّ رئيسٌ إشارةً إلى قمرين صناعيين أصغر منه. فإذا كان كل واحدٍ من هذين القمرين يرسل إشارةً إلى الآخر، ويرسل إشارةً أيضًا إلى القمر الرئيس، فارسم شكلًا تحدد فيه عدد الإشارات المرسلّة. (الدرس ٩ - ٥)

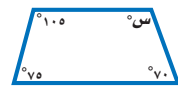
أوجد قيمة س في كلٍّ من الأشكال الرباعية الآتية: (الدرس ٩ - ٤)



٤٢



٤١



٤٠

٤٣ **الطقس:** إذا كان احتمال أن تسقط الثلوج في أحد الأشهر في المنطقة الشمالية ٦٠٪، فما احتمال عدم سقوط الثلوج في ذلك الشهر؟ (الدرس ٨ - ٣)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: احسب قيمة كل عبارة مما يأتي:

٤٧ 27×18

٤٦ 9×20

٤٥ 13×11

٤٤ 17×6

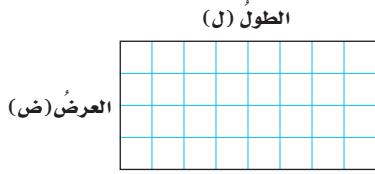




مساحة متوازي الأضلاع

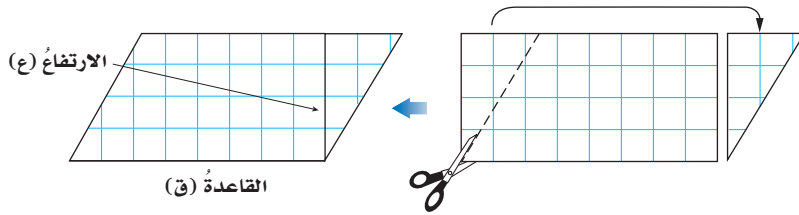
١٠ - ٢

نشاط



الخطوة ١
ارسم مستطيلاً، ثم قصه كما في الشكل المجاور.

الخطوة ٢
قص مثلثاً من أحد جانبي المستطيل، وانقله إلى الجانب الآخر للحصول على متوازي أضلاع.



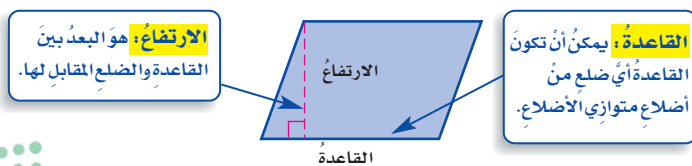
الخطوة ٣
كرّر الخطوتين ١، ٢ مع مستطيلين آخرين بأبعاد مختلفة في ورق مربعات.

الخطوة ٤
انسخ الجدول الآتي وأكمله باستعمال المستطيلات الثلاثة ومتوازيات الأضلاع الثلاثة المرتبطة بها.

الارتفاع (ع)	القاعدة (ق)	العرض (ض)	الطول (د)	المستطيل
				المستطيل ١
				المستطيل ٢
				المستطيل ٣

- ١ كيف يرتبط متوازي الأضلاع بالمستطيل المقابل له؟
- ٢ ما جزء متوازي الأضلاع الذي يرتبط بطول المستطيل؟
- ٣ ما جزء متوازي الأضلاع الذي يرتبط بعرض المستطيل؟
- ٤ تخمين: ما صيغة قانون مساحة متوازي الأضلاع؟

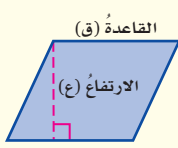
لقد اكتشفت من هذا النشاط علاقة مساحة متوازي الأضلاع بمساحة المستطيل.



ولإيجاد مساحة متوازي الأضلاع، اضرب القاعدة في الارتفاع.

مفهوم أساسي

مساحة متوازي الأضلاع



التعبير اللفظي: مساحة متوازي الأضلاع هي ناتج ضرب طول أي قاعدة (ق) في الارتفاع المرافق لها (ع)

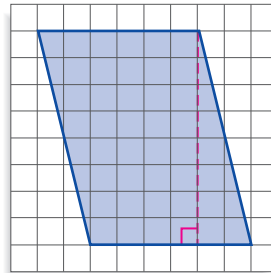
نموذج:

بالرموز: $م = ق \times ع$

مثالان

إيجاد مساحة متوازي أضلاع

أوجد مساحة كل متوازي أضلاع فيما يأتي:



القاعدة ٦ وحدات، والارتفاع ٨ وحدات

$$\begin{aligned} م &= ق \times ع \\ ٨ \times ٦ &= \\ ٤٨ &= \\ \text{المساحة هي } ٤٨ \text{ وحدة}^2. & \end{aligned}$$

مساحة متوازي الأضلاع
ضع ٦ بدلاً من ق، ٨ بدلاً من ع
اضرب

قدر: $م \approx ١٠ \times ٢٠ = ٢٠٠ \text{ سم}^2$



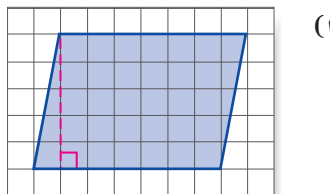
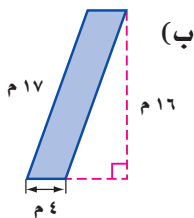
$$\begin{aligned} م &= ق \times ع \\ ١١ \times ٢٠ &= \\ ٢٢٠ &= \\ \text{المساحة هي } ٢٢٠ \text{ ستمترًا مربعًا، أو } ٢٢٠ \text{ سم}^2 & \end{aligned}$$

مساحة متوازي الأضلاع.
ضع ٢٠ بدلاً من ق، و ١١ بدلاً من ع.
اضرب.

المساحة هي ٢٢٠ ستمترًا مربعًا، أو ٢٢٠ سم^٢
تحقق من المعقولية: قارن بين ٢٢٠ والتقدير، $٢٢٠ \approx ٢٠٠ \checkmark$

تحقق من فهمك:

أوجد مساحة كل متوازي أضلاع فيما يأتي:



قراءة الرياضيات:

قياس المساحة:

يمكن كتابة قياس المساحة بطريقة مختصرة وباستعمال الأس ٢، ومثال ذلك: وحدة مربعة = وحدة^٢.

متر مربع = م^٢

سنتيمتر مربع = سم^٢

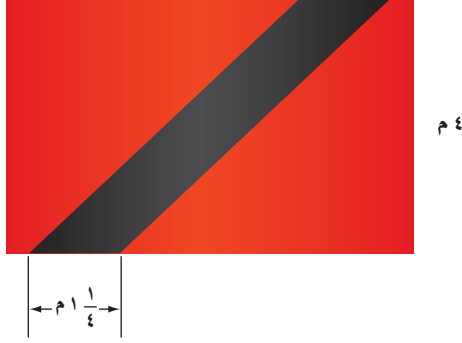


وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

مثال من واقع الحياة

سجاد: يعرض محل لبيع السجاد قطع سجاد متنوعة، من بينها قطعة سجاد مستطيلة الشكل وحمراء اللون وجزء منها أسود اللون على شكل متوازي أضلاع. أوجد مساحة متوازي الأضلاع ذي اللون الأسود.



مساحة الجزء ذي اللون الأسود هي مساحة متوازي أضلاع، لذلك استعمل الصيغة $م = ق \times ع$

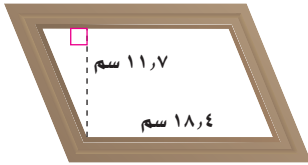
$$م = ق \times ع \quad \text{مساحة متوازي الأضلاع.}$$

$$م = 4 \times 1 \frac{1}{4} \quad \text{ضع } 1 \frac{1}{4} \text{ بدلاً من ق، } 4 \text{ بدلاً من ع}$$

$$م = 5 \quad 5 = 4 \times \frac{5}{4} = 4 \times 1 \frac{1}{4}$$

إذن المساحة المطلوبة هي 5 م²

تحقق من فهمك:

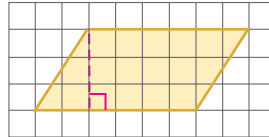
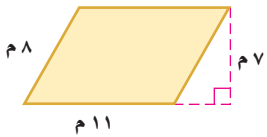


(ج) **تصميم:** صمم حمد إطاراً لصورة كما في الشكل المجاور. أوجد مساحة الصورة داخل الإطار.

تأكد

أوجد مساحة كل متوازي أضلاع فيما يأتي:

المثالان ١، ٢



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

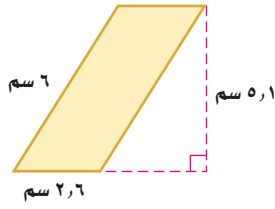
الدرس ١٠-٢ : مساحة متوازي الأضلاع ١٧٥

المثال ٣

٤ أوجد مساحة متوازي الأضلاع الذي طول قاعدته ١٥ سم وارتفاعه $\frac{2}{3}$ ٢١ سم

٥ متوازي أضلاع: أوجد مساحة متوازي الأضلاع

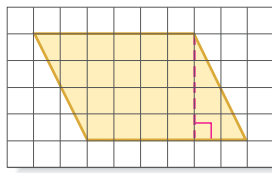
الممثل في الشكل المُجاور.



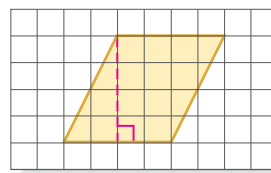
تدرّب وحلّ المسائل

أوجد مساحة كل متوازي أضلاع فيما يأتي:

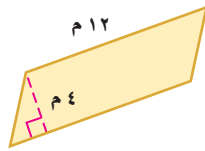
إرشادات للتمارين	
للتمارين	انظر الأمثلة
١١ - ٦	٢، ١
١٥ - ١٢	٣



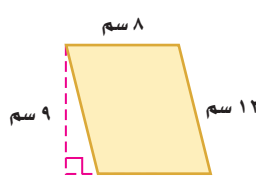
٧



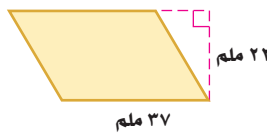
٦



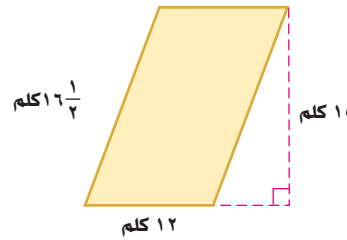
٩



٨



١١

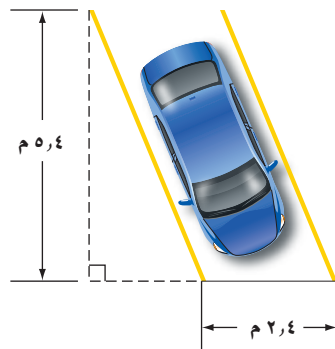


١٠

١٢ أوجد مساحة متوازي أضلاع، طول قاعدته ٢٤ سم، وارتفاعه $2\frac{1}{4}$ سم

١٣ أوجد مساحة متوازي أضلاع، طول قاعدته ٦,٧٥ م، وارتفاعه ٤,٨ م

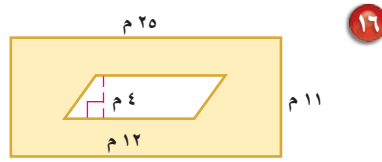
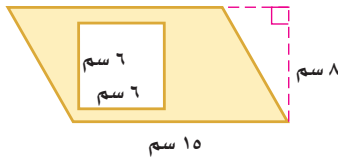
١٤ موقف سيارة: أوجد مساحة موقف السيارة الموضّح أدناه.



١٥ **خرائط:** أوجد مساحة المنطقة الموضحة في الخريطة أدناه.



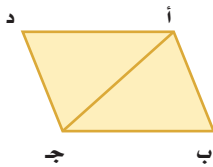
أوجد مساحة الجزء المظلل في كل شكل من الأشكال الآتية:



١٨ **تخطيط:** أرض على شكل متوازي أضلاع مساحتها ١٨٠٠ م^٢، إذا كان طول قاعدة متوازي الأضلاع ٧٥ م، فهل يمكن أن يكون ارتفاعه ٢١ م؟ فسر إجابتك.

المساحة (م ^٢)	الارتفاع (م)	القاعدة (م)	الحديقة
١٤٧	■	١٥ $\frac{٣}{٤}$	١
١٤٠ $\frac{٥}{٨}$	١١ $\frac{١}{٤}$	■	٢
١٥١ $\frac{٣}{١٦}$	■	١٠ $\frac{١}{٤}$	٣

١٩ **تحليل جداول:** الجدول المجاور يوضح ثلاثة تصاميم معمارية لثلاث حدائق مختلفة، كل منها على شكل متوازي أضلاع. أوجد البعد المجهول في كل منها.



٢٠ **تبرير:** إذا كانت مساحة متوازي الأضلاع أ ب ج د في الشكل المجاور تساوي ٣٥ سم^٢، فأوجد مساحة المثلث أ ب ج.

مسائل
مهارات التفكير العليا

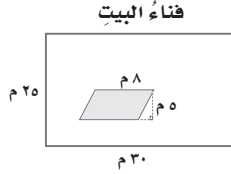
٢١ **مسألة مفتوحة:** ارسم في ورقةٍ مربعاتٍ ثلاثة متوازيات أضلاعٍ مختلفة، مساحة كل واحدٍ منها ٢٤ وحدةٍ مربعةٍ، وارتفاعه ٤ وحداتٍ، ثم بين أوجه الشبه وأوجه الاختلاف بينها.



٢٢ **تحذ:** إذا كانت $س = ٥$ ، $ص > س$ ، فأَيُّ الشكلين مساحته أكبر؟ فسر إجابتك.

٢٣ **الكتب:** تفسيرا للعلاقة بين صيغة مساحة متوازي الأضلاع وصيغة مساحة المستطيل.

٢٥ لدى عائلة حديقة مزرعة بالورد على شكل متوازي أضلاع في فناء البيت الذي على شكل مستطيل كما في الشكل أدناه. إذا زُرعت أعشاب في باقي فناء البيت، فما مساحة المنطقة المزروعة أعشاباً؟



- (أ) ٣٥٥ م^٢ (ب) ٣٣٥ م^٢
(ج) ٧١٠ م^٢ (د) ٧٩٠ م^٢

٢٤ صمّم سلمان شعاراً المحلّ تجاريّ من الورق المقوّى على شكل متوازي أضلاع مساحته ١٨٧٢ سم^٢، وطول قاعدته ٥٢ سم، فأوجد ارتفاع الشعار.

- (أ) ٨٨٤ سم
(ب) ١٧٦ سم
(ج) ٤٢ سم
(د) ٣٦ سم

مراجعة تراكمية

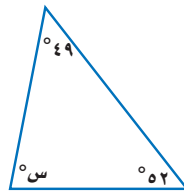
قدّر محيط كل دائرة ممّا يأتي: (مهارة سابقة)

٢٨ القطر = ٦ م

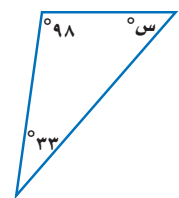
٢٧ نصف القطر = ١٩ سم

٢٦ القطر = ١٥ سم

أوجد قيمة س في كل من المثلثين الآتيين: (مهارة سابقة)



٣٠



٢٩

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: احسب قيمة كل عبارة ممّا يأتي: (مهارة سابقة)

$\frac{12 \times 5}{2}$

٣٣

$\frac{3 \times 6}{2}$

٣١

$\frac{12 \times 14}{2}$

٣٤

$\frac{8 \times 7}{2}$

٣٣





معمل القياس مساحة المثلث

استكشاف

٣ - ١٠

ستكتشف من خلال هذا المعمل صيغة مساحة المثلث باستخدام خصائص متوازي الأضلاع وجدول القيم.

فكرة الدرس:

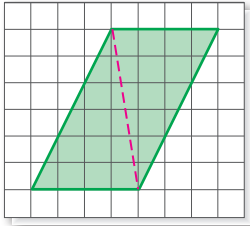
أكتشف صيغة مساحة المثلث باستخدام خصائص متوازي الأضلاع وجدول القيم.

نشاط

انسخ الجدول الآتي في كراستك:

مساحة كل مثلث	مساحة متوازي الأضلاع	الارتفاع (ع)	القاعدة (ق)	متوازي الأضلاع
		٦	٤	أ
		٥	٢	ب
		٤	٣	ج
		٣	٥	د
		٥	٧	هـ

الخطوة ١



ارسم متوازي الأضلاع في ورق مربعات باستخدام بعديه الظاهرين في الجدول.

الخطوة ٢

ارسم قُطرًا كما في الشكل.

الخطوة ٣

قُص متوازي الأضلاع، ثم احسب مساحته، وسجل النتيجة في الجدول.

الخطوة ٤

قُص على طول القُطر للحصول على مثلثين.

الخطوة ٥

حلل النتائج

١ ماذا تلاحظ عند مقارنة قاعدة كل مثلث وارتفاعه بقاعدة متوازي الأضلاع الأصلي وارتفاعه؟

٢ ما العلاقة بين المثلثين الناتجين؟

٣ ما مساحة كل مثلث منهما؟ سجل إجابتك في الجدول.

٤ كرر الخطوات ٢ - ٥ لمتوازيات الأضلاع ب - هـ، ثم احسب مساحة كل مثلث ثم سجلها في الجدول.

٥ **البحث عن نمط:** ما الأنماط التي تلاحظها في صفوف الجدول؟

٦ **تخمين:** اكتب صيغة تربط مساحة المثلث بطول قاعدته وارتفاعه.





مساحة المثلث

٣ - ١٠



استعد

الغلاف الحيوي: الصورة المجاورة تمثل الغلاف الحيوي لإحدى المحميّات النباتية. حيث تتألف بنية المقاطع المختلفة من مثلثات متداخلة، متطابقة ومتشابهة.

فكرة الدرس:

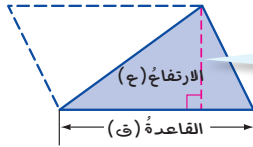
أجد مساحة المثلث.

١. قارن بين المثلثين الملونين بالأصفر والأحمر.

٢. ما الشكل الناتج عن هذين المثلثين؟

٣. **خمن:** صف العلاقة الموجودة بين مساحة المثلث ومساحة متوازي الأضلاع.

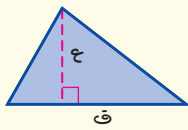
يمكن تكوين متوازي أضلاع باستعمال مثلثين متطابقين. وبما أن المثلثين المتطابقين لهما المساحة نفسها، فإن مساحة المثلث الواحد تساوي نصف مساحة متوازي الأضلاع.



يمكن أن تكون قاعدة المثلث أي ضلع من أضلاعه. ويكون ارتفاع المثلث هو أقصر بعد بين هذه القاعدة والرأس المقابل لها.

مفهوم أساسي

مساحة المثلث



نموذج:

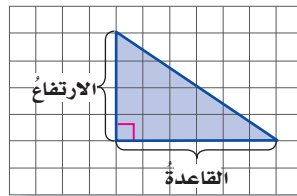
التعبير اللفظي: مساحة المثلث (م) هي نصف ناتج ضرب القاعدة (ق) في الارتفاع (ع).

بالرموز: $م = \frac{1}{2} ق ع$ أو $م = \frac{ق ع}{2}$

إيجاد مساحة المثلث

مثالان

أوجد مساحة كل مثلث فيما يأتي:



باستعمال العد، تجد أن طول القاعدة ٦ وحدات، والارتفاع ٤ وحدات.

إرشادات للدراسة

الحساب الذهني:

يمكنك استعمال الحساب

الذهني لضرب $\frac{1}{4}(6)(4)$

فكر: نصف 6 هو 3،

$$12 = 4 \times 3$$

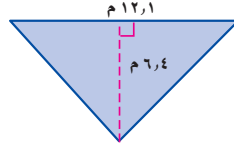
$$م = \frac{1}{4} ق ع \quad \text{مساحة المثلث}$$

$$م = \frac{1}{4} (6)(4) \quad \text{ضع 6 بدلاً من ق، و 4 بدلاً من ع}$$

$$م = \frac{1}{4} (24) \quad \text{اضرب}$$

$$م = 12 \quad \text{اقسم، } \frac{1}{4} (24) = 24 \div 4 = 12$$

فتكون مساحة المثلث 12 وحدة مربعة.



$$م = \frac{1}{4} ق ع \quad \text{مساحة المثلث.}$$

$$م = \frac{1}{4} (12)(4) \quad \text{ضع 12 بدلاً من ق، و 4 بدلاً من ع}$$

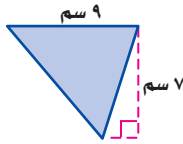
$$م = \frac{1}{4} (48) \quad \text{اضرب}$$

$$م = 38, 72 \quad \text{اقسم، } \frac{1}{4} (48) = 48 \div 4 = 12$$

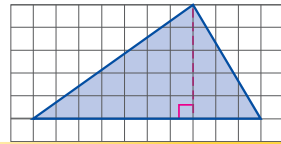
فتكون مساحة المثلث 38, 72 م²

تحقق من فهمك:

أوجد مساحة كل مثلث مما يأتي:



(ب)



(أ)

إرشادات للدراسة

التحقق من معقولية

الإجابة:

لتقدير مساحة المثلث في

المثال 2، قرب طول القاعدة

إلى 12 م والارتفاع إلى 6 م

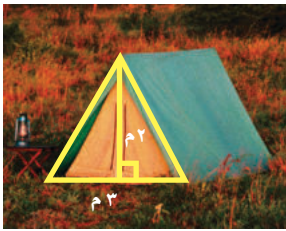
فتكون المساحة 6×12

= 36 مترًا مربعًا. وهذا

التقدير قريب من الإجابة،

لذا الإجابة معقولة.

مثال من واقع الحياة



خيام: الواجهة الأمامية للخيمة في الصورة

على شكل مثلث قاعدته 3 م وارتفاعه 2 م

فما مساحة القماش المُستعمل لهذه الواجهة؟

$$م = \frac{1}{4} ق ع \quad \text{مساحة المثلث.}$$

$$م = \frac{1}{4} (3)(2) \quad \text{ضع 3 بدلاً من ق، و 2 بدلاً من ع}$$

$$م = \frac{1}{4} (6) = 3 \quad \text{اضرب}$$

مساحة الواجهة الأمامية للخيمة 3 م²

إذن مساحة القماش المُستعمل 3 م²

تحقق من فهمك:

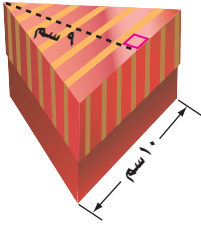
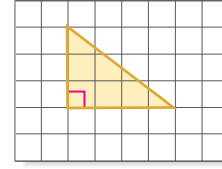
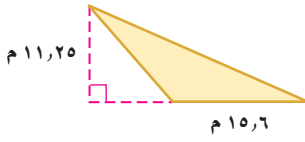
(ج) **بسكويط:** إذا كانت قطعة بسكويط على شكل مثلث ارتفاعه 4 سم

وطول قاعدته 5 سم، فأوجد مساحتها.



المثالان ٢،١

أوجد مساحة كل مثلث فيما يأتي:

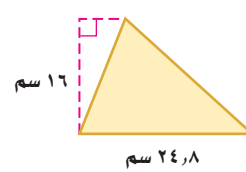
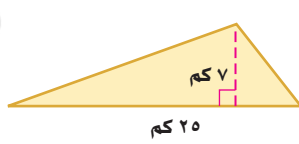
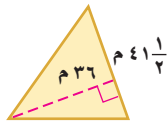
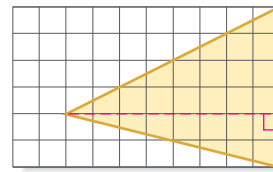
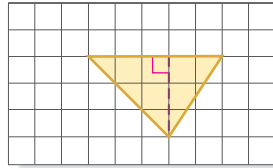
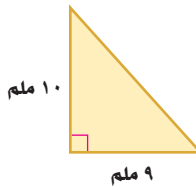


٤ **حرف يدوية:** صنعت هند صندوقاً ورقياً مثلثي الشكل كما في الشكل المجاور. ما مساحة وجهه العلوي؟

المثال ٣

تدرّب وحل المسائل

أوجد مساحة كل مثلث فيما يأتي:

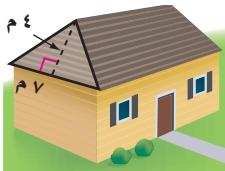


ارشادات للتمارين

التمارين	انظر الأمثلة
١	٦، ٥
٢	١٢ - ٧
٣	١٤، ١٣

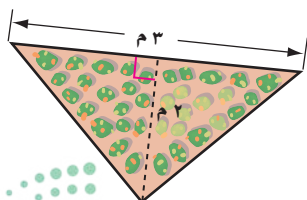
١١ الارتفاع ١٤ م، وطول القاعدة ٣٥ م

١٢ الارتفاع ٢٧ سم، وطول القاعدة ١٩ سم



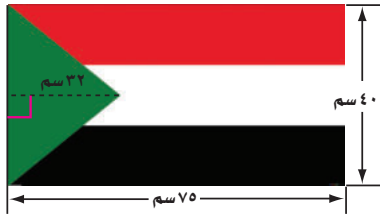
١٣ **مساكن:** يريد صاحب البيت المجاور أن يغطي المنطقة المثلثة الشكل من السقف بالواح خشبية. ما مساحة الخشب الذي يغطي هذه المنطقة؟

١٤ **هندسة:** يريد مهندس معماري أن يعمل تصميمًا لبناء على قطعة أرض مثلثية. فإذا كان طول قاعدة القطعة ٨، ١٠٠ م، وارتفاعها ٣، ٩٦ م، فأوجد مساحتها.



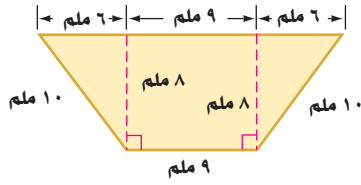
أحواض أزهار: أوجد مساحة حوض الأزهار الموضح في الشكل المقابل. وإذا كان الكيس الواحد من التربة الجاهزة يكفي لتغطية نصف متر مربع من الحوض، فما عدد الأكياس اللازمة لتغطية حوض الأزهار كاملاً؟



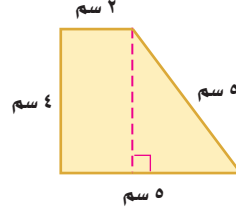


١٦ أعلام: ما مساحة المثلث في علم دولة السودان المجاور؟

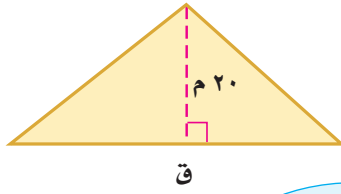
أشكال مركبة: أوجد المحيط والمساحة لكل شكل مما يأتي:



١٨



١٧



١٩ اكتشف الخطأ: أوجد كل من فهد وسعد طول قاعدة المثلث المجاور الذي مساحته ١٠٠ م^٢. أيهما كانت إجابتته صحيحة؟ فسر إجابتك.

مسائل
مهارات التفكير العليا



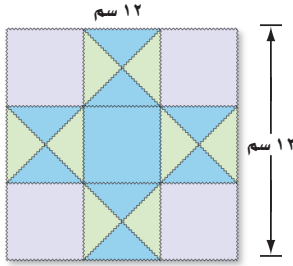
لسعد

$$\begin{aligned} 20 \times (ق) &= 100 \\ ق &= 5 \end{aligned}$$



فهد

$$\begin{aligned} (20) \times (ق) \times \frac{1}{2} &= 100 \\ ق &= 10 \end{aligned}$$



٢٠ تحد: إذا علمت أن المثلثات جميعها متطابقة، والمربعات الصغيرة جميعها متطابقة في النمط المقابل، فحل الأسئلة ٢٠ - ٢٣:

٢٠ أوجد طول قاعدة أحد المثلثات الصغيرة وارتفاعه.

٢١ احسب مساحة كل مثلث، ثم أوجد المساحة الكلية للمثلثات جميعها.

٢٢ احسب مساحة أحد المربعات الصغيرة، ثم احسب المساحة الكلية للمربعات (التي لا يوجد بداخلها مثلثات).

٢٣ ما المساحة الكلية للشكل؟ وهل إجابتك معقولة؟



وزارة التعليم

Ministry of Education
١٨٣
٢٠٢٥ - ١٤٤٧
الدرس ١٠-٣ : مساحة المثلث

٢٤ **تبرير:** إذا كان هناك مثلثان، مساحة كل منهما ٢٤ وحدة مربعة، فهل لهما طول القاعدة نفسه، والارتفاع ذاته دائماً؟ فسّر إجابتك.

٢٥ **الكتب:** ارسم مثلثاً، واختر رمزاً لقاعدته وآخر لارتفاعه. ثم ارسم مثلثاً آخر له القاعدة نفسها، وارتفاعه يساوي مثلي ارتفاع المثلث الأول. ثم أوجد مساحة كل منهما، واكتب النسبة بين مساحتيهما.

تدريب على اختبار

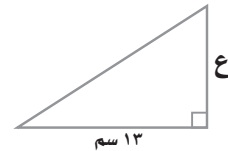
٢٧ يُبين الجدول أدناه، مساحات مثلثات لها الارتفاع نفسه، ولكن تختلف في طول القاعدة.

مساحات المثلثات		
الارتفاع (وحدات)	القاعدة (وحدات)	المساحة (وحدات مربعة)
٧	٢	٧
٧	٣	$١٠\frac{١}{٣}$
٧	٤	١٤
٧	٥	$١٧\frac{١}{٣}$
٧	س	■

أي عبارة مما يأتي يمكن استعمالها لإيجاد مساحة مثلث ارتفاعه ٧ وحدات، وطول قاعدته س وحدة؟

- (أ) ٧ س (ب) $\frac{٧}{٢}$ س
(ج) $\frac{٧}{٣}$ س (د) $\frac{٧}{٣}$ س

٢٨ قصت سيرين مثلثاً من الورق المقوى لعمل منظرٍ على شكل مثلث قائم الزاوية كالمرسوم أدناه.



إذا كانت مساحة المثلث ٥، ٨٤ سم، فما ارتفاعه؟

- (أ) ٥، ٦ سم (ب) ١٣ سم
(ج) ٢٦ سم (د) ١٦٩ سم

مراجعة تراكمية

٢٨ أوجد مساحة متوازي الأضلاع الذي طول قاعدته ١٥ سم، وارتفاعه ١٠ سم. (الدرس ١٠ - ٢)

٢٩ أوجد محيط الدائرة التي نصف قطرها ٥ سم، مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ١٠ - ١)

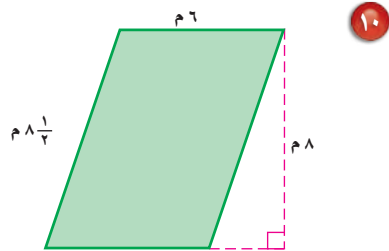
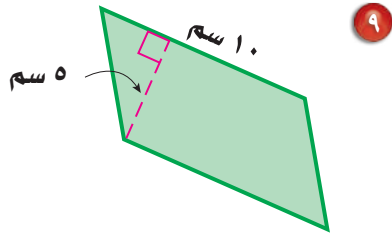
الاستعداد للدرس اللاحق

٣٠ يضع صاحب مكتبة أنواع الكتب الأكثر مبيعاً في الواجهة الأمامية، بكم طريقة يمكنه ترتيب ٤ أنواع من هذه الكتب في صف واحد؟





أوجد مساحة كل متوازي أضلاع فيما يأتي:
(الدرس ١٠ - ٢)

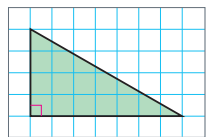
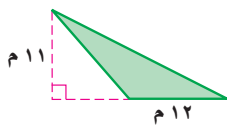


١١ أوجد مساحة متوازي الأضلاع الذي طول قاعدته $٥ \frac{١}{٢}$ سم، وارتفاعه $٧ \frac{١}{٢}$ سم (الدرس ١٠ - ٢)

١٢ **اختيار من متعدد:** أي عبارة مما يأتي يمكن استعمالها لإيجاد مساحة مثلث ارتفاعه ٩ وحدات، وطول قاعدته ن وحدة؟ (الدرس ١٠ - ٣)

- (أ) ٩ ن (ب) $\frac{٩}{٢}$ ن
(ج) $\frac{٩}{٢}$ (د) $\frac{٩}{٢}$ ن

أوجد مساحة كل مثلث مما يأتي:
(الدرس ١٠ - ٣)



١٥ **رياضة:** صمّم علم بطولية رياضية على شكل

مثلث، طول قاعدته ١٢٠ سم، وارتفاعه ٤٠ سم، فما

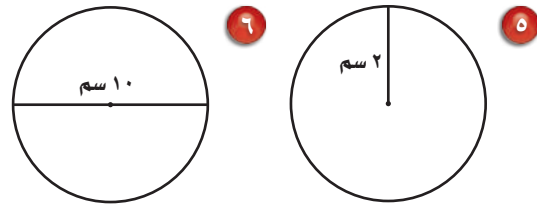
مساحة علم البطولية؟ (الدرس ١٠ - ٣)

أوجد نصف القطر أو القطر لكل دائرة مما يأتي:
(الدرس ١٠ - ١)

١ ق = ٧ سم ٢ نق = ٣٢ ملم

٣ نق = ١٦ سم ٤ ق = ١٨ سم

قدّر محيط كل دائرة مما يأتي: (الدرس ١٠ - ١)



٧ **مجارٍ صحيحة:** تُغلق المجاري الصحية الموجودة في شوارع المدن بأغطية دائرية الشكل. إذا كان طول قطر الغطاء ٦٧ سم، فما محيطه مقربًا إلى أقرب جزء من عشرة؟ (الدرس ١٠ - ١)

٨ **اختيار من متعدد:** إذا كان محيط القرص المدمج معلومًا، فأى طريقة مما يأتي يمكن استعمالها لإيجاد قطر القرص؟ (الدرس ١٠ - ١)

(أ) ضرب المحيط في نصف القطر.

(ب) قسمة المحيط على π ثم القسمة على ٢

(ج) قسمة المحيط على π

(د) ضرب المحيط في ٢





خطة حل المسألة

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال خطة «إنشاء نموذج»

١٠ - ٤

إنشاء نموذج

طارق: أحاول ترتيب ٧ صفوف من المقاعد في مسرح المدرسة، على أن يكون في الصف الأول ٨ مقاعد، ويزيد عدد مقاعد كل صف عن الصف السابق له بمقعدين. فإذا كان عندي مئة مقعد، فهل أستطيع ترتيب ٧ صفوف؟

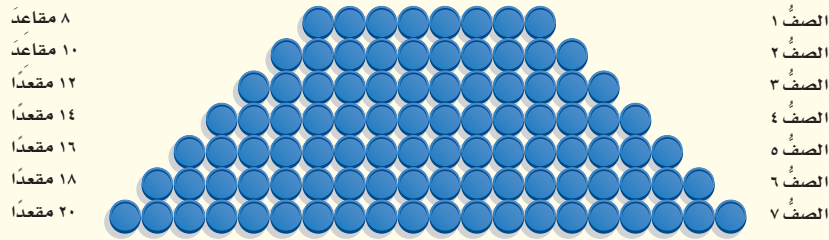
مهمتك: «أنشئ نموذجاً» لأعرف إن كان لدي عدد كافٍ من المقاعد لترتيب ٧ صفوف.



افهم تعرف أن كل صف فيه مقعدان زيادة على الصف السابق له. وأن الصف الأول يتكوّن من ٨ مقاعد، وتوجد ٧ صفوف، والمطلوب معرفة إن كانت المقاعد المئة كافية أم لا.

نظّم أنشئ نموذجاً لترى إن كان عدد المقاعد كافياً أم لا.

استعمل قطع العد لتوضيح ترتيب المقاعد.



اجمع عدد المقاعد في كل الصفوف: $98 = 20 + 18 + 16 + 14 + 12 + 10 + 8$
بما أن $98 < 100$ ، لذا فإن هناك مقاعد كافية.

تحقق متوسط عدد المقاعد في الصفين الأول والأخير هو $14 = \frac{20+8}{2}$
وبما أن عدد الصفوف ٧، و $98 = 14 \times 7$ ، لذا فالإجابة معقولة. ✓

حلّ الخطة

١ اشرح كيف ساعد "إنشاء النموذج" طارقاً على حلّ المسألة.

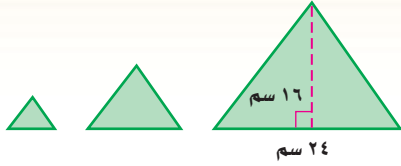
٢ **الكتب** مسألة يمكن حلّها باستعمال "إنشاء نموذج"، ثم اكتب خطوات الحلّ.



مسائل متنوعة

استعمل خطة "إنشاء نموذج" لحل المسائل ٣-٥:

٩ **هندسة:** إذا كان قياس كل من القاعدة والارتفاع في كل مثلث من المثلثات أدناه يُساوي نصف قياسها في المثلث السابق له، فما مساحة المثلث الرابع؟



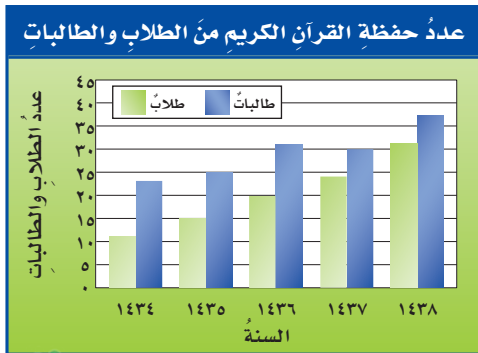
١٠ **حدايق:** الجدول أدناه يبين أسعار تذاكر الدخول لحديقة الحيوانات في الرياض. كم ريالاً ستدفع أسرة مكونة من أب وأم وأطفالهما الثلاثة لدخول الحديقة؟

الشخص	الكبار	الصغار
سعر التذكرة (ريال)	١٠	٥

١١ **أقساط:** اشترى خالد ثلاثة ثمنها ٣٠٠٠ ريال. واتفق مع البائع على تقسيط المبلغ على أقساط شهرية مدة سنة. أوجد مقدار القسط الشهري.

١٢ **دوائر:** دائرتان؛ قطر الأولى منهما ثلاثة أمثال قطر الثانية. أوجد النسبة بين محيطيهما.

١٣ **حفظ القرآن الكريم:** معتمداً على التمثيل البياني أدناه، الذي يبين أعداد الطلاب والطالبات الذين حفظوا القرآن الكريم في جمعية لتحفيظ القرآن. كم يزيد عدد الحافظين عام ١٤٣٧ هـ على عددهم عام ١٤٣٥ هـ؟



٣ **هندسة:** أوجد جميع الإمكانيات لطول كل من القاعدة والارتفاع لمتوازي أضلاع مساحته ٢٤ سم^٢، على أن تكون أعداداً صحيحة.

٤ **تصميم:** يريد مصمم ترتيب ١٢ طوبة زجاجية مربعة الشكل؛ لتكوين مستطيل بأقل محيط ممكن. فكم طوبة سيضع في كل صف؟

٥ **ورق:** أخذ ماجد ورقة من دفتر الملاحظات وطواها نصفين، ثم وضع القطعتين بعضهما فوق بعض وطواهما مرة ثانية فحصل على ٤ قطع. إذا استمر على هذا النمط، فما عدد القطع الورقية بعد الطي في المرة السادسة؟

استعمل الخطة المناسبة مما يأتي لحل المسائل ٦-١٣:

خط حل المسألة

- البحث عن نمط
- إنشاء نموذج
- الرسم

٦ **رياضة:** من خلال مسح إحصائي شمل ٥٠ طالباً تبين أن ٢٢ طالباً منهم يفضلون لعبة كرة القدم، و١٨ طالباً يفضلون كرة السلة، و ٦ طلاب يفضلون اللبطين معاً. ما عدد الطلاب الذين لا يفضلون أيّاً من اللبطين؟

٧ **أنماط:** أكمل النمط الآتي لإيجاد الحد الرابع:

● ، ٥٥ ، ٤٠ ، ٢٥

٨ **ثقوب:** طوى سهيل ورقة من دفتر الملاحظات من نصفها مرتين، ثم عمل ثقباً عبر جميع الطبقات. فإذا أعاد الورقة إلى وضعها الأصلي قبل الطي، فما عدد الثقوب الموجودة فيها؟



حجم المنشور الرباعي

١٠ - ٥

نشاط



الأشكال المجاورة تمثل منشورات رباعية.

انسخ الجدول الآتي في كراسيتك:

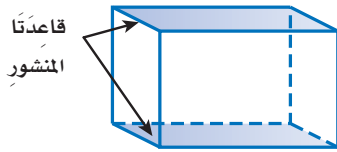
الخطوة ١

المنشور	عدد المكعبات	ارتفاع المنشور	طول القاعدة	عرض القاعدة	مساحة القاعدة
أ					
ب					
ج					
د					
هـ					

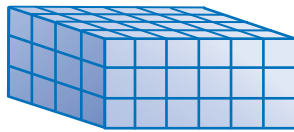
استعمل مكعبات ستمترية لتحصل على خمسة منشورات مختلفة. وسجل في الجدول أبعاد كل منشور وعدد المكعبات المستعملة فيه.

الخطوة ٢

- ١ ما الأنماط التي تلاحظها عند فحص صفوف الجدول؟
- ٢ **خمن:** صف العلاقة بين عدد المكعبات اللازمة وأبعاد المنشور.



المنشور الرباعي: شكل ثلاثي الأبعاد له قاعدتان متوازيتان، في صورة مستطيلين متطابقين.

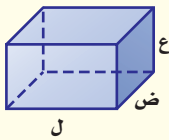


الحجم: هو مقدار الحيز داخل الشكل الثلاثي الأبعاد، ويقاس بالوحدات المكعبة. ويفيد إعادة تفكيك المنشور في معرفة عدد المكعبات المطلوبة لتكوينه. ويعتمد حجم المنشور على طول أبعاده.

مفهوم أساسي

حجم المنشور الرباعي

نموذج:



التعبير اللفظي: حجم المنشور الرباعي (ح) هو ناتج ضرب الطول (ل) في العرض (ض) في الارتفاع (ع).

بالرموز: $ح = ل \times ض \times ع$



قراءة الرياضيات:

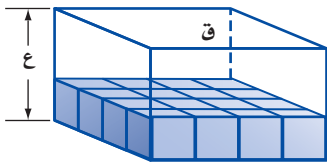
قياس الحجم:

يمكن كتابة وحدة قياس الحجم اختصاراً باستعمال الأس ٣ ومثال ذلك:

وحدة مكعبة = وحدة^٣

متر مكعب = م^٣

سنتيمتر مكعب = سم^٣



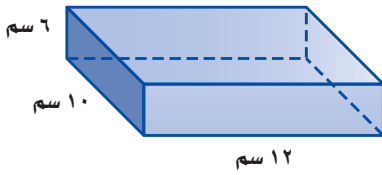
وهناك طريقة أخرى لإيجاد حجم المنشور، وهي إيجاد مساحة قاعدته (ق) وضربها في ارتفاعه (ع)

$$ح = ق \times ع$$

عدد صفوف المكعبات التي تكوّن المنشور.

مساحة القاعدة: عدد المكعبات التي تكوّن القاعدة.

مثال: إيجاد حجم المنشور الرباعي



أوجد حجم المنشور الرباعي في الشكل المُجاور.

قَدْر:

$$ح \approx 10 \times 10 \times 6 = 600 \text{ سم}^3$$

الطول في الشكل المقابل ١٢ سنتمترًا، والعرض ١٠ سنتمترًا، والارتفاع ٦ سنتمترًا.

الطريقة الأولى: استعمال ح = ل × ع

$$\begin{aligned} ح &= ل \times ع \\ ح &= 12 \times 10 \times 6 \\ &= 720 \end{aligned}$$

حجم المنشور الرباعي
ضع ١٢ بدلاً من ل، ١٠ بدلاً من ع، ٦ بدلاً من ح
اضرب

الطريقة الثانية: استعمال ح = ق × ع

$$\begin{aligned} ق &= (مساحة القاعدة) = 12 \times 10 = 120 \text{ سم}^2 \\ ح &= ق \times ع \\ ح &= 120 \times 6 \\ ح &= 720 \end{aligned}$$

حجم المنشور الرباعي.
ضع ١٢٠ بدلاً من ق، ٦ بدلاً من ع
اضرب

إذن الحجم هو ٧٢٠ سم^٣

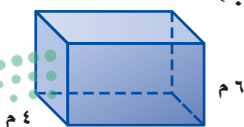
تحقق من المعقولة: بما أننا بدأنا بتقدير أصغر، فإن الإجابة ينبغي أن تكون أكبر من التقدير،

$$720 > 600 \quad \checkmark$$

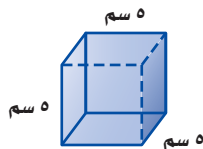
اختر طريقتك!

أوجد حجم كل منشور رباعي مما يأتي:

(ب)



(أ)





مثال من واقع الحياة

٢... مواد غذائية: إذا كانت أبعاد علبه العصير كما في الشكل المُجاور، فأوجد حجمها.

$$\text{قدر: } 300 = 10 \times 3 \times 10$$

أوجد الحجم.

$$ح = ل \times ض \times ع$$

$$ح = 8 \times 3 \frac{1}{4} \times 12 \frac{1}{3} \quad \text{ضع 8 بدلاً من ل، و } 3 \frac{1}{4} \text{ بدلاً من ض، و } 12 \frac{1}{3} \text{ بدلاً من ع}$$

$$ح = \frac{8}{1} \times \frac{13}{4} \times \frac{37}{3} \quad \text{اكتب في صورة كسور غير فعلية، ثم اقسم على (ق.م.أ.)}$$

$$ح = \frac{320}{1} = 320 \quad \text{اضرب}$$

إذن حجم علبه العصير هو 320 سم³

تحقق من المعقولية: $300 \approx 320$ ✓

تحقق من فهمك: ✓

(ج) أوعية: أوجد حجم وعاء على شكل منشور رباعي طوله 5 سم، وعرضه 4 سم، وارتفاعه 8 1/3 سم.



الربط بالحياة:

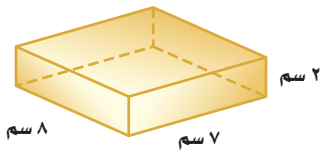
كيف يستعمل مدير المستودع الرياضيات؟

من خلال قيامه بعمليات التنسيق والتنظيم للإنتاج الكلي والمشتريات على مدار اليوم.

تأكد

أوجد حجم كل منشور رباعي فيما يأتي:

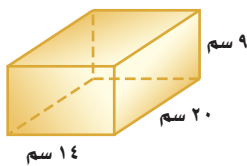
المثال ١



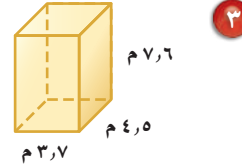
٢



١



٤



٣

٥ ماء: خزان ماء على شكل منشور رباعي طوله 250 سم، وعرضه 200 سم، وارتفاعه 120 سم، أوجد كمية الماء التي تملؤه.

المثال ٢

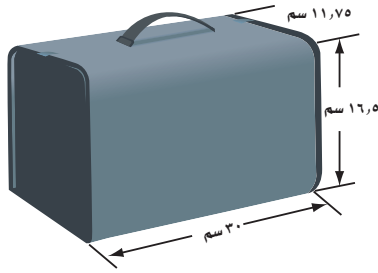
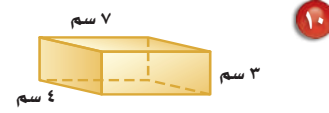
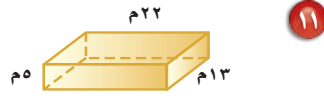
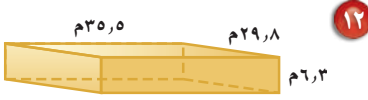
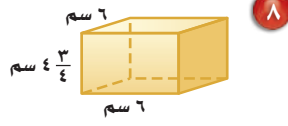
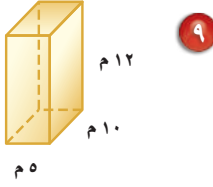
٦ مكتبة: تبيع إحدى المكتبات كراسات؛ طول الواحدة منها 13 سم، وعرضها 6 سم، وارتفاعها 5, 2 سم، أوجد حجم الكراسة.



تدرّب وحلّ المسائل

أوجد حجم كل منشور رباعي فيما يأتي:

ارشادات للتمارين	
التمارين	انظر الأمثلة
٧-١٢	١
١٤، ١٣	٢

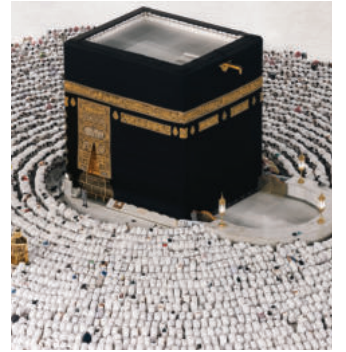


١٣ **حقيبة:** قدّر حجم الحقيبة في الصورة المُجاورة.

١٤ **الكعبة المشرفة:** يبلغ ارتفاع الكعبة المشرفة ١٤ م، وطولها ١٢ م تقريباً، وعرضها ١١,٢٥ م تقريباً. أوجد حجمها التقريبي.

١٥ أوجد طول منشور رباعي، حجمه ٥, ٢٨٣٠ سم^٣، وعرضه ١٧ سم، وارتفاعه ٩ سم.

١٦ أوجد عرض منشور رباعي طوله ٢٤ سم، وحجمه ١١٢٣٢ سم^٣، وارتفاعه ٣٦ سم.

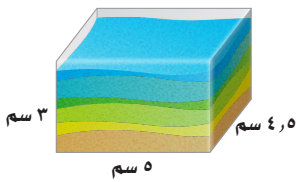


١٧ **فن الرمل:** لحلّ السؤالين ١٧، ١٨، استعمل المعلومة الآتية:

"الوعاء الزجاجي المجاور فيه رمل إلى ارتفاع ٢,٢٥ سم"

١٧ ما كمية الرمل الموجودة في الوعاء حالياً؟

١٨ ما كمية الرمل الإضافية التي يمكن أن يسعها الوعاء بشكل كامل؟



الربط بالحياة:

الكعبة المشرفة قبله المسلمين، ومهوى أفتدّتهم، بناها نبيّ الله إبراهيم بمساعدة ابنه إسماعيل عليهما السلام، قال تعالى: ﴿وَإِذْ بَرَّعُ إِزْرِعُهُمُ الْقَوَاعِدِينَ الْبَيْتِ وَإِسْمَاعِيلَ رَبَّنَا فَاقْبَلْ مِنَّا إِنَّكَ أَنْتَ السَّمِيعُ الْعَلِيمُ﴾ (البقرة: ١٢٧).



وزارة التعليم

Ministry of Education
2025 - 1447

الدرس ١٠-٥ : حجم المنشور الرباعي (١٩١)

$$1\text{م}^3 = 1000000\text{سم}^3$$

$$1\text{سم}^3 = 1000\text{م}^3$$

قارن بين كلٍّ مما يأتي مستعملًا (<, >, =)؛ لتحصل على جملةٍ صحيحةٍ:

٢٩ $1\text{م}^3 > 1\text{سم}^3$ ٢٠ $1\text{سم}^3 > 25\text{ملم}^3$ ٢١ $27\text{سم}^3 > 27000\text{ملم}^3$

٢٢ **الحسُّ العدديُّ:** أوجد طولَ الحرفِ لمكعبٍ حجمُهُ ٦٤ وحدةٍ مكعبةٍ.

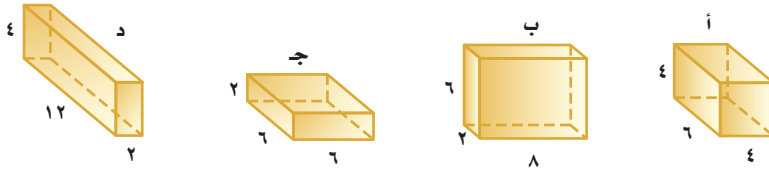
٢٣ **تبريرٌ:** أيُّهما أكبر حجمًا، منشورٌ طوله ٥ سم وعرضه ٤ سم وارتفاعه ١٠ سم، أم منشورٌ طوله ١٠ سم وعرضه ٥ سم وارتفاعه ٤ سم؟ فسّر إجابتك.

٢٤ **تقديرٌ:** قدرت أمل حجم منشور طوله ٨، ٥ سم وعرضه ٣ سم وارتفاعه ٢، ١٢ سم، على أنه أصغر من ١٨٠ ستمترًا مكعبًا. فهل تقديرها صحيحٌ؟ فسّر إجابتك.

٢٥ **تبريرٌ:** ما طول ضلع القاعدة المربعة لمنشورٍ رباعيٍّ حجمُهُ ١٦ مترًا مكعبًا وارتفاعه ٤ أمتارًا؟

مسائل مهارات التفكير العليا

٢٦ حدّد المنشور الذي لا ينتمي إلى المنشورات الأخرى فيما يأتي:



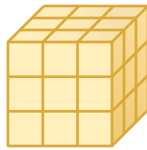
٢٧ **مسألة مفتوحة:** ارسم منشورًا يتراوح حجمه بين ٢٠٠ و ٤٠٠ سم^٣، وسمّه، ثم أعط مثالًا على مجسم له هذا الحجم التقريبي من واقع الحياة.

٢٨ **اختر طريقة:** لدى خديجة حوض سمك طوله ٩١ م، وعرضه ٣٣ م، وارتفاعه ٤٠ م. فأى الطرق الآتية أنسب كي تستعملها لتحديد عدد لترات الماء التي تحتاج إليها لملء الحوض؟

الورقة والقلم

المكعبات السنتيمرية

الألة الحاسبة



٢٩ **تحذُّ:** إذا ضُوعفت جميع أبعاد المنشور المقابل مرتين، فهل يتضاعف حجم المنشور مرتين أيضًا؟ فسّر استنتاجك.

٣٠ **الكتب:** لماذا تُستعمل الوحدات المكعبة لقياس الحجم بدلًا من استعمال الوحدات الطولية أو الوحدات المربعة؟

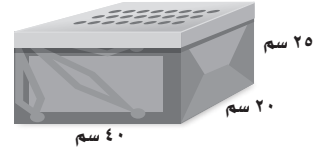




٣٢ توضع بعض قطع الحلوى في عبوات على شكل منشور رباعي. إذا كان عرض العبوة ٢٧ سم، وارتفاعها ٧ سم، وحجمها ٦٤٢٦ سم^٣، فما طولها؟

- (أ) ٣٤ سم
(ب) ٣٨ سم
(ج) ٤٢ سم
(د) ٤٦ سم

٣١ يمكن استعمال الصندوق أدناه لوضع الأحذية فيه.



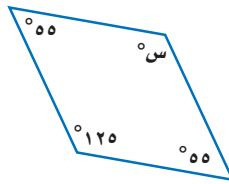
فما حجم هذا الصندوق؟

- (أ) ١٥٠٠٠ سم^٣ (ج) ١٨٠٠٠ سم^٣
(ب) ١٦٠٠٠ سم^٣ (د) ٢٠٠٠٠ سم^٣

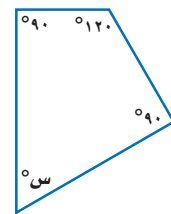
مراجعة تراكمية

٣٣ **نُعب:** تريد ميسون عمل منشور رباعي من ٨ مكعبات. أوجد حالتين للأبعاد الممكنة للمنشور الذي يمكن أن تعمله ميسون. (الدرس ١٠ - ٤)

أوجد قيمة s في كل من الأشكال الرباعية الآتية: (الدرس ٩ - ٤)



٣٥



٣٤

الاستعداد للدرس اللاحق

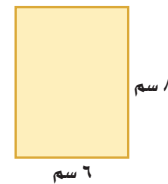
مهارة سابقة: احسب مساحة كل مستطيل مما يأتي:



٣٨



٣٧



٣٦





استعمال مخطط لبناء مكعب

ستحصل في هذا المعمل على نمطٍ ثنائي الأبعاد لمكعب، ويسمى هذا النمط **مخططاً**، وستستعمله لبناء شكلٍ ثلاثي الأبعاد.

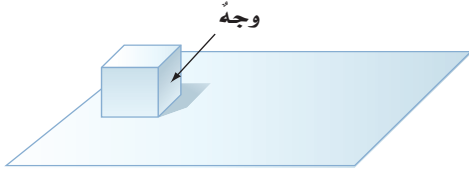
فكرة الدرس:

أعمل نمطاً ثنائي الأبعاد لمكعب، وأستعمله لبناء مكعبٍ آخر.

المفردات:

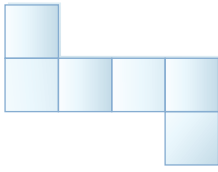
المخطط

نشاط



الخطوة ١

ضع المكعب على ورقة، كما في الشكل، ثم ارسم قاعدة المكعب المربعة.



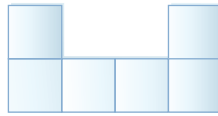
الخطوة ٢

اقلب المكعب على أحد جوانبه. واستمر في رسم كل جانب لتحصل على الشكل الموضح. وهذا الشكل الثنائي الأبعاد يُسمى **مخططاً**.



الخطوة ٣

قص المخطط، ثم أنشئ المكعب.



الخطوة ٤

اعمل مخططاً يشبه المخطط الموضح، ثم قصه وحاول إنشاء مكعب.

حلل النتائج

- ١ هل يمكن الحصول على مكعب من كل من المخططين؟ فسّر ذلك. وإن كانت إجابتك لا، فصّف لماذا لا يشكل أحدهما أو كلاهما مكعباً.
- ٢ ارسّم ثلاثة مخططات كل منها يشكل مكعباً، وثلاثة مخططات أخرى لا تشكل أي منها مكعباً، ثم صف النمط في المخططات التي تشكل مكعباً.
- ٣ احسب قياس أضلاع المكعب في النشاط السابق، ثم استعمل هذا القياس لتجد مساحة أحد أوجه المكعب.
- ٤ **خمن:** اكتب عبارة للمساحة الكلية لأوجه المكعب الذي طول حرفه س.
- ٥ ارسّم مخططاً لمنشور رباعي، وبين كيف يختلف هذا المخطط عن مخططات المكعب.





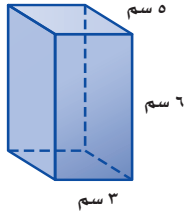
مساحة سطح المنشور الرباعي

٦ - ١٠

نشاط

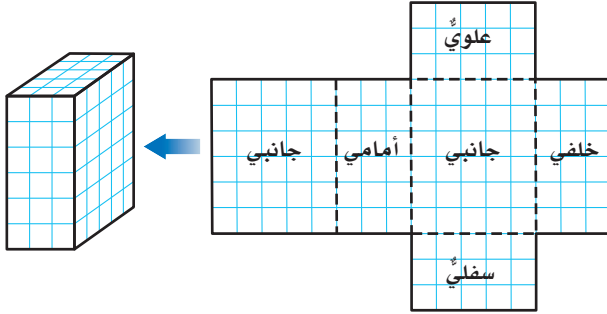
الخطوة ١

ارسم مخططاً للمنشور.



الخطوة ٢

اطو على طول الخطوط المتقطعة، ثم ثبت الأحرف وأصقها.



فكرة الدرس:

أجد مساحة سطح منشور رباعي.

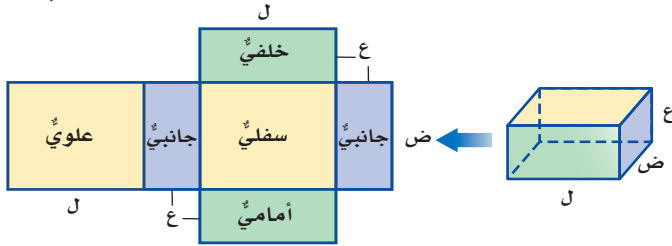
المفردات

مساحة السطح

١ أوجد مساحة كل وجه من أوجه المنشور.

٢ ما مجموع مساحات أوجه المنشور؟

يسمى مجموع مساحات جميع أوجه المنشور **مساحة سطح المنشور**.



مساحة الوجهين السفلي والعلوي = $ل ض + ل ض = ٢ ل ض$

مساحة الوجهين الأمامي والخلفي = $ع ل + ع ل = ٢ ع ل$

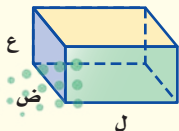
مساحة الوجهين الجانبيين = $ع ض + ع ض = ٢ ع ض$

مجموع المساحات = $٢ ل ض + ٢ ع ل + ٢ ع ض$

مفهوم أساسي

مساحة سطح المنشور الرباعي

نموذج:



التعبير اللفظي: مساحة السطح (م) لمنشور طوله

(ل)، وعرضه (ض)، وارتفاعه (ع)

هي مجموع مساحات أوجهه.

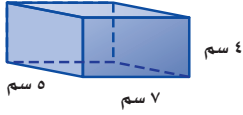
بالموز: $م = ٢ ل ض + ٢ ع ل + ٢ ع ض$

بالموز:

بالموز:

مثال

إيجاد مساحة سطح المنشور الرباعي



أوجد مساحة سطح المنشور الرباعي المقابل.

أولاً نجد مساحة كل وجهين متقابلين من أوجهه على النحو الآتي:

مساحتا الوجهين العلوي والسفلي:

$$ل ض = (5)(7) = 35$$

مساحتا الوجهين الأمامي والخلفي:

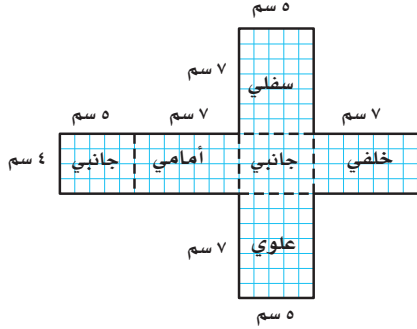
$$ل ع = (4)(7) = 28$$

مساحتا الوجهين الجانبيين:

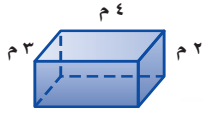
$$ض ع = (4)(5) = 20$$

اجمع لتجد مساحة سطح المنشور.

$$مساحة السطح = 35 + 28 + 20 = 83 \text{ سم}^2$$



تحقق من فهمك:



(أ) أوجد مساحة سطح المنشور المقابل.

يمكن تطبيق مساحة السطح على عدّة مواقف من واقع الحياة.

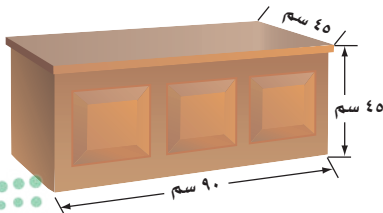
مثال من واقع الحياة

جيولوجياً: وُضِعَتْ بلورة كريستال داخل صندوق على شكل متوازي مستطيلات طوله ١٨ سم، وعرضه ٧ سم، وارتفاعه ٤١ سم، أوجد مساحة سطح الصندوق.

$$\begin{aligned} \text{س} &= ل ض + ل ع + ض ع \\ \text{س} &= (18)(7) + (18)(41) + (7)(41) \\ &= 126 + 738 + 287 \\ &= 1151 \end{aligned}$$

فتكون مساحة سطح الصندوق ١١٥١ سم^٢

تحقق من فهمك:



(ب) طلاء: أرادت منيرة طلاء أوجه الصندوق الخشبي جميعها في الشكل المجاور، أوجد المساحة التي تريد طلاءها.

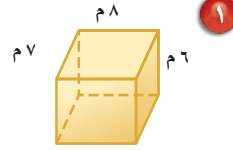
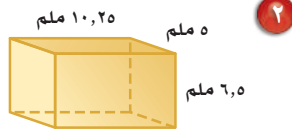
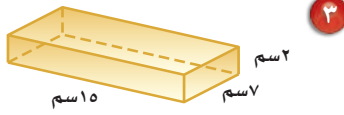


الربط بالحياة:

بلورة الكريستال هي مادة طبيعية من معدن الكوارتز أو المرو، وتوجد في أشكال مختلفة، وتستخدم للزينة وفي صناعة الساعات.

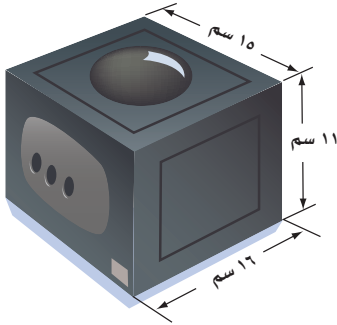
المثال ١

أوجد مساحة سطح كل منشور فيما يأتي:



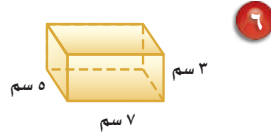
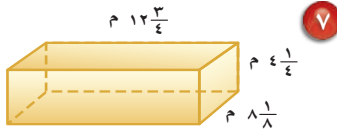
المثال ٢

٤ أجهزة: يُصنَع جهازٌ على شكل منشور رباعي، قدر مساحة سطح الجهاز بالاعتماد على صورته المجاورة.

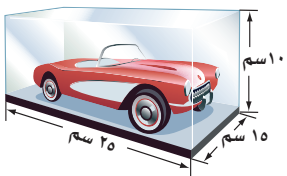
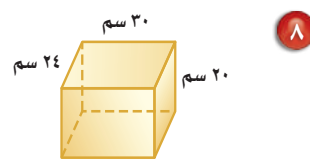
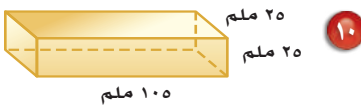


تدرّب وحل المسائل

أوجد مساحة سطح كل منشور فيما يأتي:



ارشادات للتمارين	
التمارين	انظر الأمثلة
١ - ٥	١
١٢، ١١	٢



١١ معروضات: يضع سلطان سيارته اللعبة داخل صندوق بلاستيكي شفاف كما في الشكل المجاور. أوجد مساحة سطح هذا الصندوق.

١٢ مجوهرات: تحتفظ سامية بمجوهراتها في علبة على شكل

متوازي مستطيلات طولها ١٨ سم، وعرضها ١٥ سم، وارتفاعها ١٢ سم، أوجد مساحة سطح هذه العلبة.

١٣ تقدير: قدرت هدى مساحة سطح منشور رباعي طوله ٢، ١٣ م، وعرضه ٦ م،

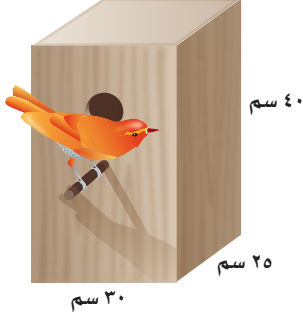
وارتفاعه ٨ م بـ ٤٦٠ م^٢، فهل تقديرها معقول؟ فسّر استنتاجك.



صنّف كلّ قياس فيما يأتي إلى طولٍ، أو مساحةٍ، أو مساحةٍ سطحٍ، أو حجمٍ. ثمّ فسّر إجابتك، واقتحُ وحدةً مناسبةً للقياس:

- ١٤ كمية الماء في بحيرة. ١٥ مقدار الأرض التي يتطلبها بناء بيت.
١٦ مقدار الورق اللازم لتغطية صندوق. ١٧ ارتفاع شجرة.
١٨ مقدار الورق اللازم لتغطية شطيرة. ١٩ كمية الرمل الموجودة في صندوق.

طيور: استعمل المعلومات الآتية للإجابة عن الأسئلة ٢٠ - ٢٢:



الشكل المجاورُ يمثلُ عشَّ عصفورٍ صنِّعَ على شكلِ صندوقٍ.

٢٠ أوجد مساحةَ سطحِ صندوقِ العشِّ.

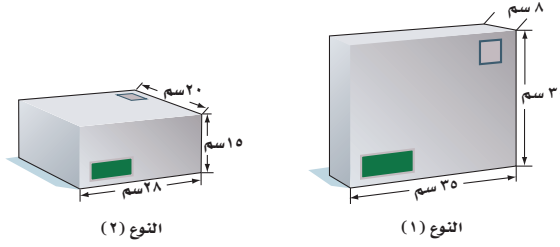
٢١ إذا زاد ارتفاعُ الصندوقِ إلى مثلي الارتفاعِ الأولِ،

فكمّ تصبحُ مساحةُ سطحِهِ؟

٢٢ إذا نقصَ ارتفاعُ الصندوقِ إلى النصفِ،

فكمّ تصبحُ مساحةُ سطحِهِ؟

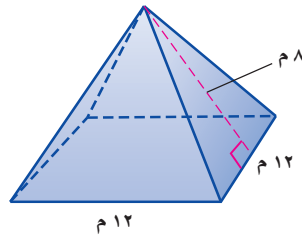
٢٣ **شحن:** الشكل الآتي يمثّل نوعين للطرود البريديّة. فأيهما مساحةً سطحها أكبر؟ وهل النوع الذي مساحةً سطحه أكبر هو الأكبر حجمًا؟ فسّر إجابتك.



٢٤ **مسألة مفتوحة:** ارسم منشورًا رباعيًّا مساحةً سطحه ٢٠٨ سم^٢، ثمّ حدّد أبعاده.

٢٥ **تبرير:** حدّد إن كانت الجملة الآتية صحيحة دائمًا، أم صحيحة أحيانًا، أم غير صحيحة:

" إذا زادت أبعاد مكعبٍ إلى مثلثيها، فستزيد مساحة سطحه أربعة أمثالٍ."



تحذّر: استعمل الشكل المُجاوِرَ الذي جميعُ أوجهِه

المثلثية متطابقة؛ للإجابة عن السؤالين ٢٦، ٢٧:

٢٦ ما مساحة أحد أوجهِه المثلثية؟ وما مساحة

الوجه المربع منه؟

٢٧ استعمل معلوماتك حول مساحة سطح المنشور

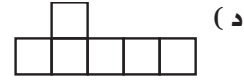
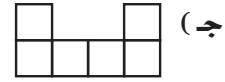
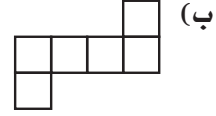
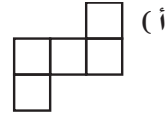
الرباعي؛ لتجد مساحة سطح الهرم الرباعيّ.

٢٨ **الكتب:** مسألة من واقع الحياة، تحتاج في حلّها إلى إيجاد مساحة سطح

منشور رباعيّ.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢٩ أي مخططٍ ممّا يأتي يمثل مساحة سطح مكعبٍ؟



٣٠ يريدُ مشعلٌ عملَ صندوقٍ أبعادهُ ٢٣ سم، ١٠ سم، ٨ سم، أوجد مساحةَ سطحِ هذا الصندوقِ.

(أ) ٢٤٦ سم^٢

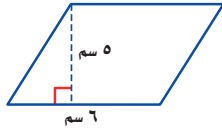
(ب) ٨٢٨ سم^٢

(ج) ٩٨٨ سم^٢

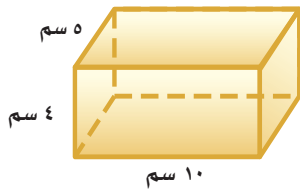
(د) ١٨٤٠ سم^٢

مراجعة تراكمية

٣١ أوجد حجمَ المنشورِ الرباعيِّ الذي قياساتُ أبعادهِ هي ٥ م، ٨ م، ١٢ م. (الدرس ١٠ - ٥)



٣٢ أوجد مساحةَ متوازي الأضلاعِ المجاورِ. (الدرس ١٠ - ٢)



٣٣ أوجد حجمَ المنشورِ المجاورِ. (الدرس ١٠ - ٥)

اكتب كلاً ممّا يأتي في صورة نسبة مئوية: (الدرس ٨ - ٢)

٣٥ ٥,٣٥

٣٤ ٠,٤٤

٣٧ ٢,١

٣٦ ٠,٦

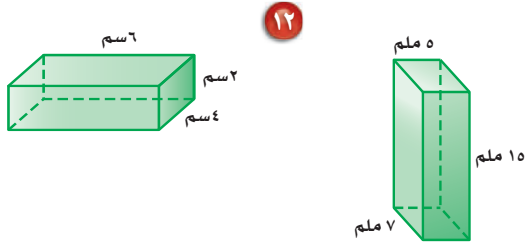


اختبار الفصل

٩ **زراعة:** حديقة على شكل مثلث، طول قاعدته ٧ م، وارتفاعه ٦ م. فإذا كان الكيس الواحد من السماد يكفي لتسميد ٢٥ م^٢ منها، فما عدد أكياس السماد التي تحتاج إليها لتسميد الحديقة؟

١٠ **هندسة:** يتكوّن منشور رباعي من ١٢ مكعبًا. أوجد أبعاده الممكنة باستعمال خطبة "إنشاء نموذج".

أوجد حجم كل من الشكلين الآتيين:



١٣ **برك:** بركة على شكل منشور رباعي طولها ٢١ م، وعرضها ١٨ م، أوجد عدد الأمتار المكعبة من الماء التي تلزمها ليصل ارتفاع الماء فيها إلى ٩ م.

١٤ **اختيار من متعدد:** أي العبارات الآتية يُعطي مساحة سطح منشور رباعي طولُه ٥ وحدات، وعرضه ٨ وحدات، وارتفاعه ٣ وحدات؟

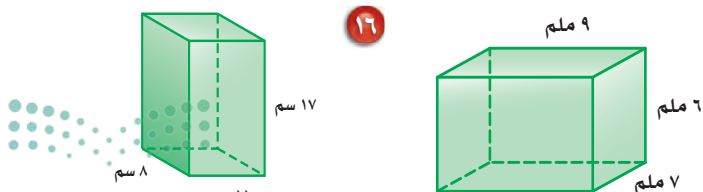
(أ) $(٥)^٢ + (٨)^٢ + (٣)^٢$

(ب) $(٥)(٨)(٣) + (٥)(٨) + (٥)(٣)$

(ج) $(٥)(٨)(٣)$

(د) $(٥)(٨)(٣ + ٨)$

أوجد مساحة سطح كل من المنشورين الآتيين:



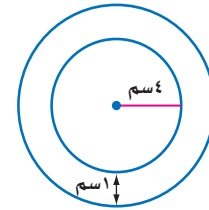
١ ما العلاقة بين قطر الدائرة ونصف قطرها؟

٢ ما العلاقة بين قطر الدائرة ومحيطها؟

أوجد نصف القطر أو القطر لكل دائرة في الحالات الآتية:

٣ نق = ٩ سم ٤ ق = ٤٦ ملم

٥ **اختيار من متعدد:** الشكل أدناه يُظهر دائرتين لهما المركز نفسه.

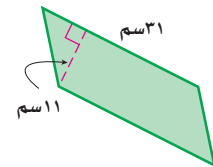
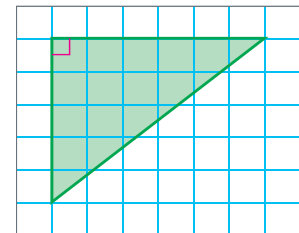


أي مما يأتي يمكن استعماله لإيجاد محيط الدائرة الخارجية بالسنتيمترات؟

(أ) $٤ + ١$ (ب) $٤ + ١$

(ج) $٢(٤ + ١)$ (د) $٢(٤ + ١)$

أوجد مساحة كل من المثلث ومتوازي الأضلاع الآتيين:



٨ **تبرير:** أيهما أكبر: مساحة مثلث طول قاعدته ٨ م، وارتفاعه ١٢ م، أم مساحة مثلث طول قاعدته ٤ م، وارتفاعه ١٦ م؟ فسّر إجابتك.

الاختبار التراكمي (١٠)

القسم ١

اختيار من متعدد

اختر الإجابة الصحيحة:

١ الجدول أدناه يوضح مساحات مجموعة من المثلثات لها الارتفاع نفسه، ولكنها تختلف في طول القاعدة:

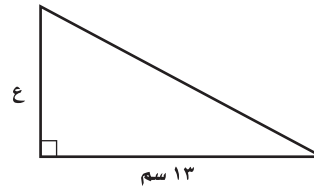
مساحات المثلثات		
الارتفاع (وحدات)	طول القاعدة (وحدات)	المساحة (وحدات مربعة)
٤	٣	٦
٤	٤	٨
٤	٥	١٠
٤	٦	١٢
٤	ن	■

أي العبارات الآتية يمكن استعمالها لإيجاد مساحة مثلث ارتفاعه ٤ وحدات، وطول قاعدته ن وحدة؟

(أ) $\frac{ن}{٤}$ (ب) $\frac{٤}{ن}$

(ج) $\frac{٤}{٢ن}$ (د) $\frac{٢ن}{٤}$

٢ إذا كانت مساحة المثلث أدناه ٢٥ سم، فما ارتفاعه؟



(أ) ٦,٥ سم (ب) ١٣ سم

(ج) ١٦٩ سم (د) ٢٦ سم

٣ إذا كان ثمن ٣ أقلام ١٥ ريالاً، فأى تناسب مما يأتي يمكن استعماله لإيجاد ثمن ١٩ قلماً من النوع نفسه؟

(أ) $\frac{٣}{١٥} = \frac{٣}{١٩}$ (ب) $\frac{٣}{١٥} = \frac{٣}{١٩}$

(ج) $\frac{٣}{١٥} = \frac{٣}{١٩}$ (د) $\frac{٣}{١٥} = \frac{١٩}{٣}$

٤ حديقة دائرية الشكل قطرها ٨ م. فأى مما يأتي يعبر عن العلاقة التقريبية بين قطر الحديقة «ق» ومحيطها «مح»؟

(أ) $ق \approx \frac{١}{٣} مح$ (ب) $ق \approx \frac{١}{٣} مح$

(ج) $ق \approx ٢ مح$ (د) $ق \approx ٣ مح$

٥ مثلث متطابق الضلعين، زاويتا قاعدته متطابقتان، وقياس زاوية رأسه ٤٠°. فأى الطرق الآتية يمكن استعمالها لإيجاد قياس كل زاوية من زاويتي القاعدة؟

(أ) اضرب ٤٠° في ٢، ثم أضف ١٨٠°

(ب) اطرح ٤٠° من ١٨٠°، ثم اقسّم على ٢

(ج) أضف ٤٠° إلى ١٨٠°، ثم اقسّم على ٣

(د) اقسّم ٥٠° على ٢، ثم اطرح من ١٨٠°

٦ منشور رباعيّ طوله ٦ سم، وعرضه ٥ سم، وارتفاعه ٤ سم، فما حجمه؟

(أ) ١٥ سم^٣

(ب) ٦٠ سم^٣

(ج) ٣٠ سم^٣

(د) ١٢٠ سم^٣

٧ أوجد طول نصف قطر دائرة محيطها ٦٨ سم، ٣٧ سم بصورة تقريبية.

(أ) ١٢ سم

(ب) ٦ سم

(ج) ٥ سم

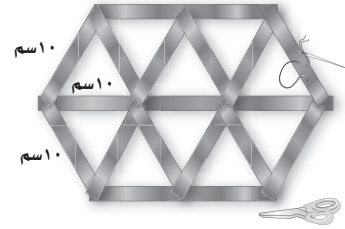
(د) ٣ سم



وزارة التعليم

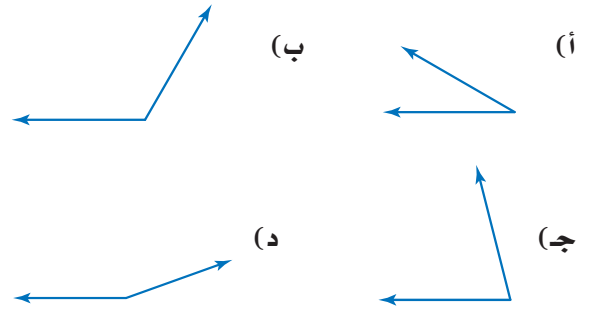
Ministry of Education (١٠) الفصل ١٠ : الاختبار التراكمي (١٠) ٢٠١١ - ٢٠٢٥

٨ استعملت ريم شريطاً من القماش لتزيين غلاف هديتها على هيئة مثلثات متطابقة الأضلاع، كما في الشكل أدناه. احسب طول الشريط الذي استخدمته في تغليف الهدية.



- (أ) ١٩٠ سم
(ب) ٣٠٠ سم
(ج) ١٨٠ سم
(د) ٢٧٠ سم

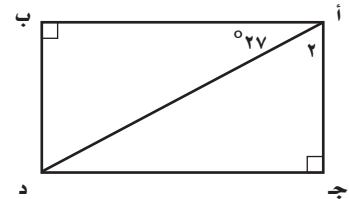
٩ أيّ الزوايا الآتية قياسها بين ٩٠° ، ٤٥° ؟



القسم ٢ الإجابة القصيرة

أجب عن السؤالين الآتيين:

١٠ أوجد قياس \angle بالدرجات في المستطيل أ ب د ج الموضح أدناه.



- ١١ أوجد مساحة متوازي أضلاع طول قاعدته $\frac{1}{2}$ سم، وارتفاعه $\frac{1}{3}$ سم.
١٢ اكتب النسبة المئوية ٨٪ في صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة.

القسم ٣ الإجابة المطولة

أجب عن السؤال الآتي موضحاً خطوات الحل:

١٣ تحتفظ هيفاء بعقد ذهبي في علبة طولها ١٥ سم، وعرضها ٩ سم، وارتفاعها ٣ سم.

(أ) أوجد مساحة السطح الكلية للعلبة وحجمها.

(ب) كم تصبح كل من مساحة السطح الكلية والحجم إذا أصبح كل بُعد من أبعادها مثليه؟

(ج) إذا أصبح أحد الأبعاد مثلي طولهِ الأصلي، فما تأثير ذلك في كل من مساحة السطح الكلية والحجم؟ وهل يؤثر نوع البعد الذي يتم تغييره في النتيجة؟ فسّر إجابتك.



أدرب

من خلال الإجابة عن الأسئلة؛ حتى أعزز ما تعلمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

للتدريب

أنا طالبٌ معدٌ للحياة، ومنافسٌ عالمياً.

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

١٣	١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	إذا لم تجب عن السؤال
٦-١٠	١-٨	٢-١٠	٤-٩	١-٩	٣-٩	١-١٠	٥-١٠	٣-٩	١-١٠	٤-٧	٣-١٠	٣-١٠	فراجع الدرس